مادك الثنق الإدارك



مبادئ التنبؤ الإداري

تأليف الدكتور عبدالرحمن الأحمد العبيد أستاذ مساعد، قسم الأساليب الكمية كلية العلوم الإدارية، جامعة الملك سعود



ح جامعة الملك سعود، ١٤٢٤هـ (١٠٠٤م)

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر

العبيد، عبدالرحمن الأحمد

مبادئ التنبؤ الإداري، عبدالرحمن الأحمد العبيد. - الرياض، ١٤٢٤هـ

٤٣٢ ص، ٢٧×٣٤ سم

ردمك: ۰-۲۲۳-۳۷ ۹۹۲۰

۱- الأساليب الكمية (علوم إدارية) ۲- اتخاذ القرارات أ- العنوان ديوي ۲۰۸,٤۰۳ ديوي ۲۵۸,٤۰۳

رقم الإيداع: ١٤٢٤/٥٣٥٧

ردمك: ۱۰-۳۷-۳۷-۹۹۹

وافق المجلس العلمي على طباعة هذا الكتاب- بعد اطلاعه على تقارير المحكمين- في اجتماعة السادس عشر للعام الدراسي ١٤٢٤/١٤٢٣هـ المعقود بتاريخ ١٤٢٤/٢/١٨هـ الموافق ٢٠٠٣/٤/٢م.

والمطابع ١٤٢٤هـ والمطابع

تهميد

يرغب أغلب الناس، مهما كانت أصولهم وجنسياتهم ولغاتهم وثقافاتهم ومستواهم الاقتصادي في معرفة المستقبل. وهناك عدة طرائق للتنبؤ بالمستقبل، منها طرائق غير علمية كالتنجيم، ومنها طرائق علمية. وفي هذا الكتاب سنستعرض مجموعة من الطرائق العلمية البسيطة والمعقدة وتطبيقاتها في مجال العلوم الإدارية والاقتصادية.

وتجدر الملاحظة، أنه مهما كانت طرائق التنبؤ معقدة ومهما كان ــد البيانات كبيرا ومهما كانت الأجهزة المستخدمة في معالجتها متقدمة، فإن التنبؤ لا يمكن أن يكون بديلا عن الحقيقة أو الواقع. فالتنبؤ ما هو إلا إطالة أو تمديد الفترة السابقة لتشمل جزءا من المستقبل. ولكى يكون هذا التنبؤ دقيقا لا بد من أحد أمرين:

- إما أن لا يحدث في المستقبل أي تغيرات كبيرة أو جذرية في الظروف المحيطة بالظاهرة المدروسة مقارنة بالماضي.
- أو أن هذه التغيرات الكبيرة حدثت بطرائق متعاكسة ، بحيث يلغي بعضها بعضا، وإلا فإن الأخطاء في التنبؤ دائما موجودة.

وقد يثار التساؤل التالي: إذا كان التنبؤ ليس بديلا عن الواقع، وإذا كانت أخطاء التنبؤ دائما موجودة، فهل هناك حاجة لدراسة التنبؤ وطرائقه المختلفة؟ والجواب بالتأكيد نعم، لأننا لا نملك بديلا عن التنبؤ لاستشراف المستقبل وبالتالي وضع الخطط والاستراتيجيات المناسبة.

كثيرا ما يخلط الناس بين الأمنيات والواقع، لذلك لابد من تقديم طرق علمية للتنبؤ مبنية على بيانات وإحصاءات ونماذج رياضية يمكن الحكم على دقتها، لتكون النتائج أقرب إلى الواقع، ولتلغي هذا الخلط والالتباس بين المستقبل والأماني.

من ناحية أخرى، فإن الناس يتأثرون بآخر حدث ولا يعيرون اهتماما للأحداث الماضية، لذلك نجد أن أغلب الذين يملكون أسهم شركة ما، عندما تنخفض أسهم هذه الشركة أو تلك، يبادرون إلى البيع مما يؤدي إلى تدني آخر في قيمة الأسهم، والقليل منهم من يتوقع أن تعود أسهم هذه الشركة للارتفاع، لذلك يعتبر التنبؤ طريقة مهمة وفعالة لإبلاغ هؤلاء المستثمرين بأن انخفاض أسهم هذه الشركة أو تلك في لحظة ما قد يكون عارضا، لذلك لا داعي للخوف والبيع بأسعار متدنية، وقد تكون الشركة فعلا في أزمة لا يتوقع الخروج منها وعلى مالكي الأسهم بيع ما يملكون بأسرع وقت محن.

وهكذا نجد أن التنبؤ بشكل عام، والتنبؤ الإداري بشكل خاص، يعتبر أحد الأساليب الأساسية في عمل الشركات العامة والخاصة، الصغيرة منها والكبيرة. فلا توجد إدارة بدون أهداف، واستراتيجيات، وخطط فعالة. والتنبؤ هو الأداة التي تزود الإدارة بالافتراضات والأولويات التي تبنى عليها الأهداف والاستراتيجيات والخطط.

إن رسم الصورة المستقبلية للظاهرة ستساعد متخذ القرار في أي موقع كان: سواء على المستوى الاقتصادي أو المالي أو الإداري أو التاريخي أو الاجتماعي أو السياسي، في اتخاذ القرار الأفضل والذي يعبر عن الواقع.

سنحاول في هذا الكتاب عرض بعض طرائق التنبؤ الإداري المعروفة باسم الطرائق الكمية وسنركز اهتمامنا على دراسة وتحليل السلاسل الزمنية من خلال استعراض وشرح الأساس النظري لكل طريقة باستخدام الأمثلة التطبيقية المختارة من واقع الاقتصاد السعودي.

من المؤكد أن طرائق التنبؤ لا تسمح بتحقيق تنبؤ تام، ولكنها تقدم الأساس الذي من خلاله نستطيع طرح فرضيات حول تطور ظاهرة ما أو متغير معين في

المستقبل، وبالتالي تخفيض حالة الشك أو عدم اليقين حول هذه الظاهرة دون ارتكاب أخطاء فادحة.

يتألف الكتاب من ثمانية فصول: سنعالج في الفصل الأول أهمية التنبؤ الإداري من خلال بعض المفاهيم الأساسية مثل: تعريف عملية التنبؤ، العلاقة بين التنبؤ والتخطيط، التمييز بين الأحداث الداخلية والخارجية، استعمالات التنبؤ، خصائص التنبؤ، نماذج وطرائق التنبؤ، استخدام طرائق التنبؤ في الواقع العملي، زيادة فاعلية التنبؤ، اختيار طريقة التنبؤ المناسبة، مستقبل التنبؤ.

أما الفصل الثاني فقد خصص لاستخدام نماذج الانحدار البسيط في التنبؤ الإداري، وسنعالج فيه: مفهوم الانحدار، شكل الانتشار، طريقة المربعات الصغرى، اختبار معنوية معادلة الانحدار، استخدام المعالجة الآلية من خلال مثال تطبيقي.

الفصل الثالث خصص لمعالجة نماذج الانحدار المتعدد واستخداماتها في التنبؤ الإداري، ويتضمن: مفهوم الانحدار المتعدد، قياس خطأ التقدير، الارتباط المتعدد، الاستدلال عن معالم المجتمع، الانحدار المتعدد باستخدام ثلاثة متغيرات مستقلة.

أما الفصل الرابع فيهتم بطريقة استخدام المعادلات الآنية في التنبؤ الإداري باستخدام طريقة المربعات الصغرى على مرحلتين.

خصص الفصل الخامس لدراسة طرائق المتوسطات المتحركة ويتضمن: المتوسطات المتحركة الثنائية، المتوسطات المتحركة الثنائية، المتوسطات المتحركة المضاعفة، المتوسطات المتحركة المرجحة، استخدام المتوسطات المتحركة في التنبؤ.

أما الفصل السادس فيعالج استخدام السلاسل الزمنية في التنبؤ الإداري وفيه ندرس: مكونات السلسلة الزمنية، تجزئة السلسلة الزمنية، تحليل الاتجاه العام، التغيرات الموسمية، حساب الأدلة الموسمية (الأرقام

القياسية)، قياس أثر التغيرات العشوائية، التنبؤ بالاتجاه العام والتغيرات الدورية والموسمية والعشوائية، طريقة مكتب إحصاء السكان الأمريكي، طريقة STL.

في الفصل السابع سنستعرض طريقة تحليل السلاسل الزمنية باستخدام نماذج التمهيد الأسي المختلفة: نموذج التمهيد الأسي البسيط Simple Exponential Smoothing، نموذج التمهيد الأسي المضاعف Linear Brawn's Model، نموذج هولت الخطي Linear فوذج التمهيد الأسي المضاعف Quadratic Brawn's Model، نموذج ونترز Winters's Model، نموذج التمهيد الأسي الثلاثي Winters's Model.

الفصل الثامن خصص لمعالجة نماذج بوكس جنكنز الفصل الثامن خصص لمعالجة نماذج بوكس جنكنز (MA)، نماذج وخاصة: نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة (ARMA)، نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة (ARMA)، نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية المتحركة التكاملية (ARIMA)، نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية الموسمية (SARIMA).

بالإضافة إلى بعض المفاهيم الأساسية مثل: السياق المستقر والسياق غير المستقر، السياق العشوائي المستقل، الارتباط الذاتي والإرتباط الذاتي الجزئي.

وستدعم كل الفصول بأمثلة تطبيقية سهلة ومناسبة في مجال العلوم الإدارية بالإضافة إلى المعالجة الآلية لهذه النماذج على الحاسب الآلي باستخدام برنامج SPSS.

المعنوبات

مفحة	
هـ	غهيد
والإدارة	الفصل الأول: التنبؤ
1	۱٫۱ مقدمة
۲	١,٢ تعريف التنبؤ
7	١,٣ أهمية التنبؤ الإداري
٣	١,٤ التنبؤ والتخطيط
	١,٥ المتغيرات الخارجية والمتغيرات الداخلية
	٦,٦استعمالات التنبؤ
0	١,٧ خصائص التنبؤ
٦	١,٨ نماذج وأساليب التنبؤ
٧	١,٩ طرائق التنبؤ الرياضية
	١,١٠ استخدام طرائق التنبؤ في الواقع العملي
71	١,١١ زيادة فاعلية التنبؤ
	١,١٢ اختيار طريقة التنبؤ المناسبة
	١,١٣ مستقبل التنبؤ

۲.	أسئلة وتطبيقات
	الفصل الثاني: استخدام نماذج الانحدار الخطي البسيط في التنبؤ الإداري
٣٣	۲,۱ مقدمة
٣٣	۲,۱ مقدمة
	٣,٣ شكل الانتشار
٣0	٢,٤ الانحدار الخطي البسيط
٣٨	٢,٥ طريقة المربعات الصغرى
٤٥	٢,٦ اختبار معنوية معادلة الانحدار
٤٩	٢,٧ الخطأ المعياري للتقدير
٥١	٢,٨ اختبار معنوية معالم معادلة الانحدار
٥٤	٢,٩ تقدير المتوسط الشرطي
٥٧	۲,۱۰ التنبؤ بالقيمة الفعلية
٥٨	٢,١١ الارتباط البسيط
٦.	٢,١٢ اختبار جودة معادلة الانحدار
	٢,١٣ الارتباط الذاتي للأخطاء
.77	٢,١٤ المعالجة الآلية لنماذج الانحدار البسيط
	أسئلة ومسائل غير محلولة
	الفصل الثالث: استخدام نماذج الانحدار المتعدد في التنبؤ الإداري
۸٧	٣,١ مقدمة
٨٨	٣,٢ الانحدار المتعدد
٩ ٤	٣,٣ الخطأ المعياري للتقدير
97	٣,٤ الارتباط المتعدد

<u>5</u>	المحتويات
١٠٠	٣,٥ اختبار الفروض الإحصائية
	٣,٦ المعالجة الآلية لنموذج الانحدار المتعدد
١١٧	أسئلة وتمارين غير محلولة
َّت الآنية في التنبؤ الإداري	الفصل الرابع: استخدام نحاذج المعادلا
177	٤,١ مقدمة
١٢٥	٤,٢ مشكلة تحديد النموذج
179	۴٫۳ تقدير معالم النموذج
١٣٠	٤,٤ طريقة المربعات الصغرى على مرحلتين
١٤٨	أسئلة وتمارين غير محلولة
ات المتحركة في التنبؤ الإداري	الفصل الخامس: استخدام طرائق المتوسطا
١٥٥	٥,١ مقدمة
٠	٥,٢ المتوسطات المتحركة البسيطة
171	٥,٣ مقاييس دقة التنبؤ
١٧١	٥,٤ المتوسطات المتحركة الثنائية
177	٥,٥ المتوسطات المتحركة المضاعفة
177	٥,٦ المتوسطات المتحركة المرجحة
١٧٣	٥,٧ استخدام المتوسطات المتحركة في التنبؤ
\VA	أسئلة وتمارين غير محلولة
عدام طرائق	الفصل السادس: استخ
التنبؤ الإداري	تحليل السلاسل الزمنية في
١٨٣	٦,١ مقدمة

J

	٦,٢ مكونات السلسلة الزمنية
١٨٧	٦,٣ تجزئة السلسلة الزمنية
19	٦,٤ تحليل الاتجاه العام
۲۰٤	٦,٥ تحديد التغيرات الدورية
	٦,٦ قياس أثر التغيرات الموسمية
Y 7	٦,٧ حساب الدليل الموسمي المعدل
۲۱۰	٦,٨ قياس أثر التغيرات العرضية والعشوائية
۲۱۲	٦,٩ التنبؤ
۲۱۹	٦,١٠ المعالجة الآلية للسلاسل الزمنية
777	٦,١١ طريقة مكتب إحصاء السكان الأمريكي
۲۳۱	٦,١٢ طريق STL
۲۳۲	أسئلة ومسائل غير محلولة
	الفصل السابع: استخدام نماذج التمهيد الأسي في التنبؤ الإداري ٧,١ مقدمة
744	٧,١ مقدمة
747 771	٧,١ مقدمة
777	٧, ١ مقدمة
777 771 772	٧, ٧ مقدمة
777 677 3 F Y 7 T Y	٧, ١ مقدمة
777 3 F 7 7 3 F 7 7 3 F 7 7 3 F 7 7 4 F 7 7 4 F 7 7 4 F 7 7 4 F 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	٧, ٧ مقدمة
777 3 F 7 7 3 F 7 7 3 F 7 7 3 F 7 7 4 F 7 7 4 F 7 7 4 F 7 7 4 F 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	 ٧, ٧ مقدمة ٧, ٧ التمهيد الأسي البسيط ٧, ٧ التمهيد الأسي المضاعف (نموذج براون الخطي) ٧, ٧ التمهيد الأسي المضاعف (نموذج هولت الخطي) ٧, ٥ التمهيد الأسي الثلاثي (نموذج براون التربيعي) ٧, ١ التمهيد الأسي الثلاثي (نموذج ونترز) ٧, ١ التمهيد الأسي الثلاثي (نموذج ونترز)

المحتويات

م	المحتويات
	۲٫۸ الاستقرار
	٨,٣ دالة الارتباط الذاتي
	A, E طريقة الفروق
	٨,٥ نماذج الانحدار الذاتي
	٨,٧ النماذج المختلطة (انحدار ذاتي ومتوسطات متحركة)
	٨,٨ نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية
	٨,٩ نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية الموسمية
	٨,١٠ مرحلة المطابقة
	٨,١١ مرحلة التقدير
	٨,١٢ مرحلة التحقق أو التشخيص
	٨, ١٣ مرحلة التنبؤ
	أسئلة ومسائل غير محلولة
٣٨٥	جداول إحصائية
٣٩١	المراجع
	ثبت المصطلحات
	أولا: عربي- إنجليزي
	" ثانيا: إنجليزي- عربي
	كشاف المه ضه عات

(الفعل (الأول

التنبؤ والإدارة

(۱,۱) مقدمــة

تقوم الحكومات في مختلف دول العالم بتخطيط برامجها وأوجه نشاطها لتتمكن من تقديم الخدمات الضرورية لتحقيق الرخاء والتقدم الاقتصادي والاجتماعي لشعوبها.

كما تتخذ الشركات التجارية والصناعية قرارات مختلفة تخص نشاطها والتخطيط لمستقبلها لتحقيق الأهداف التي تبتغيها. وهذا يتطلب منها إعداد خطط للإنتاج والتمويل والتسويق إلى غير ذلك من أوجه النشاط الإداري والاقتصادي.

كذلك تضع المؤسسات الاجتماعية والتعليمية الخطط المستقبلية لمواجهة الزيادة المتوقعة في الطلب على خدماتها.

وهكذا نجد أن علم الإدارة يتمحور حول اتخاذ القرارات، وهذه العملية تتضمن دراسة خيارات مختلفة، ومع أن ألقرار يتخذ اليوم لكن آثاره لن تظهر إلا في المستقبل، لذلك من الضروري التنبؤ بهذه الآثار.

ويعتمد التنبؤ عادة على متغيرات تتعلق بالماضي والحاضر، لتقرير ما هو أفضل تنبؤ لهذه المتغيرات.

ينبثق عن عدم معرفة المستقبل، الحاجة إلى عملية التنبؤ، وفي الإدارة تكون هذه الحاجة كبيرة، لأن الفترة الفاصلة بين اتخاذ قرار معين لمواجهة حدث ما وتحقق ذلك الحدث قد تكون طويلة، كتحديد طريقة استثمار مبلغ معين مثلا، حيث لا تظهر

عائدات الاستثمار - عادة - إلا بعد عدة سنوات من استثمار رأس المال. وقد تكون الفترة قصيرة كتحديد طريقة نقل الإنتاج أو تخزين بعض المواد...إلخ.
سنحاول في هذا الفصل دراسة العلاقة بين عملية التنبؤ والإدارة.

(١,٢) التنبؤ

يمكن تعريف التنبؤ بأنه عملية توقع ما سيحدث مستقبلا لظاهرة ما اعتمادا على اتجاه الظاهرة في الماضي باستخدام أحد نماذج التنبؤ المعروفة. بعبارة أخرى: معرفة سلوك ظاهرة ما في المستقبل انطلاقا من سلوكها في الفترة الماضية، واتخاذ القرار المناسب في ضوء هذا السلوك بفرض ثبات المتغيرات المؤثرة على الظاهرة، أما إذا حدث غير ذلك فيجب تصحيح عملية التنبؤ لتعكس هذا التأثير سلبا أو إيجابا.

من هذا التعريف يمكن أن نستنتج العناصر الأساسية في عملية التنبؤ وهي:

- أ) تحديد الظاهرة المراد التنبؤ بها.
- ب) دراسة سلوك الظاهرة في الماضى.
 - ج) استخدام إحدى طرائق التنبق.
- د) رسم صورة مستقبلية للظاهرة على ضوء نتائج التنبؤ.

(١,٣) أهمية التنبؤ الإداري

ترجع أهمية التنبؤ الإداري إلى أن وجود المنشأة على المدى البعيد يعتمد على وجود طلب مستمر على سلعها أو خدماتها. وهذا الطلب يرتبط بصورة ما بالمستوى العام للنشاط الاقتصادي. فكل أنشطة الإدارة يجب أن تخطط مسبقا، وكل قرارات الإدارة يجب أن يتم توقعها على ضوء تنبؤات مستقبلية تتعلق بهذا النشاط.

وقد لا تتحقق التنبؤات غالبا، لكنها هي الأداة الوحيدة للإدارة التي ستبني عليها خططها. فلا توجد إدارة بدون أهداف، والتنبؤ هو الذي يزود الإدارة

بالافتراضات والتصورات التي تبنى عليها الاستراتيجيات والخطط اللازمة لتحقيق هذه الأهداف.

(١,٤) التنبؤ والتخطيط

تهدف كل المؤسسات إلى التوسع والنمو وتحقيق معدلات مرضية من الربحية والاستقرار والتطور سواء على مستوى المنشأة أو على مستوى الدولة بأجهزتها المختلفة لتحقيق مستوى مقبول من الرفاهية الاقتصادية للمجتمع. وإذا كان الهدف الأساسي للإدارة، مهما كانت، هو تحقيق الأهداف التي حددتها لنفسها آخذة بعين الاعتبار الموارد والإمكانيات الحالية والمستقبلية والبيئة المحيطة بها، فإن على هذه الإدارة وضع الخطط اللازمة لتحقيق هذه الأهداف والتي يجب أن تشمل كل مجالات عمل المؤسسة. ولا يمكن وضع أية خطة بدون تنبؤ علمي دقيق بما يراد الوصول إليه خلال منظور زمني محدد، أي أن عملية التنبؤ هي الأساس التي تبنى عليها الخطة.

(١,٥) المتغيرات الخارجية والمتغيرات الداخلية

لابد من التمييز بين المتغيرات الخارجية والمتغيرات الداخلية لمعرفة علاقة كلٍ منها بعملية التنبؤ الإداري.

المتغيرات الخارجية: هي المتغيرات التي لا يمكن التحكم بها والسيطرة عليها كالمتغيرات الناتجة عن حركة الاقتصاد القومي والسياسات الحكومية وقرارات المستهلكين وموقف الشركات المنافسة... إلخ.

المتغيرات الداخلية: هي المتغيرات التي يمكن التحكم بها والسيطرة عليها كالتسويق والإنتاج والتخزين والبيع والشراء... إلخ في مؤسسة معينة.

إن عملية التنبؤ ترتبط ارتباطا مباشرا بالمتغيرات الخارجية ، بينما يرتبط اتخاذ القرار مباشرة بالمتغيرات الداخلية ، ونجاح المؤسسة يعتمد على الربط بين هذين النوعين من المتغيرات.

(١,٦) استعمالات التنبؤ

إن دخول الحاسوب مختلف مجالات الحياة ، ساعد الباحثين كثيرا على استخدام البيانات التي يرغبون في معالجتها بسرعة وسهولة.

كما أن توفر البيانات الإحصائية عن الإنتاج والمبيعات والأسعار وغيرها، أدى إلى تكوين قواعد بيانات سهلت استخدام طرائق التنبؤ المختلفة.

تزداد حاجة الإدارة إلى التنبؤ كلما ازدادت رغبتها في تقليل اعتمادها على الصدفة، وكلما نهجت الأسلوب العلمي في التعامل مع الظواهر المحيطة بها.

وبما أن الشركة أيا كانت هي مجموعة من الأجزاء المرتبطة ببعضها البعض فإن التنبؤ الجيد في أحد أجزائها يمكن أن يؤثر عليها ككل.

ومن أهم المجالات في الشركة التي يلعب التنبؤ الإداري فيها دورا كبيرا يمكن أن نذكر:

1 – المصادر الحالية لعوامل الإنتاج: إن الاستخدام الفعال لهذه المصادر يحتم وضع جدول زمني لكيفية الاستفادة منها على الوجه الصحيح. والتنبؤ بمستوى الطلب على المنتج النهائي أو المواد الخام أو العمالة أو السيولة... إلخ، تعتبر معطيات أساسية في الجدول الزمني المقترح.

٣- المصادر الإضافية: إن الوقت الفاصل بين طلب بعض المعدات الإضافية، وبين وقت تركيبها ووضعها في الإنتاج، قد يتراوح بين عدة أيام وعدة سنوات، لذلك فإن عملية التنبؤ بدخول هذه المصادر قبل فترة كافية ضرورى جدا.

٣- تحديد ماهية المصادر المطلوبة: على الشركة أن تحدد نوعية المصادر التي تحتاجها بالاعتماد على الفرص المتاحة في السوق وعلى العوامل البيئية المحيطة وعلى التنمية الداخلية للموارد المالية والبشرية والتكنولوجية. وهذا التحديد يتطلب تنبؤات جيدة وإدارة تستطيع تفسير وتحليل هذه التنبؤات واتخاذ القرار المناسب في الوقت المناسب.

بالإضافة إلى المجالات السابقة، توجد مجالات أخرى تحتاج إلى التنبؤ على المدى البعيد والمتوسط والقريب. وهذا يجعل الشركات المعاصرة مضطرة إلى تطوير أساليب مختلفة للتنبؤ بالأحداث المستقبلية، وبناء نظام تنبؤ خاص بالشركة، وهذا بدوره يتطلب من الشركة الإحاطة بالمعرفة والمهارات التي تغطى على الأقل الجوانب الأربعة التالية:

- أ) تحديد وتعريف ما يراد التنبؤ به.
 - ب) تطبيق عدد من طرائق التنبؤ.
- ج) اختيار طريقة التنبؤ المناسبة من الطرائق المطبقة.
- د) الدعم التنظيمي لاستخدام طرائق التنبؤ الجاهزة في كل حالة.

من المفضل أن يربط نظام التنبؤ بين جميع التنبؤات المعمول بها في أقسام الشركة ، حيث يوجد اعتماد كبير على التنبؤات التي تجري بواسطة مختلف الإدارات والأقسام التي لا يمكن تجاهلها إذا أردنا لنظام التنبؤ النجاح. وكمثال على ذلك فإن الخطأ في تقدير المبيعات قد يسبب أخطاء في تقدير الميزانية ونفقات الإنتاج والتسويق... إلى اتخاذ قرارات غير صائبة.

(١.٧) خمائص التنبؤ

تختلف طرائق التنبؤ بحسب الموقف والحالة المدروسة، فمثلا تختلف طرائق التنبؤ المستخدمة في مجال الإنتاج أو الموارد المالية أو

البشرية. فكل مجال من هذه المجالات يستخدم الطريقة التي تناسبه حسب موقعه وأهميته للشركة ومدى الإمكانات المتاحة له لاستخدامها في عملية التنبؤ.

لكن عملية التنبؤ أيا كان نوعها يجب أن تتصف بالخصائص التالية:

- الاهتمام بالمستقبل: فالهدف الأساسي للتنبؤ هو معرفة ما سيحدث مستقبلا سواء كان قريبا أو بعيدا.
- عدم التأكد: إن جميع التنبؤات مهما اتصفت بالدقة فإنها تظل غير مؤكدة ومن المحتمل أن يحدث عكس ما هو متوقع.
- البيانات التاريخية: تعتمد طرائق التنبؤ العلمية على ماضي الظاهرة أي على البيانات التاريخية لها.

(١,٨) نماذج وأساليب التنبؤ

إن عملية التنبؤ معقدة ، لذلك تستخدم عدة أساليب للتنبؤ لأن ما سيحدث في المستقبل يعتمد في أغلب الحالات على مجموعة عوامل ، أغلبها ليست تحت السيطرة ، بالإضافة إلى ذلك فإن توفر البيانات ودقتها والتكلفة والوقت اللازم للتنبؤ تلعب أيضا دورا مهما في تحديد أسلوب التنبؤ المناسب.

يمكن أن تصنف أساليب التنبؤ وفق عدة اعتبارات، أحد هذه التصنيفات يميز بين أساليب رياضية وأخرى غير رياضية مثل التخمين أو الإحساس أو الحدس. وعلى الرغم من أن هذا النوع من التنبؤ (التنبؤ بالحدس) قد يكون ناجحا، وخاصة في التنبؤات قريبة المدى إلا أنه غير منتظم وغير دقيق ولا يمكن الاعتماد عليه دائما وقد يؤدي إلى خلق مشاكل غير متوقعة للإدارة، لذلك سنركز اهتمامنا في هذا الكتاب على الأساليب أو الطرائق الرياضية فقط لأنها أكثر دقة ويمكن الوثوق بها وتقييمها علميا وفق ضوابط محددة.

(١,٩) طرائق التنبؤ الرياضية يمكن تقسيم هذه الطرائق إلى أربع مجموعات:

(۱,۹,۱) الطرائق النوعية Qualitative methods

هي مجموعة الطرائق التي تعتمد على التقديرات الموضوعية أو النوعية ورأي الخبرة وليس على البيانات الكمية. وتستعمل عادة في التنبؤات بعيدة المدى، خاصة عندما يكون للعوامل الخارجية دور ظاهر في عملية التنبؤ كحدوث أحداث لم يكن أحد يتوقعها، كما تستعمل عندما تكون المعلومات السابقة محدودة جدا أو غير موجودة كما هو الحال في المنتجات الجديدة وخاصة تلك التي لم يسبق لها مثيل في التاريخ الإنساني كوسائل النقل والاتصالات الحديثة والساعات الرقمية وأجهزة الحاسب الآلي المتطورة وغيرها. ويمكن توضيح ذلك من خلال الأمثلة التالية:

مثال (١): التنبؤ بوقت بلوغ منتج استهلاكي معين درجة الإشباع. فعلى سبيل المثال غيد أن منتجي الساعات ينتجون كل عدة سنوات تصميمات وتشكيلات جديدة من الساعات وذلك نظرا لتنبؤهم بأن الأشكال القديمة قد أغرقت الأسواق وغطت الطلب عليها من قبل المستهلكين، وبالتالي بلغت درجة الإشباع ولم يعد هناك طلب عليها.

مثال (٢): التنبؤ بالدورات الاقتصادية وبزمن حدوث الأزمة، فمن المعروف أن الدورة الاقتصادية تمر بعدة مراحل: رخاء أو نمو مضطرد ثم ركود ثم كساد ثم أن الدورة الاقتصادية تمر بعدة مراحل: وهكذا. ويمكن الاعتماد في هذا المجال على بعض أزمة، ثم انتعاش فازدهار فرخاء... وهكذا. ويمكن الاقتصادي مثل مجمل الناتج القومي المؤشرات الإرشادية التي تختص بمستوى النشاط الاقتصادي مثل مجمل الناتج القومي والطلب على السلع المعمرة ومشروعات الإسكان الجديدة وعدد العاطلين عن العمل... إلخ.

مثال (٣): أحيانا تبنى القرارات على تحليل الطلب لمنتج مشابه أو خدمات مشابهة، ويسمى عندها المشابهة بالماضي. وقد استعمل هذا النوع من التنبؤ للتنبؤ

بالطلب على أجهزة التلفاز الملونة عندما وجدت لأول مرة بعقد مقارنة بينها وبين الأجهزة غير الملونة.

إن قياس دقة التنبؤات بالطرائق النوعية أصعب من باقي الطرائق، لذلك فهي تستخدم غالبا لرسم خطوط عريضة تساعد متخذ القرار وتدعم نتائج الطرائق الأخرى في رسم الاستراتيجيات ووضع الخطط بعيدة المدى وتطوير المنتجات والتقنيات الجديدة، ولا تستخدم في إعطاء تنبؤات رقمية محددة.

ويمكن تقسيم هذه الطرائق أو الأساليب إلى:

أ) رأي الخبرة Experience Opinion: لنأخذ على سبيل المثال شركة أنتجت في السنوات الماضية عشرات السلع والخدمات المختلفة، لا شك أن خبرة العاملين في الإدارة خاصة الذين عملوا في تسويق هذه المنتجات يمكن أن تقدم تنبؤا مقبولا عن التكاليف والأسعار والطلب على منتج جديد. إن رأي الخبرة يشكل عادة من مجموعة خبراء (لجنة خبراء) في مجال نشاط أو أكثر من أنشطة الشركة. وبشكل عام يتم تزويد هذه اللجنة بالبيانات الفعلية عن منتجات وخدمات الشركة والتطورات التي يمكن أن تطرأ عليها. وأوضح مثال على هذه اللجنة، لجنة المبيعات، حيث تتألف هذه اللجنة من العاملين في مجال المبيعات. ويقوم كل شخص منهم بوضع تقديراته عن المبيعات المتوقعة في العام القادم لكل منتج، ولكل فئة من فئات العملاء. ثم يقوم مدير المبيعات بمراجعة ومناقشة هذه التقديرات مع كل عضو من أعضاء اللجنة ومقارنتها بمبيعات العام السابق، ثم تجمع هذه التقديرات وتعتبر هي الطريقة النهائية للتنبؤ بالمبيعات.

وتعتبر هذه الطريقة من أبسط طرائق التنبؤ وأكثرها وضوحا، لأنها تعبر عن تقديرات الأشخاص الأكثر خبرة في هذا المجال.

مشكلة اللجنة أنها قد تتأثر برأي واحد فيها لنشاط غيز به أو لتفوقه في الخبرة على الآخرين أو لنفوذه، مما يجعل القرار منحازا إلى رأيه وليس إلى رأي المجموعة كلها. كما أن عناصر هذه اللجنة قد لا يكونون على علم بالاتجاهات الاقتصادية التي يمكن

أن تؤثر على منتجات وخدمات الشركة، لذلك تم تطوير هذا الأسلوب من خلال طريقة أو أسلوب دلفي The Delphi Technique.

ب) أسلوب دلفي The Delphi Technique: طور هذا الأسلوب من قبل شركة راند RAND الأمريكية كطريقة تنبؤ جماعي تلغي التأثيرات غير المرغوب فيها بين أعضاء اللجنة. فليس من الضروري أن يلتقي الخبراء وجها لوجه ولا أن يعرف بعضهم بعضا.

تبدأ الطريقة بأن يكتب كل خبير تقديراته الشخصية مدعمة أو مبررة مع الافتراضات التي وضعها. ثم تعطى هذه التقديرات إلى منسق يؤلف بينها ويلخصها ثم يوزع هذا الملخص من جديد في جولة ثانية مع قائمة جديدة من الأسئلة.

تستمر هذه العملية لعدة جولات حتى تتحدد خصائص التنبؤ ونصل إلى شبه اتفاق بين الخبراء من خلال ملاحظة أن الجولات الجديدة لم تعد تضيف تغييرا على الجولات السابقة.

ويستخدم هذا الأسلوب في التنبؤ بالتغيرات التقنية التي يمكن أن تحدث وما ينتج عنها من منتجات جديدة قد تؤثر على مستقبل الشركة أو المؤسسة. إن بعض هذه المنتجات يستخدم اليوم على نطاق واسع، لكنها كانت إلى وقت قريب جدا ضربا من ضروب الخيال، كتوليد الطاقة النووية، وطائرات الركاب الأسرع من الصوت، والساعات الرقمية الإلكترونية، وأجهزة الحاسب الآلي المتطورة، وأجهزة الاتصالات... إلخ. لذلك يطلق عليه أحيانا التنبؤ التقنى Technological Forecasting.

وهكذا فإن هذه الطريقة تستفيد من تعدد الآراء والخبرات وتتحاشى الآثار السلبية لاجتماع الخبراء وجها لوجه كطغيان رأي واحد على المجموعة.

جـ) نظم الاجتماعات الإلكترونية Electronic Meeting System الإلكترونية وطويلة ، طريقة دلفي تحل المشاكل الناجمة عن لقاء الخبراء وجها لوجه ، لكنها مكلفة وطويلة ، لذلك تم تطوير طريقة بديلة وحديثة ، حيث تتم اجتماعات الخبراء إلكترونيا باستعمال التقنيات الإلكترونية الحديثة مثل أنظمة دعم القرارات الجماعية كالبريد الإلكتروني E-Mail .

مهما كانت المآخذ على الطرائق النوعية، فإنها كثيرا ما تعطي نتائج مفيدة للإدارة، وفي بعض الحالات تعتبر هي الأسلوب الوحيد للتنبؤ.

(١,٩,٢) طرائق أو نماذج العد Counting Methods

تستخدم في طرائق العد التجارب والأبحاث. وعادة يتم الاعتماد على عينات تمثل المجتمع المدروس ثم تعمم النتائج على المجتمع كله. وغالبا تستعمل هذه الطرائق للتنبؤ بالطلب على المنتجات والخدمات، ويمكن أن نميز الطرائق التالية:

أ) مسح السوق Market Survey: إن أي منتج أو خدمة جديدة غالبا ما تعتمد على بحث معمق عن الأسواق قبل أن يتخذ قرار بتقديم هذا المنتج أو تلك الخدمة ، ويستخدم في ذلك عدة أساليب منها: الاتصال الهاتفي ، الاستبيان البريدي ، قنوات الاستهلاك ، اختبارات السوق ... إلخ.

ب) اختبار السوق Market Testing يجرى اختبار السوق عادة، على منطقة جغرافية معينة تمثل جزءا من السوق الإجمالي للمنتج الجديد أو الخدمة الجديدة بهدف الحصول على المعلومات المتعلقة برغبات وميول المستهلك. ونتائج هذا الاختبار تمد الإدارة أو متخذ القرار بالمعلومات اللازمة للتعامل مع المستهلكين.

ج) المسح الصناعي Industrial Survey: لا تختلف هذه الطريقة عن طريقة مسح السوق الاستهلاكي، لكن الهدف في المسح الصناعي يكون أكثر اتساعا، حيث يتناول المنتجين والمشترين ووكلاء الشراء وبعض الأشخاص الذين لديهم معلومات أكثر عن المستهلكين.

Time Series Analysis طرائق تحليل السلاسل الزمنية (١,٩,٣)

السلسلة الزمنية هي مجموعة من المشاهدات لظاهرة ما تم قياسها في أوقات محددة، عادة تكون خلال فترات متساوية كقيم الناتج القومي، أو إجمالي المبيعات الشهرية لهذه السلعة أو تلك، أو معدل النمو السنوي، أو الطلب الأسبوعي على

وسائل النقل، أو درجات الحرارة المسجلة خلال ساعات اليوم في مدينة أو بلد ما... وهكذا.

تعتمد الإدارة على تحليل السلاسل الزمنية لاعتقادها بأن معرفة سلوك الظاهرة في الماضي يساعد في فهم سلوكها المستقبلي، أي أننا نفترض أن الماضي سيعيد نفسه، وأن الاتجاه العام الملاحظ في الفترة السابقة سيستمر في الفترة القادمة.

ومن أشهر طرائق تحليل السلاسل الزمنية نذكر:

أ) المتوسطات المتحركة.

ب) التمهيد الأسي.

ج) نماذج بوكس- جنكنز.

وسنفصل هذه الطرائق في الفصول الأخيرة من هذا الكتاب.

Econometric Methods الطرائق الترابطية والسببية أو طرائق الاقتصاد القياسي (١,٩,٤)

وتعتبر من أقدم طرائق التنبؤ وتتألف من:

أ) الانحدار البسيط.

ب) الانحدار المتعدد.

ج) المعادلات الآنية.

د) المؤشرات الرئيسة.

وتعتمد هذه الطرائق على إيجاد العلاقة بين المتغيرات من خلال تحليل الارتباط لقياس مدى قوة الارتباط بين المتغيرات ومن خلال تحليل الانحدار لتقدير قيمة أحد المتغيرات إذا علمنا قيمة المتغيرات الأخرى.

وسنتعرض إلى أغلب هذه الطرائق بإيجاز في الفصول القادمة لأنها موضوع مقرر آخر هو الاقتصاد القياسي الذي سبق أن درسه الطالب.

ويمكن تلخيص مزايا وحدود كل طريقة من طرائق التنبؤ السابقة بالجدول التالي:

الجدول رقم (١,١). تعريف ومزايا وحدود طرائق التنبؤ ومجال استخدامها.

مجال استخدامها			۲,۱) تعریف و سرای و تعریفها	
- التنبؤ بتقدم تقنى	لا يوجــد تحليــل	ىكــــن تكىيــــف	تـــتم التنبـــؤات في	الطرائــــق
* '			هذه الحالة اعتمادا	i
- عندما يكرن	التنبـــؤات علــــي	سريع تبعا للظروف	على الخبرة السابقة	
المنتج جديدا بكل	موضوعية وخبرة	المتغيرة.	والرؤية الفردية لمن	
شيء.	القائمين بعملية		يقوم بعملية التنبؤ	
- عنـــدما لا تتـــوفر	التنبؤ.		وتتوقف النتائج	
البيانات الكمية.			على قىدرة وخبرة	
- عندما يكرن			هذا الفريق.	
الوقت قصير جدا.		:		
إذا كان المنتج أو	مكلفة وصعبة	قىد تكون النتائج	دراســـة ميـــول	طرائق العد.
الخدمــة جديــدة	التطبيق إذا كان	دقيقة إذا تم سحب	ورغبـــــات	
بالنسبة للشركة.	عدد المنتجات	العينة بشكل	المستهلكين مــن	
	كبيرا.	عشوائي وضمن		
		شروط معينة.	عشوائية.	
- إذا توفرت البيانات	لا يمكن تعديله		رسم صورة	تحليك
الكمية بشكل كافي.	بسرعة لمواجهة	العمليات الحسابية	مستقبلية للظاهرة	السلاســل
- إذا تـوفر الوقـت	التغيرات في نماذج	ويمكن الحكم على	اعتمادا علىي	الزمنية.
اللازم لعملية التنبؤ.	البيانات كما لا	دقته.	ماضيها.	:
- إذا تـــوفرت	يمكن استخدامه إذا			
الإمكانات المادية.	لم تتوفر البيانات.			
إذا توفرت البيانات	قد لا يكون من	على درجة كبيرة	إيجاد قميم المتغير	الطرائـــق
الكمية بشكل كافي.	السهل الحصول	من الدقة.	التابع إذا علمنا قيم	الترابطيـــة
إذا تسوفر الوقست	على البيانات		المتغيرات المستقلة	والسببية.
اللازم لعملية التنبؤ.	الضرورية المتعلقة		باستخدام طريقة	
إذا توفرت الإمكانات	بالمتغير التابع أو		المربعات الصغرى.	
المادية.	المتغيرات المستقلة.			

يطلق على الطريقتين الأولى والثانية اسم الطرائق النوعية أو الوصفية ، بينما يطلق على الطريقتين الثالثة والرابعة اسم الطرائق الكمية ، وقد لاقت الطرائق الكمية انتشارا واسعا في مجال العلوم الإدارية في الآونة الأخيرة ، وأصبحت تستخدم في أغلب الشركات والمؤسسات ، ويرجع هذا الإقبال إلى الأسباب التالية:

١ - أظهرت هذه الطرائق دقة مقبولة مما زاد من ثقة الإداريين بها.

 ٢- الانتشار الواسع للحاسبات الإلكترونية سهل العمليات الحسابية التي تتطلبها هذه الطرائق.

٣- انخفاض تكاليف هذه الطرائق مقارنة بالبدائل الأخرى.

تتألف الطرائق الكمية عادة، من خمس خطوات أساسية هي:

الخطوة الأولى: تعريف المشكلة

تعتبر هذه الخطوة أحيانا، أصعب خطوة في عملية التنبؤ، حيث تتطلب تفكيرا عميقا عن كيفية استخدام التنبؤ وما هو الهدف من التنبؤ ومن يحتاج إلى التنبؤ وفي أي جزء من الشركة سيستخدم... إلخ. لذلك من المفيد قضاء بعض الوقت في التحدث إلى كل شخص له صلة بعملية التنبؤ، ابتداء من عملية جمع البيانات وحفظها والتعامل مع قواعد البيانات والمستفيد من عملية التنبؤ وفي أي مجال سيستخدم التنبؤ والهدف المرحلي أو النهائي من عملية التنبؤ. ففي شركة إنتاجية تعاني مشكلة في التسويق مثلا، يجب أن نحدد بدقة كمية المواد المنتجة والمخزنة والطلب الحالي عليها والفترة اللازمة لإنتاج كل مادة وأسعارها وأسعار المواد والسلع المنافسة... إلخ. لنتمكن من التنبؤ بالطلب المستقبلي بحيث نخفض كمية المواد المخزنة ونوفر تكلفة التخزين على الأقل.

الخطوة الثانية: جمع البيانات

هناك نوعان من البيانات التي يجب الحصول عليها:

١ - بيانات إحصائية عن الظاهرة المدروسة خلال الفترة الماضية.

٢- الخبرة المتراكمة لدى الأشخاص المهتمين بالظاهرة المدروسة، وسنرى لاحقا أن صياغة النموذج الذي يمكن استخدامه في التنبؤ يتوقف على طبيعة الظاهرة المدروسة ونوعية البيانات الإحصائية المتوفرة ورأي الخبراء في هذا المجال.

الخطوة الثالثة: التحليل المبدئي

نبدأ برسم شكل انتشار البيانات للكشف عن وجود بعض أو كل مركبات السلاسل الزمنية ونوعية هذه المركبات والقيم الشاذة أو المتطرفة إن وجدت. ثم نحسب بعض المؤشرات الإحصائية البسيطة مثل المتوسطات والانحراف المعياري والقيمة الصغرى والقيمة العظمى والنسب المئوية ومعاملات الارتباط المتعلقة بكل مجموعة من البيانات. الهدف من هذه الخطوة هو فهم طبيعة البيانات الماضية والإجابة على بعض الأسئلة مثل: هل يوجد اتجاه عام واضح؟ هل توجد تغيرات موسمية مهمة؟ هل هناك أي دليل على وجود تغيرات دورية؟ هل هناك نقاط متطرفة أو شاذة تحتاج إلى تفسير ذوي الخبرة؟ ما هي قوة العلاقة بين المتغيرات؟... إلخ.

هذا التحليل يساعدنا على اقتراح نماذج كمية يمكن أن تكون مفيدة في عملية التنبؤ.

الخطوة الرابعة: اختيار النموذج الملائم للبيانات

على ضوء نتائج الخطوة السابقة يمكن تحديد مجموعة من نماذج التنبؤ التي تناسب بيانات الظاهرة المدروسة، وفي هذه الخطوة يتم البحث عن النموذج الملائم من بين النماذج المقترحة بناء على مؤشر أو أكثر من مؤشرات البيانات. وسوف نشرح في الفصول القادمة من هذا الكتاب بالتفصيل مجموعة من نماذج التنبؤ بالإضافة إلى خصائص كل نموذج مرفقا ببعض التطبيقات الإدارية والاقتصادية.

الخطوة الخامسة: استخدام وتقييم النموذج

بعد اختيار النموذج يتم تقدير معالمه، ثم يستخدم في عملية التنبؤ، ويمكن للإدارة أن تقييم إيجابيات وسلبيات النموذج المستخدم في التنبؤ مع مرور الوقت، حيث لا يمكن تقييم أداء النموذج إلا بعد توفر البيانات الحقيقية عن الفترة التي تم التنبؤ بها لنقارن بينها وبين القيم المتنبأ بها. ويما أن هذه البيانات غير متوفرة، لذلك نلجأ إلى قياس الفرق بين القيم الحقيقية والقيم المقدرة عن الفترة الماضية لتقييم النموذج.

غالبا، لا يمكن استخدام نموذج التنبؤ بدون تعديلات يمكن إدخالها بناء على تقديرات أصحاب الخبرة.

(١,١٠) استخدام طرائق التنبؤ في الواقع العملي

تم إجراء أكثر من ٣٥ عملية مسح منذ عام ١٩٧٠م إلى عام ١٩٩٦م، لسبر آراء عدد من الإداريين على مختلف المستويات عن مدى تآلفهم واستفادتهم من طرائق التنبؤ المختلفة ومدى رضاهم عن نتائجها وما هي المجالات التي استخدمت فيها وما هو حجم الأخطاء وأسئلة أخرى كثيرة. ومع أن هذه الدراسات لم تغط كل الجوانب المتعلقة بعملية التنبؤ، إلا أنها سلطت الضوء على أغلب هذه الجوانب.

يمكن تلخيص النتائج التي توصلت إليها هذه الدراسات على النحو التالي :

(١,١٠,١) التآلف أو الاعتياد وقبول طرائق التنبؤ المختلفة

توزعت أراء العينة المدروسة المؤلفة من ١٥٠ مديرا في الولايات المتحدة الأمريكية حول التآلف مع طرائق التنبؤ النوعية والكمية حسب الجدول التالى:

^{*} Forecasting، مرجع سابق، ص ١٦٥٠.

مبادىء التنبؤ الإداري

الجدول رقم (١,٢). درجة التآلف مع طرائق التنبؤ (نسبة مئوية).

à tí . :	1 - (- 11 à 1f -	1 (- à ti-	الطريقة
غير مألوف	مألوف إلى حد ما	مألوف جدا	الطرائق النوعية
14	٦	۸۱	١ – لجنة الخبراء
١٦	0	٧٩	٢- لجنة المبيعات
۲.	٧	٧٣	٣- مسح السوق
			الطرائق الكمية
۸	٧	٨٥	١ - المتوسطات المتحركة
١٥	١٢	٧٣	٢ - التمهيد الأسي
۲٠	٨	VY	٣- الانحدار
٤٩	٩	٤٢	٤- تحليل السلاسل الزمنية
٦٥	٩	77	٥- نماذج بوكس-جنكنز

المصدر: Forecasting ، مرجع سابق ، ص ٥١٨ .

نلاحظ من هذا الجدول ومن دراسات أخرى مشابهة ما يلي:

١- إن أغلب أفراد العينة متآلفون جدا مع الطرائق النوعية.

٢- إن أغلب أفراد العينة متالفون أيضا مع الطرائق الكمية البسيطة مثل
 المتوسطات المتحركة والتمهيد الأسى وطرائق الانحدار.

٣- إن طرائق المتوسطات المتحركة هي أكثر الطرائق ألفة أو اعتيادا مع أن
 الدراسات التجريبية تظهر أنها ليست بدقة طرائق التمهيد الأسي.

٤- إن نماذج بوكس- جنكنز أو نماذج ARIMA هي أقل الطرائق التي شملها البحث ألفة أو اعتبادا مع أنها تعطى نتائج دقيقة جدا في بعض الحالات.

0 – إن طرائق تحليل السلاسل الزمنية التقليدية هي ثاني طريقة أقل ألفة ، فقد أبدى حوالي نصف من شملهم السبر أي نوع من التآلف مع هذه الطرائق مع أنها من أكثر الطرائق فائدة لأنها تستطيع أن تعالج مركبات السلسلة الزمنية : الاتجاه العام والتغيرات الدورية والتغيرات الموسمية والتغيرات العشوائية.

(١,١٠,٢) درجة الرضا عن طرائق التنبؤ

توزعت أراء العينة المدروسة حول درجة الرضاعن طرائق التنبؤ حسب الجدول التالى:

الجدول رقم (١,٣). درجة الرضا عن طرائق التنبؤ (نسبة مئوية).

à tf. à	مألوف جدا مألوف إلى حد ما غير مألو	الطريقة	
غير مألوف	مألوف إلى حد ما	مالو ت جدا	الطرائق النوعية
77	7 8	٥٤	١- لجنة الخبراء
77	74	٤٥	٢- لجنة المبيعات
٣٢	70	٤٣	٣- مسح السوق
			الطرائق الكمية
71	71	٥٨	١ - المتوسطات المتحركة
۲۱	١٩	7.	٢- التمهيد الأسي
١٤	19	٦٧	٣- الانحدار
٣١	١٤	00	٤ - تحليل السلاسل الزمنية
٥٧	١٣	٣.	٥- نماذج بوكس-جنكنز

المصدر: Forecasting ، مرجع سابق ، ص ٥١٩.

نلاحظ من الجدول السابق:

١ - أن أغلب أفراد العينة أقل رضا بطرائق التنبؤ النوعية مقارنة بالطرائق الكمية.

٢- أن طرائق الانحدار حازت على أعلى مستوى من الرضا علما أن الوقائع التجريبية تثبت أن طرائق تحليل السلاسل الزمنية أكثر دقة من طرائق الانحدار ونماذج الاقتصاد القياسي.

٣- أن طرائق التمهيد الأسي حازت على الدرجة الثانية من الرضا، وهذه النتيجة تنسجم مع الدراسات التجريبية التي أظهرت أن هذه الطرائق تعطي دقة مقبولة وأنها سهلة الاستيعاب ويمكن استخدامها بشكل دوري ويكلفة قليلة ويمكن أن تطبق على آلاف السلاسل الزمنية.

٤- أن طرائق المتوسطات المتحركة حازت على درجة عالية من الرضا أيضا،
 على الرغم من أنها أقل دقة من طرائق التمهيد الأسي. وتبدو هذه النتيجة منطقية لأن طرائق المتوسطات المتحركة تمتاز بسهولة التطبيق مقارنة بالطرائق الأخرى.

٥- أن أغلب أفراد العينة غير راضين بدرجة كبيرة عن نماذج بوكس جنكنز.
 هذه النتيجة تنسجم مع الواقع، لأن هذه النماذج صعبة الاستيعاب والتطبيق، ودقتها غالبا ليست أفضل من الطرائق الكمية البسيطة.

٦- أن طرائق تحليل السلاسل الزمنية لم تحز على درجة الرضا المقبولة. وهذه نتيجة مستغربة، ولعل أحد الأسباب أنها طرائق للتحليل وليست للتنبؤ.

(١,١٠,٣) أكثر طرائق التنبؤ استخداما حسب طول فترة التنبؤ

توزعت أراء العينة المدروسة حول أكثر طرائق التنبؤ استخداما في التطبيق العملي حسب طول فترة التنبؤ وفقا للجدول التالي:

الجدول رقم (١,٤). أكثر طرائق التنبؤ استخداما حسب طول فترة التنبؤ (نسبة مئوية).

\ .	. , 3. 3 .	3. 0	3 3 (/ // 3 -3
مدی بعید	مدى متوسط	مدى قريب	الطريقة
(أكثر من سنة)	(من ٤-١٢ شهرا)	(من ٦-٣ أشهر)	الطرائق النوعية
٦,٧	19,1	۱۸,۷	١- لجنة الخبراء
0,7	75,5	۲۳,۱	٢- لجنة المبيعات
١١,٤	10,7	۸,۲	٣- المسح الصناعي
			الطرائق الكمية
۲,۲	17,V	۱٧,٩	١ - المتوسطات المتحركة
٦,٧	٩,٠	9,٧	٧- التمهيد الأسي
۲۸,۰	٧,٥	٥,٣	٣- الانحدار
٣٧,٦	۸,٠	11,1	٤- تحليل السلاسل الزمنية
Υ,Υ	٣,٧	٦,٠	٥- نماذج بوكس-جنكنز

المصدر: Forecasting ، مرجع سابق ، ص ٥٢٠.

نلاحظ من الجدول السابق:

١ - أن الطرائق النوعية أكثر الطرائق استخداما في المدى القريب والمتوسط،
 وأقل استخداما في المدى البعيد.

٢- أن طرائق المتوسطات المتحركة وطرائق التمهيد الأسي تستخدم أكثر في المدى القريب وبنسبة أقل في المدى المتوسط ونادرا في المدى البعيد، وهذا يتفق مع الدراسات التجريبية التي أثبتت فعالية استخدام هذه الطرائق في المدى القريب.

٣- أن طرائق الانحدار وطرائق تحليل السلاسل الزمنية هي أكثر الطرائق استخداما في المدى البعيد، وهذه النتيجة تنسجم مع الدراسات التجريبية التي أظهرت أن هذه الطرائق تعطى دقة مقبولة في هذا المجال.

٤- أن نماذج بوكس- جنكنز لا تستخدم بكثرة في جميع المراحل، وهذا يتفق مع نتائج دراسات أخرى مشابهة.

(١,١٠,٤) أكثر طرائق التنبؤ استخداما حسب حجم المنشأة

إن حجم المنشأة هو المحدد الأساسي لطريقة التنبؤ المستخدمة. فقد أكدت دراسة أجريت على البنوك هذا الرأي، وبينت أنه يمكن تعميمه على باقي المؤسسات سواء كانت مالية أو غير مالية. ويمكن تلخيص نتائج هذه الدراسة بالجدول التالي.*:

الجدول رقم (١,٥). طرائق التنبؤ الأكثر استخداما حسب حجم المنشأة.

يقة	عدد البنوك التي تستخدم الطريقة		طريقة التنبؤ
بنوك صغيرة	بنوك متوسطة	بنوك كبيرة	طریقه اسبو
77	٥٣	٤٥	نوعية
١	77	٣٥	تحليل السلاسل الزمنية
٥	۲٦	108	الترابطية والسببية

المصدر: أساسيات الإدارة: المبادئ والتطبيقات الحديثة، ص ١٤٧.

^{*} جاري ديسلر، أساسيات الإدارة: المبادئ والتطبيقات الحديثة، تعريب د. عبد القادر عبد القادر، ص١٤٧.

وكما هو واضح من الجدول فإن أغلب البنوك الكبيرة والمتوسطة تستخدم الطرائق الكمية، بينما تستخدم غالبية البنوك الصغيرة الطرائق النوعية.

ومع ذلك فإن نتائج هذه الدراسة تؤكد أنه حتى بالنسبة للبنوك التي تعتمد أكثر على الطرائق الكمية، ما زالت تعتمد أيضا على التنبؤات الذاتية "لا خلاف على أنه مهما استخدمنا من أساليب متطورة في التنبؤ، فإن كل المؤشرات تشير إلى استخدام الإدارة للأحكام الذاتية".

(٥, ١ , ١) أكثر طرائق التنبؤ دقة

لقد تم إجراء دراسات عديدة خلال السنوات الثلاثين الماضية لمقارنة نتائج طرائق التنبؤ المختلفة باستخدام بيانات إدارية واقتصادية وتجارية وسكانية، يكن تلخيص أهم النتائج التي توصلت إليها هذه الدراسات بالنقاط التالية:

١ - بالنسبة لطرائق الاقتصاد القياسي: وجد أن هذه الطرائق ليست أفضل من طرائق تحليل السلاسل الزمنية في أي من الأمثلة المدروسة على عكس ما هو متعارف عليه في هذا المجال.

٢- بالنسبة لنماذج بوكس- جنكنز: مع أنه لا توجد إحصاءات كافية، إلا أن
 المتوفر منها لا تظهر تحيزا واضحا إلى هذه النماذج.

٣- بالنسبة للنماذج غير الخطية: لا توجد نتائج واضحة لأن استخدامها قليل ويكاد ينحصر في مجال الاقتصاد الكلي، والنتائج المتوفرة تثبت أن نتائج طرائق التنبؤ البسيطة مثل المتوسطات المتحركة والتمهيد الأسى أكثر دقة من نماذج الاقتصاد الكلي.

٤ - بالنسبة للطرائق التي تستخدم معالم متغيرة: نتائج هذه الدراسات لا تدعم الرأي السائد والقائل بأن هذه الطرائق تعطي نتائج أكثر دقة من الطرائق التي تستخدم معالم ثابتة.

^{*} جاري ديسلر، أساسيات الإدارة: المبادئ والتطبيقات الحديثة، تعريب د. عبد القادر عبد القادر، ص١٤٧.

ملاحظة: هناك أربع نتائج عامة مقبولة من أغلب الباحثين حول أكثر طرائق التنبؤ دقة وهي :

١ - دقة التنبؤ باستخدام الطرائق البسيطة هي بالمتوسط على الأقل بجودة أو دقة الطرائق الأكثر تعقيدا.

٢- بعض الطرائق تعطي نتائج أفضل في المدى القريب كطرائق التمهيد والمتوسطات المتحركة، بينما طرائق تحليل السلاسل الزمنية وطرائق الانحدار تعطي نتائج أفضل في المدى البعيد.

٣- إن استخدام بعض مقاييس دقة التنبؤ قد تعطي نتائج مختلفة من طريقة إلى أخرى.

٤ - إن دمج أكثر من طريقة للتنبؤ يعطي نتائج أكثر دقة من استخدام طريقة واحدة بمفردها.

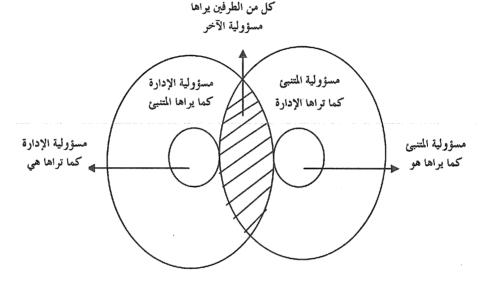
(١,١١) زيادة فاعلية التنبؤ

قد يكون السبب الرئيس في عدم فاعلية التنبؤ هو نقص الاتصالات الفعالة بين مستخدمي التنبؤ ومعديه. أو قد يشعر كليهما بأن التطبيقات المحتملة للتنبؤ غير مفهومة بشكل كافي. ويمكن أن يعزى هذا النوع من مشكلات الاتصال إلى تركيز معدي التنبؤ على الجوانب الفنية، بينما يميل مستخدموه إلى التركيز على النواحي الإدارية.

والنتيجة الحتمية في مثل هذه الحالة أن المستخدمين لا يفهمون طرائق التنبؤ بشكل جيد مما يقودهم إلى تطبيق غير سليم للتنبؤ، وهذا بدوره يؤدي إلى انخفاض فاعلية التنبؤ. كما أن معدي التنبؤ قد لا يفهمون الحالة المراد التنبؤ بها بشكل صحيح ليختاروا طريقة التنبؤ المناسبة.

^{*} Forecasting ، مرجع سابق ، ص ٥٢٦.

ويمكن تمثيل العلاقة بين مستخدمي التنبؤ ومعديه بالشكل التالي:



الشكل رقم (١,١). رؤية كل من مستخدمي ومعدي التنبؤ لعملية التنبؤ.

نلاحظ من الشكل أن المنطقة المظللة غير محددة المسؤولية لأن كل من الإدارة والمتنبئ يراها من مسؤولية الآخر. في مثل هذه الحالات، فإن أكثر الأساليب أهمية لزيادة فعالية التنبؤ، أي التقليل ما أمكن من المساحة المظللة، هو تعليم المستخدمين والمعدين المختصين كيف يمكن تطبيق طرائق التنبؤ المختلفة على المشكلات التطبيقية، وتدريب كل منهم على كيفية تحديد احتياجاتهم بوضوح. أي يتعين على المستخدمين أن يشرحوا بدقة لماذا يحتاجون التنبؤ؟ وكيف سيقومون باستخدامه؟ في حين يتعين على معدي التنبؤ أن يحددوا بدقة أيضا ما يلزمهم من المعلومات لإعداد التنبؤ المناسب.

(١,١٢) اختيار طريقة التنبؤ المناسبة

من المهم جدا، قبل إجراء عملية التنبؤ، تحديد الطريقة المناسبة للتنبؤ والتي تتلاءم مع المشكلة المدروسة. إن معظم المنتجات تمر بالدورة الاقتصادية. فترتفع المبيعات

حين يكون المنتج في بداية الإنتاج، ثم تزداد بسرعة أكبر مع زيادة نمو المنتج. وبعد بضع سنوات يصل المنتج إلى مرحلة النضج، وفي هذه المرحلة تكون المنافسة قاسية، حتى أن المنتج قد يتقادم، وتأخذ المبيعات في التناقص. ويتعين على الإدارة أن تختار الطريقة المناسبة للتنبؤ في كل مرحلة من مراحل الإنتاج.

فقبل البدء بعملية الإنتاج، يمكن استخدام طريقة مسح السوق، وعندما تتوفر البيانات التاريخية الكافية يمكن الاعتماد على طرائق تحليل السلاسل الزمنية، ثم حين تصبح العلاقات بين العوامل المؤثرة في المبيعات مفهومة بدرجة كافية، تصبح الطرائق الترابطية والسببية هي الأكثر ملائمة. وأخيرا، كلما اتجه المنتج أكثر نحو مرحلة النضج، قد تصبح الطرائق النوعية هي الملائمة.

لاختيار الطريقة المناسبة، نستعين ببعض المعايير التي تساعدنا في عملية التقييم ومن ثم الاختيار حسب الظروف وخصائص المشكلة المدروسة.

سنتطرق في هذا الفصل إلى مدخلين مختلفين لكل منهما معايير الخاصة التي نستطيع من خلالها اختيار طريقة التنبؤ المناسبة.

المدخل الأول

اختيار طريقة التنبؤ التي تتناسب وخصائص المشكلة المدروسة. ولتحديد هذه الطريقة من بين الطرائق المتاحة، نأخذ بعين الاعتبار العوامل التالية:

أ) الفترة الزمنية: والمقصود بها الفترة الزمنية التي تغطيها الظاهرة المدروسة أو متد آثارها إليها. أي أن نحدد طول الفترة الزمنية: قصيرة أو متوسطة أو طويلة. وبشكل عام فإن طول الفترة الزمنية يصنف على النحو التالى:

• مدى قريب أو قصير ويمتد ما بين شهر إلى ثلاثة أشهر، ويفضل استخدام الطرائق النوعية أو طرائق التمهيد الأسي أو المتوسطات المتحركة، وهذه الطرائق غالبا تكون نتائجها دقيقة في هذا الجال، لكن هذا لا يمنع من أن تحدث أحداث غير متوقعة كحريق أو فيضان أو أزمة سياسية تجعل التنبؤات بعيدة عن الواقع.

- مدى متوسط ويمتد ما بين ثلاثة أشهر إلى سنة، ويفضل استخدام طرائق التمهيد الأسى أو تحليل السلاسل الزمنية.
- مدى بعيد أو طويل ويمتد من سنة إلى أكثر، ويفضل استخدام طرائق تحليل السلاسل الزمنية أو الانحدار. وبشكل عام يكون التنبؤ في هذا المجال أقل دقة، حيث كلما زادت طول فترة التنبؤ كلما زاد احتمال حدوث متغيرات كبيرة وبالتالي قلت دقة التنبؤ وبالعكس تزداد دقة التنبؤ كلما قصرت فترته، فلا زال من الصعب التنبؤ بطول فترة البطالة والركود الاقتصادي ومدة هذا الركود.

ويستخدم التنبؤ البعيد أو الطويل في بناء الاستراتيجيات البعيدة للشركة وفي إعداد خطط تصدير المنتجات وإنتاج منتجات جديدة. وأهم تحد في هذا المجال هو التنبؤ بالاختراعات الجديدة لأنها تؤثر على الجانب الإنتاجي والاقتصادي والتسويقي وعلى مستقبل الشركة ككل.

- ب) طبيعة الظاهرة المدروسة: لمعرفة أهمية هذه الظاهرة ومدى توفر المعلومات الإحصائية عنها. فمثلا إذا كان المطلوب هو التنبؤ بالمبيعات لشركة معينة، فيجب أولا تحديد عدد منتجات هذه الشركة، فإذا كانت كثيرة ومتنوعة فقد يكون من الأفضل استخدام طرائق التمهيد. أما إذا كانت تنتج منتجا واحدا أو منتجين فريما من الأفضل استخدام طرائق الانحدار أو تحليل السلاسل الزمنية إذا توفرت البيانات الكافية. أما إذا لم تتوفر البيانات فالأفضل استخدام طرائق التنبؤ النوعية.
- ج) الاستقرار: أي مدى استقرار الظاهرة المدروسة، أو بعبارة أخرى ما هي نوعية التغيرات التي تتعرض لها الظاهرة المدروسة؟

إذا كانت البيانات موسمية فيمكن تطبيق كل الطرائق، ويفضل في هذه الحالة اللجوء إلى الطرائق البسيطة لإزالة التغيرات الموسمية كطريقة تحليل السلاسل الزمنية التقليدية. أي أن التغيرات الموسمية لا تعتبر مشكلة وبالتالي يصبح الاختيار بين النماذج

التي تعالج باقي مركبات السلسلة الزمنية حسب بيانات الظاهرة المدروسة. ويشكل عام، كلما كانت التغيرات العشوائية كبيرة كلما يفضل استخدام نماذج بسيطة، وكلما كان الاتجاه العام هو الغالب كلما يفضل استخدام الطرائق الأكثر تعقيدا كنماذج بوكس - جنكنز أو نماذج الاقتصاد القياسي.

المدخل الثايي

دراسة خصائص طرائق التنبؤ المختلفة واختيار الطريقة المناسبة للحالة المدروسة ولظروف الشركة. أي أننا ندرس الخصائص المهمة لأساليب التنبؤ المختلفة ونختار الأسلوب الذي تتوافق خصائصه مع ظروف المشكلة المدروسة. ونذكر فيما يلي بعض الخصائص الهامة لطرائق التنبؤ المختلفة:

أ) توفر البيانات ونوعها: إذا توفرت البيانات السابقة يمكن استخدام إحدى الطرائق الكمية. ويجب التنويه أن فترة البيانات ليس بالضرورة أن تكون طويلة أو كاملة ففي بعض الحالات يمكن الاكتفاء بعدد محدود من السنوات أو الأشهر حسب ما سنرى لاحقا، لكن دقة البيانات أمر هام جدا.

يقصد بنوع البيانات هل هي سنوية؟ أم فصلية؟ أم شهرية؟ ... إلخ. بشكل عام كلما زادت فترة السلسلة الزمنية كلما قلت التغيرات العشوائية ، فمثلا البيانات السنوية تكون فيها التغيرات العشوائية أقل من البيانات الشهرية ، لذلك يفضل استخدام النماذج التي تهتم بالاتجاه العام في البيانات السنوية وتتجاهل التغيرات العشوائية والدورية وتركز على التزايد أو التناقص على المدى البعيد. في المقابل ، البيانات اليومية تكون التغيرات العشوائية فيها هي الغالبة بينما يكون الاتجاه العام غير واضح أو غير موجود. في مثل هذه الحالة يفضل استخدام طرائق التمهيد الأسي لعزل هذه التغيرات. أما البيانات الفصلية فتكون بين هذه وتلك من حيث غلبة الاتجاه العام والتغيرات العشوائية. غالبا ، تظهر البيانات الفصلية تقلبات دورية وموسمية شديدة ، لذلك يفضل في هذه الحالة استخدام طرائق أكثر تعقيدا تستطيع أن تميز وتستخلص أغلب مركبات السلسلة الزمنية.

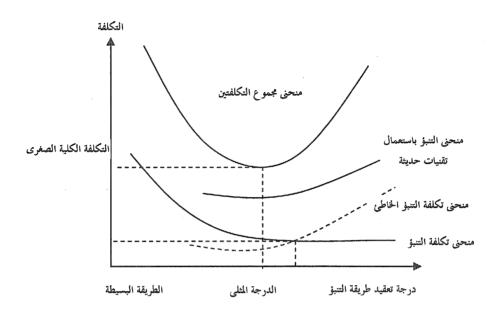
ب) الميزانية: تعتبر تكلفة الطريقة التي سوف تستخدم في عملية التنبؤ من العناصر الرئيسة التي تهتم بها الإدارة، وتستخدم كأحد المعايير في تقييم طرائق التنبؤ. وترتبط تكلفة طريقة التنبؤ مباشرة بالمقدرة المالية للشركة، ومدى أهمية الظاهرة التي نريد التنبؤ بها. فعندما تكون الميزانية محدودة يفضل استخدام طريقة بسيطة للتنبؤ ولو كانت نتائجها غير دقيقة. أما إذا كانت الظاهرة مهمة جدا للشركة فيفضل استخدام طريقة معقدة ولو كانت مكلفة.

عادة، تفضل الإدارة استعمال طريقة التنبؤ التي توازن بين تخفيض تكلفة عملية التنبؤ وتكلفة التنبؤ غير الدقيق التكاليف المترتبة على التنبؤ وتكلفة التنبؤ غير الدقيق التكاليف المترتبة على القرار الخاطئ، مثلا تكاليف تخزين أكثر أو أقل من اللازم أو توظيف أقل أو أكثر من المطلوب... إلخ.

هذا التوازن موضح بالشكل رقم (١,٢)، حيث يلاحظ وجود علاقة طردية بين تكلفة طريقة التنبؤ بين تكلفة طريقة التنبؤ المستخدمة وعلاقة عكسية بين تكلفة طريقة التنبؤ وطريقة التنبؤ المستخدمة وعلاقة عكسية بين تكلفة التنبؤ الخاطئ، فكلما كانت طريقة التنبؤ بسيطة كانت تكلفتها قليلة، لكن تكلفة التنبؤ الخاطئ في هذه الحالة تكون كبيرة والعكس بالعكس، أي كلما كانت طريقة التنبؤ معقدة كانت تكلفتها أكبر، لكن تكلفة التنبؤ الخاطئ تكون قليلة، والتنبؤ الأمثل هو الذي يؤدي إلى أقل قيمة لمجموع التكلفتين (تكلفة طريقة التنبؤ المستخدمة وتكلفة التنبؤ الخاطئ). لكن هذه التكاليف صعبة القياس، وبالتالي فإن الطريقة المثلى صعبة التحديد.

إن إدخال الحاسوب وبرامج التنبؤ قللت بشكل كبير التكلفة والوقت اللازمين للتنبؤات الإحصائية باستعمال البيانات السابقة، ولذلك أصبحت معظم الشركات تميل إلى اختيار طرق تنبؤ معقدة، أي إلى اليمين من الشكل التالى:

1



الشكل رقم (١,٢). تحديد طريقة التنبؤ المثلى.

ج) الدقة المطلوبة: إن لكل طريقة من طرائق التنبؤ مستوى معين من الدقة. وفي بعض طرائق التنبؤ تحدد نسبة معينة لاحتمال انحراف قيم التنبؤ عن القيم الفعلية. وغالبا ما ترتبط دقة طريقة التنبؤ بتكلفتها ارتباطا طرديا. وتعتمد عملية اختيار طريقة التنبؤ المناسبة على نسبة الخطأ الذي تقبل به الإدارة كحد أقصى وعلى الإمكانات المادية المتاحة والمخصصة لعملية التنبؤ.

بشكل عام، إذا كانت الدقة المطلوبة من التنبؤ عالية فيفضل استخدام طريقة معقدة وذات تكلفة عالية. وعادة فإن التنبؤات في المدى البعيد لا تتطلب دقة عالية، بينما التنبؤات في المدى القريب تتطلب دقة عالية لأن الخطط التفصيلية تبنى على هذه التنبؤات.

د) شكل التغير في البيانات: ينبغي التعرف على نوعية التغيرات في البيانات المدروسة، هل هي تغيرات مستقرة أم مضطربة؟ هل هذه التغيرات صاعدة أم هابطة؟ وهذا يساعد على تحديد النموذج الرياضي المناسب لهذه البيانات.

بشكل عام، تستخدم نماذج التمهيد الأسي أو نماذج بوكس - جنكنز، وبشكل خاص نموذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية الموسمية إذا كانت البيانات متغيرة بشكل حاد.

هـ) الزمن المتاح: تتأثر عملية اختيار الطريقة المناسبة للتنبؤ بالمدة الزمنية المتاحة للباحث، فكلما كانت هذه المدة طويلة كلما كان الباحث عملك حرية أكبر في اختيار الطريقة المناسبة للتنبؤ. أما إذا كانت المدة المتوفرة قصيرة فإن الباحث قد يختار طريقة غير مناسبة ولكنها تلائم الزمن المتاح وتعطي تقديرات سريعة بغض النظر عن دقة هذه التقديرات.

وتجدر الملاحظة أن أغلب الإدارات تطعم تنبؤاتها الكمية بجرعات كبيرة أو صغيرة حسب الظروف من التنبؤات الحدسية التي لا بد منها في بعض الحالات حتى ولو كان هذا الأسلوب غير علمى، والحياة العملية مليئة بمثل هذه الحالات.

(١,١٣) مستقبل التنبؤ

ستتأثر عملية التنبؤ في المستقبل حتما بالتغيرات الكبيرة الحاصلة والتي سوف تحصل في مجال المعلومات، وخاصة في مجال انخفاض تكاليف أجهزة الحاسب الآلي وإمكانية تخزين كم هائل من البيانات في هذه الأجهزة نظرا لزيادة قدرة هذه الأجهزة على التخزين وترابط مصادر البيانات من خلال شبكة المعلومات الدولية، عما سيسهل الوصول إلى أية قاعدة بيانات في أي مكان من العالم. يضاف إلى ذلك تطوير البرامج التطبيقية القادرة على تحليل البيانات واستخراج المؤشرات الإحصائية وتنفيذ أغلب عمليات التنبؤ. إن كل هذه المتغيرات ستؤثر إيجابيا على عملية التنبؤ في المستقبل.

كما أن تراكم المعلومات والخبرة ستؤثر أيضا على مستقبل عملية التنبؤ وتجعل نتائج التنبؤات أكثر دقة وأقرب إلى الواقع.

كما أن إمكانية اتصال الخبراء ببعضهم البعض عن طريق شبكات المعلومات ستسهل من عملية تبادل الآراء وإغناء عملية التنبؤ، حيث يمكن لكل خبير في مجال التنبؤ أن يضع خبرته على شبكة المعلومات وبالتالي يمكن للآخرين الاستفادة منها. وهذا التواصل سيقلل من احتمالية الانحياز أو فرض شخص معين هيمنته على الآخرين، أي أن التنبؤ في المستقبل سيصبح أكثر جماعية من الآن، نظرا لتراكم المعلومات والخبرات وتوفرها لكل من يريد الاستفادة منها.

من المتوقع أيضا، أن تدخل في عملية التنبؤ اعتبارات أخرى غير البيانات التاريخية، كالتقلبات الاقتصادية وقوى العرض والطلب وأذواق المستهلكين وقوتهم الشرائية ورغباتهم في التغيير، وهذا يتطلب استخدام أكثر من طريقة في التنبؤ، وربما تصبح هناك حزمة من طرائق التنبؤ منها الكمي ومنها النوعي وربما الحدسي أيضا.

بعد أن تعرفنا على أهمية التنبؤ الإداري وخصائصه، لنتعرف على بعض الطرائق المستخدمة في هذا التنبؤ، وخاصة الطرائق الكمية موضوع الفصول القادمة.

أسئلة وتطبيقات

- ١- عرف التنبؤ الإداري وإذكر العناصر الأساسية له.
 - ٢- ما الفرق بين التنبؤ الناجح والتنبؤ المفيد؟
- ٣- ما الفرق بين المتغيرات الداخلية والمتغيرات الخارجية؟ وبمن يرتبط كل

منهما؟

- ٤ ما أهم أقسام المؤسسة التي يستخدم فيها التنبؤ؟
 - ٥ ما خصائص التنبؤ؟
 - ٦- عرف طرائق التنبؤ النوعية، ثم عدد أنواعها.
 - ٧- ما المقصود برأي الخبرة؟
- ٨− اشرح أسلوب دلفي The Delphi Technique في التنبؤ.
 - ٩- عرف نظم الاجتماعات الإلكترونية EMS.
- ١ عدد واشرح طرائق العد المستخدمة في التنبؤ الإداري.
- Industrial والمسح الصناعي Market Survey والمسح الصناعي المستح السوق Survey Survey
 - ١٢ عرف السلسلة الزمنية ثم اذكر أهم طرائق تحليل السلاسل الزمنية.
 - ١٣ عرف الطرائق الترابطية والسببية ثم اذكر أهم أنواعها.
 - ١٤ اذكر باختصار مزايا وحدود طرائق التنبؤ ومجال استخدام كل منها.
 - ١٥ عدد واشرح باختصار الخطوات الأساسية التي تتألف منها الطرائق الكمية.
- ١٦ ما أكثر طرائق التنبؤ ألفة وما هي الطرائق غير المألوفة من قبل المستخدمين؟
 - ١٧ رتب طرائق التنبؤ التالية حسب درجة رضا المستخدمين:
 - أ) الطرائق النوعية.
 - ب) طرائق المتوسطات المتحركة.

- ج) طرائق التمهيد الأسى.
- د) طرائق تحليل السلاسل الزمنية.
 - ه) طرائق الانحدار.
 - و) نماذج بوكس- جنكنز.
- ١٨ ما أكثر طرائق التنبؤ استخداما في المدى القريب؟
- ١٩ ما أكثر طرائق التنبؤ استخداما في المدى المتوسط؟
 - ٠٠- ما أكثر طرائق التنبؤ استخداما في المدى البعيد؟
- ٢١- ما أكثر طرائق التنبؤ استخداما في المنشآت الصغيرة؟
- ٢٢ ما أكثر طرائق التنبؤ استخداما في المنشآت المتوسطة؟
 - ٢٣ ما أكثر طرائق التنبؤ استخداما في المنشآت الكبيرة؟
 - ٢٤ ما أكثر طرائق التنبؤ دقة؟
 - ٥١ كيف يمكن زيادة فاعلية التنبؤ؟
- ٢٦ كيف يمكن اختيار طريقة التنبؤ المناسبة للظاهرة المدروسة؟
 - ٢٧ كيف تصنف طول الفترة الزمنية المستخدمة في التنبؤ؟
- ٢٨ عادة، تفضل الإدارة استعمال طريقة التنبؤ التي توازن بين تخفيض تكلفة
 عملية التنبؤ وتكلفة التنبؤ غير الدقيق. اشرح هذا المفهوم مستعينا بالرسم.
- ٢٩ اذكر طريقة التنبؤ المناسبة لكل حالة من الحالات التالية معللا السبب الذي اعتمدت عليه في عملية الاختيار:
 - أ) إذا كانت البيانات الكمية غير متوفرة أو لا يمكن استخدامها.
 - ب) إذا كان الوقت المتاح لعملية التنبؤ قصيرا.
 - ج) إذا كان المنتج جديدا.
 - د) إذا كنا نريد التنبؤ بتقدم تقنى غير مسبوق.
- هـ) إذا كان المنتج غير موجود ولكن موجود شبيه به كالهاتف الجوال مثلا.

- و) إذا كان عدد المنتجات المراد التنبؤ بها كبيرا جدا.
- ز) إذا توفرت البيانات الكمية وكان عدد المنتجات محدودا.
 - ح) إذا كانت السلسلة الزمنية مستقرة.
- ط) إذا كانت السلسلة الزمنية غير مستقرة وفيها تقلبات كبيرة.
 - ي) إذا كانت الميزانية المخصصة لعملية التنبؤ محدودة.
 - ك) إذا اشترطت الإدارة دقة معينة للتنبؤ.
- ٣- اشرح أوجه الاختلاف والتشابه بين طرائق التنبؤ الكمية والنوعية.
 - ٣١- ما مستقبل التنبؤ برأيك؟

استخدام نماذج الانحدار البسيط في التنبؤ الإداري

(۲,۱) مقدمة

يستخدم تحليل الانحدار كأداة إحصائية لتقدير العلاقة بين متغيرين كميين أو أكثر، للتنبؤ بقيم أحد المتغيرين عند تغير المتغير الآخر. فمثلا، قد يهتم مدير التسويق في إحدى الشركات بالعلاقة بين حجم المبيعات وبين نفقات الدعاية والإعلان. كذلك قد يهتم أحد الباحثين بالعلاقة بين المعدل التراكمي للطلاب في المرحلة الثانوية ومعدلهم التراكمي في الجامعة. كما قد يهتم مدير الأفراد بإحدى الشركات بالعلاقة بين درجات اختبار القدرات للعاملين في الشركة وبين أدائهم في العمل. أو قد نرغب بدراسة العلاقة بين الطول والوزن... إلخ. فإذا وجدت علاقة بين المتغيرين، فإننا قد نرغب في تحديد درجة قوة هذه العلاقة. كذلك قد نرغب في التنبؤ بقيمة أحد المتغيرين باستخدام قيمة المتغير الآخر.

(٢,٢) مفهوم الانحدار

تهدف أساليب الانحدار إلى التوصل إلى معادلة لتمثيل البيانات المتاحة. ويمكن استخدام هذه المعادلة في التقدير والتنبؤ. تكتب هذه المعادلة على الشكل التالى:

y = f(x)

يسمى المتغير الذي نريد تقديره أو التنبؤ به بالمتغير التابع Independent variable بينما يسمى المتغير الآخر بالمتغير المستقل علاقة خطية أو غير خطية وسنقتصر دراستنا في هذا الفصل على العلاقة الخطية فقط. كما يمكن أن تعبر هذه العلاقة عن انحدار بسيط أو متعدد. في الانحدار البسيط Regression يوجد متغيران فقط، أحدهما تابع والآخر مستقل. أما في الانحدار المتعدد Multiple Regression فيوجد متغير تابع واحد بالإضافة إلى متغيرين مستقلين أو أكثر. سنستعرض في هذا الفصل نموذج الانحدار البسيط وفي الفصل القادم سنبحث في الانحدار المتعدد.

يطلق على العلاقة السابقة علاقة دالية لأنها توضح العلاقة التامة بين المتغيرين، وعندما تكون العلاقة غير تامة يعبر عنها بالعلاقة:

$$y = f(x, \varepsilon)$$

حيث ε هو متغير عشوائي أو حد الخطأ أو اختصارا الخطأ حيث نفترض أنه يحقق الفروض التالية: قيمته المتوقعة تساوي الصفر ε (ε) ε وتباينه ثابت ومتجانس الفروض التالية: قيمته المتوقعة تساوي الصفر ε (ε) ε وغير مرتبط بالمتغير ε وحدوده غير مرتبطة ذاتيا ε (ε) ε (ε) وغير مرتبط بالمتغير المستقل ويتبع التوزيع الطبيعي*.

(٣,٣) شكل الانتشار

يعتبر شكل الانتشار الخطوة الأولى في التوصل إلى معادلة الانحدار. حيث يصور شكل الانتشار العلاقة بين المتغيرين وبالتالي يساعدنا على تحديد نوع المعادلة التي تناسب البيانات المتاحة. وللحصول على شكل الانتشار يستخدم المحور الأفقي لتمثيل المتغير المستقل، كما يستخدم المحور الرأسي لتمثيل المتغير التابع.

^{*} هذه الفروض سنعتبرها محققة في فصول الكتاب التالية.

(٢,٤) الانحدار الخطي البسيط

بشكل عام تكتب معادلة الانحدار البسيط على الشكل التالى:

 $(Y, Y) y_t = \beta_0 + \beta_1 x_t + \varepsilon_t$

حيث ترمز ٧, إلى المتغير التابع.

و x_t إلى المتغير المستقل.

و ε_{t} يمثل المتغير أو الخطأ العشوائي.

و β_0 إلى النقطة التي يتقاطع عندها خط الانحدار مع المحور الرأسي. بتعبير آخر عثل قيمة المتغير التابع عندما يأخذ المتغير المستقل القيمة صفر.

و β_1 إلى ميل خط الانحدار، أي مقدار التغير في γ عندما يتغير χ بمقدار وحدة واحدة فقط.

عدد المشاهدات. t = 1,2,....,n

وللتوصل إلى معادلة الانحدار لا بد من تقدير قيمة β_0 و β_1 .

إن الهدف الأساسي من دراسة معادلة الانحدار بين متغيرين هو التنبؤ بطريقة دقيقة بقيمة أحد المتغيرين باستخدام قيمة المتغير الآخر. فمثلا، إذا استطعنا تحديد العلاقة بين الناتج القومي الإجمالي وبين الصادرات في فترة سابقة، فإنه يمكننا تقدير الناتج القومي الإجمالي في فترة قادمة بطريقة دقيقة باستخدام هذه العلاقة. كذلك إذا استطعنا تحديد العلاقة بين المعدلات التراكمية للطلبة في المرحلة الثانوية وبين معدلاتهم التراكمية في الجامعة، فإنه يمكننا أن نقدر معدل الطالب التراكمي في الجامعة باستخدام معدله التراكمي في المرحلة الثانوية. كذلك يمكن التنبؤ بمدى إمكانية إصابة أسنان الأطفال بالتسوس إذا استطعنا تحديد العلاقة بين هذه الإصابة ونوعية الغذاء الذي يتناوله الأطفال.

تجدر الملاحظة أن العلاقة بين أي متغيرين ليست بالضرورة علاقة سببية تامة أو كاملة. فالعلاقة السببية التامة تعني أن المتغير المستقل هو السبب وأن المتغير التابع هو

النتيجة. ففي علاقة كمية السماد المستخدم وكمية القمح التي نحصل عليها العلاقة سببية، لكننا لا نستطيع القول بأن الناتج القومي الإجمالي هو نتيجة للصادرات فقط، فقد يكون نتيجة لأكثر من متغير كالواردات وعدد السكان وغيره. كذلك لا يمكن التأكيد بوجود علاقة سببية بين تسوس الأسنان وطبيعة الغذاء، فمن الممكن أن يكون هناك سبب آخر غير الغذاء يؤثر في تسوس الأسنان كالعامل الوراثي مثلا. فبعض العلاقات تكون سببية تامة وبعضها الآخر سببي لكنه غير تام لذلك ندخل متغيرا عشوائيا ليعبر عن المتغيرات الأخرى التي تؤثر في المتغير التابع غير المتغير (أو المتغيرات) المستقل المدروس.

بعد استخدام البيانات المتاحة عن المتغيرين للتوصل إلى معادلة الانحدار، نقوم بتحديد قوة هذه العلاقة. ولقياس درجة الارتباط بين المتغيرين نستخدم معامل الارتباط Coefficient of correlation الذي يحدد كثافة العلاقة الخطية.

مثال (١): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل الناتج القومي الإجمالي والصادرات والواردات وعدد السكان خلال الفترة ١٩١٧–١٩٩٤م في المملكة العربية السعودية. والمطلوب رسم شكل الانتشار الممثل للعلاقة بين الصادرات x والناتج القومي الإجمالي y ثم تقدير قيم y بمعرفة قيم x المناظرة.

الجدول رقم (٢,١). الناتج القومي الإجمالي والصادرات والواردات وعــدد الســكان خـــلال الفتـــرة الجدول رقم (٢,١). الناتج القومي الإجمالي المملكة العربية السعودية.

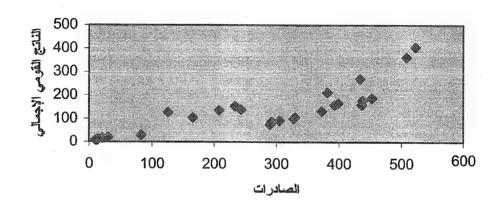
عدد السكان	الواردات	الصادرات	الناتج القومي الإجمالي	
(مليون نسمة)	(مليار ريال)	(مليار ريال)	(مليار ريال)	السنة
٥,٧	۲,۲۰	۸,۰۳	1 * , 27	1977
٥,٨٦	۲,۸۰) A,Vo	11,80	1971
7,04	٣,٣٦	٩,٢٤	۱۲,۷۳	1979
٦,٢	٣,٢٠	1.,77	17,07	197.
٦,٣٨	٣,٦٧	17,77	7.,09	1971

تابع الجدول رقم (٢,١).

			-مار، د، ۲۰	ابع اجعدون رو
عدد السكان	الواردات	الصادرات	الناتج القومي الإجمالي	السنة
(مليون نسمة)	(مليار ريال)	(مليار ريال)	(مليار ريال)	
7,07	٤,٧١	۱۹,۷۸	٣٠,١٥	1977
٦,٧٦	٧,٣١	۲۸,۹۲	٠ ٨٢,٣٥	1975
٦,٩٦	1+,10	177,77	١٢٥,٤٠	1978
٧,٢٥	18,87	1 • £ , £ 1	170,89	1970
٧,٦٢	٣٠,٦٩	180,10	7 • V , V Y	1977
۸,۰٦	01,77	104,71	777,77	1977
٨,٤٩	٦٩,١٨	۱۳۸,۲٤	787,9 *	۱۹۷۸
۸,۹۳	۲۸,۲۲	Y17,1A	٣٨١,٠٦	1979
9,87	1 , 40	٣٦٢,٨٩	٥٠٨,٤٢	۱۹۸۰
۹,۸۱	119,80	٤٠٥,٤٨	077,9+	۱۹۸۱
1.,70	١٣٩,٣٤	771, 49	877,79	74.91
11,17	140,87	١٥٨,٤٤	897,27	۱۹۸۳
11,91	114,74	۱۳۲,۳۰	٣٧٢,٣٤	١٩٨٤
17,70	۸٥,٥٦	99,08	٣ ٢٧,0٣	١٩٨٥
14,41	٧٠,٧٨	٧٤,٧٥	۲۸۹,٦٧	۲۸۶۱
۱۳,٦١	٧٥,٣١	۸٦,۸۸	797,12	۱۹۸۷
18,07	۸۱,٦٠	91,79	₩*0,*A	۱۹۸۸
18,88	۷۹,۲۸	1 . 7, 79	779,07	19/19
١٤,٨٧	۹۰,۲۸	١٦٦,٣٤	891,07	199 *
17, 89	۱۰۸,۹۳	174,	£٣٧,17	1991
١٦,٨٢	178,71	۱۸۸,۳۰	£07,VA	1997
17,17	١٠٥,٦٢	101,77	٤٣٦,٦٦	1997
۱۷,٤٥	۸۷, ٤٢	109,09	٤٣٥,٩٩	1998

المصدر: الإحصاءات المالية العالمية، صندوق النقد الدولي عام ١٩٩٧م.

بتمثیل کل زوج من القیم المشاهدة (y_t, x_t) من أجل: 1,2,....,28 ، باعتبار السنة ١٩٦٦م بدء الزمن، في المستوي نحصل على الشكل التالي:



الشكل رقم (٢,١). يمثل الشكل انتشار الناتج القومي والصادرات السعودية خلال الفتــرة ١٩٦٧-

نلاحظ من الشكل رقم (7,1) وجود علاقة خطية موجبة بين قيم x و y ، وأنه يكن x عكن x عن العلاقة بخط مستقيم. وبما أن هناك إمكانية لوجود عدد غير محدود من الخطوط المستقيمة التي يمكن أن x عن أن x هذه العلاقة ، لذلك نحاول تحديد أفضل خط من بين هذه الخطوط ، ولتحديد هذا الخط نلجأ إلى طريقة المربعات الصغرى.

Least-Squares Method الصغرى العادية المربعات الصغرى العادية

تعتمد هذه الطريقة على تمثيل البيانات المتاحة بخط مستقيم بحيث يكون مجموع مربعات انحرافات نقاط شكل الانتشار عن هذا الخط أقل ما يمكن.

^{*} الإحصاء في الإدارة، لنكولن تشاو، تعريب عبد المرضي حامد عزام، الرياض، دار المريخ، ١٤١٠ هـ، ص ٧٧٤ وما بعدها.

في الشكل رقم (٢,١) يوجد ٢٨ نقطة ، أي أن n=28 . كل نقطة من هذه النقاط تمثل رقم ($(x_1,y_1);(x_2,y_2);....;(x_{28},y_{28})$ ، ونريد تمثيل هذه البيانات بخط مستقيم معادلته :

$$\hat{y}_t = b_0 + b_1 x_t$$

أي أنه توجد قيمتان للمتغير y من أجل كل قيمة من قيم x ، إحداهما هي قيمة y المشاهدة التي توجد مع قيم x في أزواج القيم المرتبة ، والأخرى هي إحداثي النقطة y المناظرة لقيمة x التي تقع على الخط المستقيم ، والتي نحصل عليها من المعادلة y ، الأولى هي بعد تعويض قيمة y فيها. فمثلا ، عند النقطة y توجد قيمتين للمتغير y : الأولى هي القيمة y المشاهدة والموجودة في الزوج المرتب y ، وتسمى القيمة الفعلية أو الحقيقية ، والثانية هي القيمة التي نحصل عليها من معادلة الخط المستقيم بعد تعويض الحقيقية ، والثانية هي القيمة التي نحصل عليها من معادلة الخط المستقيم بعد تعويض المقيمة المقدرة . وهكذا ... بالنسبة ليمة النقاط .

ويشكل عام، إذا كان لدينا n مشاهدة فإن طريقة المربعات الصغرى تسعى إلى تقليل مجموع مربعات انحرافات القيم الفعلية للمتغير التابع عن قيمها المقدرة إلى أقل قيمة محنة ، أي :

$$(\Upsilon,\Upsilon)$$

$$f = \sum_{t=1}^{n} [y_t - \hat{y}_t]^2 = \sum_{t=1}^{n} [y_t - (b_0 + b_1 x_t)]^2$$
 نگن ما یکن

ان أي خط يحقق هذا الشرط يسمى خط المربعات الصغرى المتحدى الشرط يسمى خط المربعات الصغرى المتحدام طريقة المربعات الصغرى يؤدي إلى تمثيل البيانات المتاحة بأفضل لذلك فإن استخدام طريقة المربعات الصغرى يؤدي إلى تمثيل البيانات المتاحة بأفضل خط محن ، لأن مجموع مربعات انحرافات القيم الحقيقية عن الخط محن ، لأن مجموع مربعات انحرافات القيم الحقيقية عن الخط محن .

 b_0 تستخدم المشاهدات لتقدير نقطة تقاطع الخط المستقيم مع المحور الرأسي b_0 وميل الخط المستقيم b_1 تسمى b_0 و b_0 معالم خط الانحدار المجهولة والتي يجب تقديرها اعتمادا على بيانات العينة.

يتم الحصول على قيمتي b_0 و b_1 اللتان تجعلان مجموع مربعات الانحرافات أقل ما يمكن من الاشتقاق الجزئي للمعادلة (7,7) ومساواة المشتق بالصفر.

$$\frac{\partial f}{\partial b_0} = -2\sum_{t=1}^n [y_t - (b_0 + b_1 x_t)] = 0$$

$$(\Upsilon, \circ) \qquad \qquad \frac{\partial f}{\partial b_1} = -2x_t \sum_{t=1}^n [y_t - (b_0 + b_1 x_t)] = 0$$

يكن كتابة العلاقتين (٢,٤) و(٢,٥) كما يلي:

$$\sum_{t=1}^{n} y_{t} = nb_{0} + b_{1} \sum_{t=1}^{n} x_{t}$$

(Y,V)
$$\sum_{t=1}^{n} x_{t} y_{t} = b_{0} \sum_{t=1}^{n} x_{t} + b_{1} \sum_{t=1}^{n} x_{t}^{2}$$

تسمى المعادلتان (٢,٦) و (٢,٧) بالمعادلات الطبيعية Normal Equations ولحساب قيمتي b_1 و b_2 خل جملة هاتين المعادلتين. وتوجد أكثر من طريقة للحل، منها طريقة التعويض المباشر وطريقة المعينات أو المحددات والطريقة المختصرة... إلخ .

من المعادلة (٢,٦) يمكن أن نكتب:

$$b_0 = \frac{\sum_{t=1}^{n} y_t}{n} - \frac{b_1 \sum_{t=1}^{n} x_t}{n}$$

^{*} لمزيد من التفصيل يمكن الرجوع إلى: المدخل إلى علم الإحصاء، الدكتور أحمد رفيق قاسم والدكتور عمر حلاق، ص ٢٣٦ وما بعدها.

وإذا اعتبرنا أن:

: خصل على
$$\overline{x}=\frac{\sum\limits_{t=1}^{n}x_{t}}{n}$$
 و $\overline{y}=\frac{\sum\limits_{t=1}^{n}y_{t}}{n}$ $b_{0}=\overline{y}-b_{1}\overline{x}$

ومعنى ذلك أن مستقيم الانحدار يمر من نقطة الوسطين الحسابيين.

وبتعويض قيمة b_0 في المعادلة (٢,٧) نحصل على:

$$\sum_{t=1}^{n} x_t y_t = (\overline{y} - b_1 \overline{x}) \sum_{t=1}^{n} x_t + b_1 \sum_{t=1}^{n} x_t^2$$

$$\Rightarrow b_1 = \frac{\sum_{t=1}^{n} x_t y_t - \overline{y} \sum_{t=1}^{n} x_t}{\sum_{t=1}^{n} x_t^2 - \overline{x} \sum_{t=1}^{n} x_t}$$

وباعتبار أن : $\sum x = n\overline{x}$ وبتقسيم البسط والمقام على n نحصل على العلاقة التالية :

$$(\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon) \qquad b_1 = \frac{\sum_{t=1}^n x_t y_t - n\overline{xy}}{\sum_{t=1}^n x_t^2 - n\overline{x}^2}$$

ويمكن الحصول على صيغ مختلفة لحساب المعلمة b_1 منها:

$$(Y, YY) \qquad b_1 = \frac{n \sum_{t=1}^{n} x_t y_t - \sum_{t=1}^{n} x_t \sum_{t=1}^{n} y_t}{n \sum_{t=1}^{n} x_t^2 - (\sum_{t=1}^{n} x_t)^2}$$

التي تستخدم في التطبيقات العملية.

ولحساب قيمتي b_0 و b_0 ننشئ الجدول المساعد التالي:

1481	٥, ٢, ٩	2.0,0	×1×+×0,+	172212, - 444545, - 414.40, .	178818,0	3,177	٧٦٤٠٢,٥	407, .	70057,7	٥,٢٢٧٠٧
191.	٥٠٨,٤	417,9	1120.1.	YOAE91, · 1 \ 20 · 1, ·	1717/9,0	۷۲۳,۸	٨,١٧٢٤٥	721,0	٥,٢٤١,٦	07577,9
1979	۲۸۱,۱	T17, T	۸۱۲۳٤,٤	1504.4. 11745,8	20220,Y	۸٤,١	٧٠٧٤,٥	112,7	12.27,1	47.4,4
۱۹۷۸	787,9	147,4	44044,0	٤٠٠٠,٥	1911.,4	۹, ۲	۸٤,١	Y &,	٥٧٥,٠	719,9-
1944	٦,٦٦	104,4	40494,9	02074,4	24574,4	72,1	٥٨٢,٧	44,4-	11.7,7	۸۰۲,۹-
1977	۲۰۷,۷	140,4	44.44, E	24154,7	14770,0	7,1	٣٧,٠	09, 4-	Y 299,9	r09, V-
1940	170,8	1.2,2	٤,٨٢٧٧١	24404,9	1.9.1, 8	Y & , V	۲۰۸,۱	1.1,0	1.4.,4	۲۰۰۲,۷
3461	140,8	177,7	10171,*	10440,4	10981,0	۲,۹	۸,۱	121,0	۲۰۰۱٦,٦	٤٠٣, ٢
1944	۸۲,٤	۲۸,۹	2271,7	٥,١٨٧٢	۸۳٦, ٤	100,4	1 * * * * , *	۱۸٤,٥	45.01,4	١٨٤٨٠,٧
1977	T., T	19,9	2,100	9.9,	491,4	1.9,4	11988,7	777,7	07.21,1	Y0/VY, Y
1971	7.,7	14,4	T00,7	٤٧٤,٠	794,7	111,4	17299,7	457,4	۸,۸٥٢٠٢	24040,4
194.	14,7	10,4	188,1	115,4	۱۱۲,۸	114, 8	18.14,7	404, r	75177, .	४९१९१,९
1979	۱۲,۷	۹, ۲	1,17,7	177,1	۸٥,٤	119,1	12409,4	Y02, Y	75097,7	۲۰٤٥٤,٨
1417	11,0	^,^	100,4	141,1	٧٦,٦	14.,4	12277,9	Y00, E	70722,0	T * VTT, T
1474	10,8	۸, ۰	۸۳,۸	1.4,9	72,0	141,	٧,٠٥٢3١	407,0	7,77707	Y1.5.,V
السنوات	\mathcal{Y}_t	х,	$x_t y_t$	y_t^2	x_t^2	$x_t - \overline{x}$	$(x-\overline{x})^2$	$y_r - \overline{y}$	$(y_i - \overline{y})^2$	$(x_i - \overline{x})^*$ $(y_i - \overline{y})$
الجدول رقم	(۲,۲). الجدو	ل المساعد لح	الجدول رقم (٢,٢). الجدول المساعد لحساب معالم نموذج الانحدار الخاص بالناتج القومي الإجمالي السعودي.	ج الانحدار الخا	ص بالناتج القو	ومي الإجمالي ا	لسعو دي.			

المجموع	7277	311.4	140444	٠١٤٠٨٧٢	Vr0V1r		43464	*	VATITY	۲ ۸۷۷۸0	
T	٤٢٦,٠	109,7	79079,7	Y0279, . 19AV, . 790V9,7	۲٥٤٦٩,٠	T.,0	971,0	179,1	۲۸٥٩٨,۲	0171,7	
	۲۲,۷	100,0	1944,0	19.747, 7977,0	70Y.V,9	79,V	۸۸۲,۱	179,9	YAAY0,Y	0.27,0	
1997	۲,۲٥٤	114,4	10401,0	Y.0.1.,	40507,9	09, 4	40.7,4	140,9	Y 2 0 0 1, 1	11.1.,9	•
1991	٤٣٧,٢	174,.	7,107,7	TY. 21, . 1911.9, . VAYO1, T	44.51,.	११,९	Y 297, .	۱۷۰,۲	71990,T	۸۰۰۲,۱	-
199.	441,0	177,4	77779,7	100010, 77709,0	YV779, •	44,4	1449,1	141,7	14449,1	7,1.63	
19/19	444,0	7.7,7	40.45,V	1. AOAT, .	11797,7	۲۲,۸-	014,9	77,7	4944,7	1277,9-	-
1911	Y.0,1	91,4	۲۷۸0۰,۸	۹۳۰۷۲,۸ ۲۷۸۵۰,۸	۸۳۲۲,۹	٣٧,٨-	1277,5	۲۸,۲	1209,8	1884,4-	
19.44	797,	۸٦,٩	Y0221,9	۸٥٧٥٥,٣	Y08A, 1	٤٢,٢-	۱۷۸۰,۰	۲٦,٠	777,9	1.90,4-	
1447	۲۸۹,۷	٧٤,٨	۸,۲۵۲۱۲	۸٣٩٠٨,٧	۲,۷۸٥٥	08,4	790.,V	44,4	019,8	۱۲۳۸,۰-	
1970	TTV.0	99,0	441.44	1.4441, . 441.4,4	99.7,7	79,0	۸٧٢,٠	٦٠,٧	77VA, E	1441,	
	۲ ۷۲, ۲	144,4	1,.1463	177777, . 5977.,7	140.4,4	۲, ۲	10,8	1.0,0	11111,4	۲,۰34	
1972	444,0	101, 8	3,17171	102.40,. 74171, 5	Y01.4, Y	۲۹,٤	۸٦٢,٦	140,7	1044.4	7,445	
19.77	٤٣٣,٤	441,1	114844, •	14444, * 114844, *	٧٣٤٨٩,٨	184, .	Y - 179, V	177,0	77770,7	XT75V, A	
السنوات	у,	x_{i}	$x_i y_i$	y_t^2	x_i^2	$x_t - \overline{x}$	$(x_i - \bar{x})^2$	$y_t - \overline{y}$	$(y_i - \overline{y})^2$	$(x_i - \overline{x})^*$ $(y_i - \overline{y})$	
_											

تابع الجدول رقم (۳,۳).

من بیانات الجدول رقم (۲,۲) نجد أن:
$$\overline{x} = \frac{\sum_{t=1}^{n} x_{t}}{n} = \frac{3614}{28} \approx 129$$

$$\overline{y} = \frac{\sum_{t=1}^{n} y_t}{n} = \frac{7473}{28} \approx 267$$

وبالتعويض في المعادلة (٢,٩) نحصل على قيمة b_1

$$b_{1} = \frac{\sum_{t=1}^{n} x_{t} y_{t} - \overline{y} \sum_{t=1}^{n} x_{t}}{\sum_{t=1}^{n} x_{t}^{2} - \overline{x} \sum_{t=1}^{n} x_{t}} = \frac{1352292 - 267(3614)}{735713 - 129(3614)} = \frac{1352292 - 964938}{735713 - 466206} = \frac{387354}{269507} = 1.44$$

و التعويض في المعادلة (٢,٨) نحصل على قيمة b_0 :

$$b_0 = \overline{y} - b_1 \overline{x} = 267 - 1.44 \ (129) = 267 - 185.76 = 81.24$$

وبالتالي تصبح معادلة الانحدار:

$$(Y, YY)$$
 $\hat{y}_t = 81.24 + 1.44x_t$

وبعد الحصول على معادلة الانحدار، يمكننا التنبؤ بقيمة الناتج القومي الإجمالي السعودي على أساس قيمة الصادرات السعودية. فمثلا، إذا كانت قيمة الصادرات السعودية في عام ١٩٩٥م هي ١٦٠ مليار ريال فإن الناتج القومي الإجمالي في نفس العام سيكون:

$$\hat{y}_{1995} = 81.24 + 1.44 (160) = 311.64$$
 ملیار ریال 311.64

وإذا كانت الصادرات في عام ٢٠٠٠م هي ٢٠٠ مليار ريال فإن الناتج القومي الإجمالي في ذلك العام سيكون:

$$\hat{y}_{2000} = 81.24 + 1.44$$
 (200) = 369.24 مليار ريال

... وهكذا.

Sample Regression إن خط الانحدار الذي حصلنا عليه هو خط انحدار العينة المدروسة، وهي فترة واحدة مقدارها λ Line λ لأننا حصلنا عليه باستخدام بيانات العينة المدروسة، وهي فترة واحدة مقدارها λ عاما. فإذا أخذنا فترة أخرى مكونة من λ عاما، فإننا سنحصل غالبا على قيم أخرى له λ ويالتالي نحصل على خط انحدار مختلف هو خط انحدار عينة أخرى، وبالتالي يمكن الحصول على عدد كبير من خطوط الانحدار كل منها يدعى خط انحدار العينة.

يشار عادة ، إلى خط انحدار المجتمع Population Regression Line بالعلاقة:

$$(\Upsilon, \Upsilon) \qquad \qquad \mu = \beta_0 + \beta_1 x$$

. x عينة له المناظرة لقيمة معينة له حيث ترمز μ إلى متوسط المجتمع لقيم ل

 e^{0} إلى نقطة تقاطع خط انحدار المجتمع مع المحور الرأسي.

و $\beta_{\rm I}$ إلى ميل خط انحدار المجتمع.

وتستخدم قيمة b_0 كتقدير لقيمة $\hat{\beta}_0$ ، كما تستخدم قيمة b_1 كتقدير لقيمة . $\mu=\beta_0+\beta_1x$ خط انحدار المجتمع $\hat{y}=b_0+b_1x$ يستخدم خط انحدار العينة

إن المعادلة (٢,١٣) تشير إلى أن خط الانحدار هو متوسط شرطي، حيث تشير μ إلى القيمة المتوقعة، أي متوسط المجتمع*.

(٢,٦) اختبار معنوية معادلة الانحدار

للتعرف على مدى دقة تقديرات معادلة الانحدار نلجاً إلى دراسة مكونات مجموع مربعات الانحرافات وتجزئته إلى مكوناته الرئيسية على النحو التالي:

$$\sum_{t=1}^{n} (y_t - \overline{y})^2 = \sum_{t=1}^{n} [(\hat{y}_t - \overline{y}) + (y_t - \hat{y}_t)]^2$$

وذلك بإضافة وطرح , ﴿ فِي الطرف الأيمن.

^{*} الإحصاء في الإدارة، مرجع سابق، ص ٧٨١.

$$\sum_{t=1}^{n} (y_t - \overline{y})^2 = \sum_{t=1}^{n} (\hat{y}_t - \overline{y})^2 + 2\sum_{t=1}^{n} (\hat{y}_t - \overline{y})(y_t - \hat{y}_t) + \sum_{t=1}^{n} (y_t - \hat{y}_t)^2$$

$$: صبح العلاقة على الشكل التالي:
$$\sum_{t=1}^{n} (\hat{y}_t - \overline{y})(y_t - \hat{y}_t) = 0 : initial (Y, 12)$$

$$\sum_{t=1}^{n} (y_t - \overline{y})^2 = \sum_{t=1}^{n} (\hat{y}_t - \overline{y})^2 + \sum_{t=1}^{n} (y_t - \hat{y}_t)^2$$$$

أي أن: مجموع المربعات الكلي = مجموع مربعات الانحدار + مجموع مربعات الخطأ.

Total Sum of Squares = Sum of Squares of Regression + Sum of Squares of Error

وبتبديل كل مجموع بالأحرف الأولى من اسمه باللغة الإنكليزية تكتب العلاقة السابقة على الشكل التالي: SST = SSR + SSE. ومعنى ذلك، أن انحراف قيم y عن وسطها الحسابي يرجع بعضه إلى خط الانحدار $SSR = \sum_{i=1}^{n} (\hat{y}_i - \overline{y})^2$ ويسمى مجموع مربعات الانحدار ، والباقي $SSE = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2$ يرجع إلى عدم وقوع جميع النقاط على خط الانحدار ويطلق عليه مجموع مربعات الخطأ.

ويتضح من العلاقة السابقة أنه إذا وقعت جميع نقاط شكل الانتشار على خط الانحدار فإن مجموع مربعات الخطأ سيكون مساو للصفر. ومعنى ذلك أن مجموع مربعات انحرافات القيم الفعلية عن القيم المقدرة يساوي الصفر، أي أن القيم الفعلية تساوي إلى القيم المقدرة. أما إذا كانت جميع نقاط شكل الانتشار بعيدة عن خط الانحدار فإن مجموع مربعات الانحدار سيكون مساو للصفر. ومعنى ذلك أن مجموع مربعات الخطأ سيكون مساو لجموع المربعات الكلي، أي أن المتغير المستقل لم يستطع تفسير أي جزء من تغيرات المتغير التابع.

من الناحية الإحصائية يكون لكل مجموع مربعات درجات حرية تقترن به. ويقصد بدرجات الحرية الإحصائية يكون لكل مجموع مربعات درجات الحدود Terms عدد الحدود ، فيقصد بدرجات الحرية المستقلة أو المشاهدات التي تستخدم في حساب المجموع. فيكون لمجموع مربع الانحرافات الكلية مثلا ، 1-1 درجة حرية بدلا من n عدد القيم لأننا فقدنا درجة حرية واحدة

ذهبت لتقدير متوسط العينة \overline{y} . كما أن مجموع مربعات الانحدار له درجة حرية واحدة تستخدم في تقدير معلمة الانحدار β_1 . وبما أن مجموع مربع انحرافات الأخطاء يساوي مجموع مربع الانحدار، فإن عدد مجموع مربع الانحدار، فإن عدد درجات الحرية لهذا المجموع n-2.

فإذا كان لدينا n مشاهدة فإن توزيع درجات الحرية يكون على النحو الموضح بجدول تحليل التباين Analysis Of Variance Table) ANOVA) التالى:

•				
المصدر Source	درجات الحرية Degree of Freedom (d.f)	مجموع المربعات Sum of Squares	متوسط المربعات Mean of Squares	مؤشر اختبار فیشر <i>F</i>
الانحـــدار Regression	درجات حريـة الانحدار=١	مجموع مربعات الانحدار SSR	متوسط مربعات الانحدار $MSR = \frac{SSR}{1}$	$F = \frac{MSR}{MSE}$
الخطأ Error	درجات حريــة الخطأ=2-	مجموع مربعات الخطأ SSE	متوسط مربعات الخطأ $MSE = rac{SSE}{n-2}$	
الكلي Total	درجات الحرية	مجموع المربعات	متوسط المربعات الكلي	

الجدول رقم (٢,٣). جدول تحليل التباين في حالة الانحدار البسيط.

ويلاحظ من الجدول السابق أن متوسط المربعات يحسب بقسمة مجموع المربعات في كل حالة على درجات الحرية المناظر له. أما قيمة F (مؤشر اختبار فيشر الفعلي أو المحسوب) فتحسب بقسمة متوسط مربعات الانحدار على متوسط مربعات الخطأ.

الكلي SST

وبالرجوع إلى الجدول رقم (٢,٢) يمكن حساب مجموع المربعات على الشكل التالي:

. درجة حرية
$$n-1$$
 ج $SST = \sum_{t=1}^{n} (y_t - \overline{y})^2 = 786122$

عربة واحدة. $SSR = b_1 \sum_{t=1}^{n} (x_t - \overline{x})(y_t - \overline{y}) = 1.44(387785) = 558409.81$ بدرجة حرية واحدة. n-2 بSSE = SST - SSR = 786122 - 558409.81 = 227712.19 وبذلك يصبح جدول تحليل التباين كما يلي :

الجدول رقم (٢,٤). جدول تحليل التباين للمثال ١.

مؤشر اختبار فيشر	متوسط المربعات	مجموع المربعات	درجات الحرية	الصدر
$F = \frac{MSR}{} =$	0018+9,11	0018 + 9,11	١	الانحدار
MSE 558409.81	۸۷٥٨,١٦	YYVV\Y,\ 9	77	الخطأ
8758.16 = 63.76	79110,77	٧٨٦١٢٢,٠٠	77	الكلي

لنختبر الآن فرضية العدم H_0 أو الفرضية الصفرية The null hypothesis. حيث تشير هذه الفرضية إلى عدم وجود علاقة خطية بين المتغير المستقل والمتغير التابع ، بينما تشير H_1 إلى الفرضية البديلة The alternative hypothesis ، أي وجود علاقة خطية بين المتغيرين.

ولإجراء هذا الاختبار نقارن قيمة F المحسوبة في الجدول رقم $F(\alpha, \frac{k_1}{k_2})$ مع نظيرتها الجدولية $F(\alpha, \frac{k_1}{k_2})$ حيث $F(\alpha, \frac{k_1}{k_2})$ عدد درجات الحرية الموافق لمجموع مربعات الخطأ و $F(\alpha, \frac{k_1}{k_2})$ الدلالة و $F(\alpha, \frac{k_1}{k_2})$ القيمة المحسوبة المحسوبة أكبر القيمة المحسوبة من جدول توزيع فيشر $F(\alpha, \frac{k_1}{k_2})$. فإذا كانت القيمة المحسوبة أكبر من القيمة الجدولية نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة ، ومعنى ذلك وجود علاقة خطية بين المتغير التابع والمتغير المستقل. أما إذا كانت القيمة الجدولية فإننا نقبل فرضية العدم ونرفض الفرضية البديلة ، ومعنى ذلك عدم وجود علاقة خطية بين المتغير التابع والمتغير المستقل.

في اختبارات الفروض الإحصائية يمكن أن نرتكب نوعين من الخطأ، الأول أنه يمكن أن نرفض بناء على البيانات فرضية العدم وهي صحيحة، ويسمى خطأ من النوع الأول Type I error. والثاني أنه يمكن أن نقبل فرضية العدم وهي غير صحيحة، ويسمى خطأ من النوع الثاني Type II error.

يعرف مستوى المعنوية أو الدلالة α The level of significance α بأنه احتمال الرتكاب خطأ من النوع الأول ، أي احتمال رفض فرضية العدم علما أنها صحيحة . كما يعرف مستوى أو درجة الثقة بأنه احتمال الوقوع في خطأ من النوع الثاني β ، أي احتمال أن نقبل فرضية العدم وهي غير صحيحة . والاختبار الإحصائي الجيد هو الذي يجعل كلا من α و β أصغر ما يمكن . ولكن من الصعب تصغير كل من α و β في آن واحد ، حيث إن تصغير أحدهما يؤدي إلى تكبير الآخر . لذلك لجأ الإحصائيون إلى تثبيت مستوى الدلالة عند α ، ويستخدم عادة ، المستوى ١٪ أو ٥٪ والذي يمثل الحد الأقصى الذي يمكن أن نتحمل فيه ارتكاب الخطأ من النوع الأول . فلو استخدمنا مستوى ٥٪ فإننا نكون واثقين بنسبة ٥٠٪ من أننا اتخذنا القرار الإحصائي السليم في وضية العدم .

ويالرجوع إلى جدول توزيع فيشر بدرجة حرية واحدة و ٢٦ درجة حرية ومستوى معنوية ٥٠٪ نجد أن: 4.22 = $F(0.05, \frac{1}{26})$.

نلاحظ أن قيمة F المحسوبة أكبر من نظيرتها الجدولية، لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة، أي يوجد علاقة خطية بين المتغيرين.

(٢,٧) الخطأ المعياري للتقدير

يشبه هذا المقياس الانحراف المعياري الذي يقيس مدى تشتت قيم التوزيع عن وسطها الحسابي. أما الخطأ المعياري للتقدير فيقيس مدى تشتت القيم الحقيقية عن القيم المقدرة، أي عن مستقيم الانحدار. من هنا كان لتشتت النقاط في شكل الانتشار حول

مستقيم الانحدار أهمية كبيرة، إذ أن مقدار الثقة بتقدير قيم المتغير التابع بدلالة المتغير المستقل تعتمد بدرجة كبيرة على هذا التشتت. وكما هي الحال بالنسبة للوسط الحسابي حيث من الضروري حساب الانحراف المعياري للحكم على مدى تمثيل الوسط الحسابي للقيم، كذلك الحال بالنسبة لمستقيم الانحدار، فمن الضروري حساب الخطأ المعياري للتقدير لمعرفة مدى تمثيل مستقيم الانحدار لنقاط شكل الانتشار.

ونظرا لصعوبة حساب الخطأ المعياري للمجتمع فإنه يتم تقديره عن طريق الخطأ المعياري المقدر الذي يساوى:

(Y,10)
$$\sigma_{\hat{v}} = s = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^{n} (y_t - \hat{y}_t)^2}{n-2}}$$

 b_0 عدد درجات الحرية ، وبما أن لدينا مؤشرين هما b_0 و و المحدما كمقدرين لـ (n-2) فقد تم طرح عدد المقدرات من n^* .

يكن كتابة العلاقة (٢,١٥) على الشكل التالي:

$$(Y, YZ) \qquad s = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^{n} y_{t}^{2} - b_{0} \sum_{t=1}^{n} y_{t} - b_{1} \sum_{t=1}^{n} x_{t} y_{t}}{n-2}}$$

كما يمكن اعتبار متوسط مربعات الخطأ (MSE) تقديرا غير متحيز لـ s^2 . من الجدول $s = \sqrt{7858.16} = 93.59$. أي أن: $MSE = s^2 = 7858.16$. من الجدول

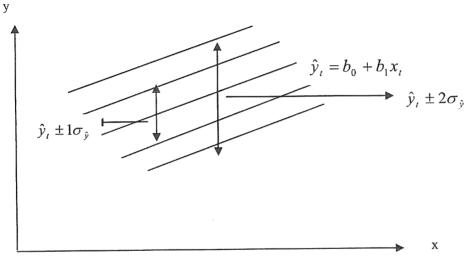
يفسر الخطأ المعياري للتقدير تماما كما يفسر الانحراف المعياري. فلو رسمنا على جانبي مستقيم الانحدار خطين موازيين له كل منهما يبعد عنه (بالاعتماد على المحور العمودي y) بمقدار:

١ خطأ معياري لوقع بين هذين الخطين ١٨,٢٨٪ من نقاط الانتشار.

^{*} الإحصاء في الإدارة، مرجع سابق، ص ٧٨٣.

١,٩٦ خطأ معياري لوقع بين هذين الخطين ٩٥٪ من نقاط الانتشار.
 ٢ خطأ معياري لوقع بين هذين الخطين ٩٥,٤٤٪ من نقاط الانتشار.
 ٣ خطأ معياري لوقع بين هذين الخطين ٩٩,٧٣٪ من نقاط الانتشار.

والشكل التالي يوضح القيم الفعلية والقيم المقدرة للمتغير التابع وبعض مجالات الثقة:



الشكل رقم (٢,٢). بعض مجالات الثقة للقيم الفعلية حول مستقيم الانحدار.

(٢,٨) اختبار معنوية معالم معادلة الانحدار

يعتمد الاستدلال الإحصائي عن معالم المجتمع المجهولة على مقدرات هذه المعالم التي نحصل عليها من العينة. أي أننا نعتمد على المقدر معلمة β_1 . β_1 . β_1 كما نستخدم المقدر β_1 لتقدير معلمة خط انحدار المجتمع β_1 .

أ) اختبار معنوية المعلمة eta_1 : بما أن قيمة b_1 تختلف من عينة إلى أخرى ، لذلك نلجأ إلى توزيع المعاينة لهذا المقدر لتقدير المعلمة eta_1 .

^{*} تتميز مقدرات هذه المعالم بالخطية وعدم التحيز والكفاية، انظر: مقدمة في الاقتصاد القياسي، ص ٢٤ وما بعدها.

لنفرض أن b_1 يتبع التوزيع الطبيعي (المعتدل) بمتوسط حسابي مقداره \overline{x} وانحراف معياري σ_b . وبما أن σ_b مجهولة لذلك يتم تقديرها بـ σ_b التي تحسب من العلاقة التالية :

$$(Y, YV) s_{b_1} = \frac{s}{\sqrt{\sum_{t=1}^{n} x_t^2 - \frac{(\sum_{t=1}^{n} x_t)^2}{n}}}$$

وبما أن حجم العينة صغيرا (أقل من ٣٠ مفردة)، لذلك نستخدم توزيع ستيودنت Normal distribution و Student's distribution و Student's distribution بدلا من التوزيع الطبيعي في أن الأخير هو توزيع لتقدير المعلمة β_1 . ويتميز توزيع ستيودنت عن التوزيع الطبيعي في أن الأخير هو توزيع وحيد Single distribution ، بينما نجد أن توزيع ستيودنت هو عائلة من التوزيعات وحيد Family of distribution ، يعتمد كل منها على درجات الحرية المناسبة.

أما الفروض التي نريد اختبارها فهي:

. فرضية العدم $H_0: \beta_1 = 0$

. الفرضية البديلة $H_1: \beta_1 \neq 0$

نقبل فرضية العدم إذا كانت: $T/< t_{(n-2,\%)}$ ونرفض فرضية العدم إذا كانت: $T/< t_{(n-2,\%)}$ ونرفض فرضية العدادة: $T/\ge t_{(n-2,\%)}$

$$T = \frac{b_1 - \beta_1}{s_{b_1}}$$

بينما تشير $t_{(n-2,\%)}$ إلى مؤشر اختبار ستيودنت النظري المستخرج من جداول توزيع ستيودنت بـ n-2 درجة حرية وبمستوى معنوية أو ذلالة مقداره α .

ولحساب مؤشر الاختبار الفعلي نحسب s_b من العلاقة (٢,١٧):

$$s_{b_1} = \frac{93.59}{\sqrt{735713 - (3614)^2/28}} = \frac{93.59}{\sqrt{735713 - 466464.14}} = \frac{93.59}{518.89} = 0.18$$

 $T = \frac{1.44 - 0}{0.18} = 8$: نجد: (۲,۱۸) غير في العلاقة

ومن جداول توزیع ستیودنت، وباعتبار $\alpha=0.05$ والاختبار من طرفین نجد: $t_{(26,0.025)}=2.056$

وبمقارنة مؤشر الاختبار الفعلي (٨) مع مؤشر الاختبار النظري (٢,٠٥٦) نلاحظ أن الأول أكبر من الثاني، لذلك نرفض فرضية العدم، أي أن β_1 تختلف عن الصفر.

أما مجال الثقة للمعلمة β_1 فيمكن تقديره من العلاقة:

(7,19) $b_1 - t_{(n-2,\frac{n}{2})} s_{b_1} < \beta_1 < b_1 + t_{(n-2,\frac{n}{2})} s_{b_1}$ وبالرجوع إلى بياناتنا السابقة والتعويض في هذه العلاقة نجد:

 $1.44 - 2.056(0.18) < \beta_1 < 1.44 + 2.056(0.18)$

 $1.07 < \beta_1 < 1.81$)

ويمكن تفسير مجال الثقة أو فترة الثقة هذه على أنه إذا سحبنا ١٠٠ عينة عشوائية كل منها تتكون من ٢٨ مشاهدة ، وأنشأنا ١٠٠ مجال ثقة لمعامل الانحدار β_1 فإننا نتوقع أن يتضمن ٩٥٪ من هذه المجالات على القيمة الحقيقية لهذا المعامل في المجتمع الإحصائي. علما أن مجال الثقة أعلاه هو واحد من أصل ١٠٠ مجال ثقة كان من الممكن إنشاؤها.

ب) اختبار الفروض للمعلمة β_0 : يمكن إثبات أن تباين b_0 يحسب من العلاقة التالية *:

$$V(b_0) = \frac{s^2 \sum_{t=1}^{n} x_t^2}{n \sum_{t=1}^{n} (x_t - \overline{x})^2} = \frac{\sum_{t=1}^{n} x_t^2}{n} V(b_1)$$

^{*} مقدمة في الاقتصاد القياسي، د. عبد المحمود محمد عبد الرحمن، الرياض، جامعة الملك سعود، 181٧هـ، ص ٣٥ وما بعدها.

$$(\Upsilon, \Upsilon \bullet) \qquad \Rightarrow V(b_0) = \sqrt{V(b_1) \frac{\sum_{t=1}^{n} x_t^2}{n}}$$

وبالتعويض في هذه العلاقة نجد:

$$V(b_0) = \sqrt{(0.18)^2 \frac{735713}{28}} = 29.18$$

أما اختبارات الفروض الخاصة بالمعلمة eta_0 فهي:

. فرضية العدم، أي أن خط الانحدار يمر بنقطة الأصل $H_0:\beta_0=0$

. الفرضية البديلة ، أي أن خط الانحدار لا يمر بنقطة الأصل $H_1:\beta_0\neq 0$

وبشكل مشابه للمعلمة $eta_{\rm l}$ يمكن حساب T_{b_0} و الجدولية على الشكل التالى:

$$T_{b_0} = \frac{b_0 - \beta_0}{s_{b_0}} = \frac{81.24 - 0}{29.18} = 2.78$$

وبمقارنة T_{b_0} مع الجدولية نجد أن T_{b_0} أكبر، لذلك نرفض فرضية العدم، أي أن خط الانحدار لا بمر بنقطة الأصل.

ويمكن تقدير مجال الثقة للمعلمة eta_0 بنفس طريقة eta_1 .

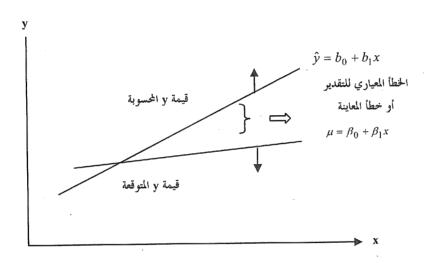
μ تقدير المتوسط الشرطى μ

يعتبر تقدير المتوسط الشرطي μ ضروريا في بعض المشاكل الاقتصادية والإدارية. فقد ترغب إدارة المبيعات مثلا في إحدى الشركات تقدير متوسط المبيعات المقابل لمبلغ محدد للإعلان إذا كانت المبيعات مرتبطة بمصاريف الإعلان. كذلك يمكن تقدير متوسط المعدل التراكمي لطلبة الجامعة المقابل لمعدلهم التراكمي في المرحلة الثانوية إذا كان هذين المعدلين مترابطين.

ويقصد بتقدير المتوسط الشرطي تحديد مجال الثقة للمعلمة μ ، حيث يعتبر ϕ مقدر غير متحيز μ . ويخضع ψ للتوزيع الطبيعي بمتوسط μ وانحراف معياري ϕ الذي يمكن تقديره بالعلاقة التالية :

$$\sigma_{\hat{y}} \approx s_{\hat{y}} = s \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(x - \overline{x})}{\sum_{t=1}^{n} x_t^2 - \frac{(\sum_{t=1}^{n} x_t)^2}{n}}}$$

حيث ترمز وع إلى الانحراف المعياري لقيم و عن خط انحدار المجتمع. و ع إلى الانحراف المعياري لقيم لا عن خط انحدار العينة. و يمكن توضيح مفهوم المتوسط الشرطي بالشكل التالي*:



الشكل رقم (٢,٣). الفرق بين قيم ٧ المحسوبة والمتوقعة.

وبما أن حجم العينة صغير (أقل من ٣٠) لذلك نستخدم توزيع ستيودنت لإيجاد مجال الثقة ($1-\alpha$) للمتوسط الشرطي μ على الشكل التالي:

$$\hat{y} - t_{(n-2,\alpha/2)} s_{\hat{y}} < \mu < \hat{y} - t_{(n-2,\alpha/2)} s_{\hat{y}}$$

وبالرجوع إلى بيانات المثال السابق وإعطاء ثلاث قيم لـ x ولتكن:

^{*} الإحصاء في الإدارة، مرجع سابق، ص٧٨٧.

$$x = 100 \Rightarrow \hat{y}_{100} = 225.24 \Rightarrow s_{\hat{y}} = (93.59) \sqrt{\frac{1}{28} + \frac{(100 - 129)^2}{735713 - (3614)^2 / 28}} = 18.51$$

$$x = 129 \Rightarrow \hat{y}_{129} = 267.00 \Rightarrow s_{\hat{y}} = (93.59) \sqrt{\frac{1}{28} + \frac{(129 - 129)^2}{735713 - (3614)^2 / 28}} = 17.67$$

$$x = 400 \Rightarrow \hat{y}_{400} = 657.24 \Rightarrow s_{\hat{y}} = (93.59) \sqrt{\frac{1}{28} + \frac{(400 - 129)^2}{735713 - (3614)^2 / 28}} = 52.00$$

وبما أن 2.056 = $t_{(26,0.025)}$ وبالتعويض في المعادلة (٢,٢٢) نجد:

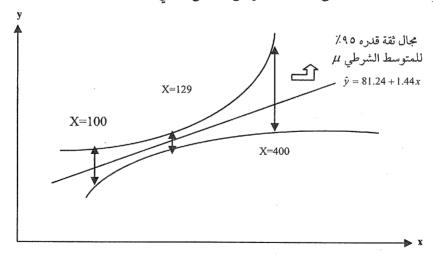
$$187.18 < \mu < 263.30$$

$$230.67 < \mu < 303.33$$

$$550.33 < \mu < 764.15$$

يلاحظ من مجالات الثقة هذه أنها تزداد اتساعا كلما ابتعدت قيمة x عن \overline{x} . وهذا يعنى أن تقدير المتوسط الشرطى يقل الاعتماد عليه كلما ابتعدت x عن \overline{x} .

وتتضح هذه الحقيقة من قيم s_0 حيث إن أقل قيمة لها عندما $x = \overline{x}$ ، ثم تزداد قيمة s_0 كلما ابتعدت x عن \overline{x} . كما يظهر من الشكل التالى :



الشكل رقم (٢,٤). يوضح مجال الثقة للمتوسط الشرطى μ .

ويمكن تفسير أي مجال ثقة على أنه إذا سحبنا ١٠٠ عينة عشوائية كل منها تتكون من ٢٨ مشاهدة، وأنشأنا ١٠٠ مجال ثقة للقيمة المتوقعة للناتج القومي الإجمالي في المجتمع الإحصائي، عند قيمة محددة للصادرات، فإننا نتوقع أن يتضمن ٩٥٪ من هذه المجالات على القيمة الحقيقية للناتج القومي الإجمالي في هذا المجتمع. علما أن مجال الثقة أعلاه هو واحد من أصل ١٠٠ مجال ثقة كان من الممكن إنشاؤها.

y التنبؤ بالقيمة الفعلية لر ٢,١٠)

تمثل μ المتوسط الشرطي للمتغير γ عند قيمة معينة لـ x، كما رأينا في الفقرة السابقة. لكننا قد نحتاج إلى قيمة γ الفعلية. فمثلا قد يرغب أحد المزارعين في التنبؤ بمحصول معين في سنة محددة عند استخدامه لكمية محددة من الأسمدة الكيماوية. أو قد يرغب مدير إحدى الشركات في التنبؤ بالمبيعات عند مبلغ معين لمصروفات الإعلان.

من الشكل رقم (Υ , Υ) يتضح لنا أن الفرق بين القيمة المقدرة للمتغير التابع والقيمة الفعلية أكبر بشكل عام من الفرق بين القيمة المقدرة والمتوسط الشرطي. فإذا رمزنا للانحراف المعياري للقيمة الفعلية Υ بالرمز Υ فإننا نجد أن Υ أكبر من Υ وتحسب Υ بالعلاقة:

(Y,YY)
$$\sigma_{y} = \sigma \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(x - \overline{x})^{2}}{\sum_{t=1}^{n} x_{t}^{2} - (\sum_{t=1}^{n} x_{t})^{2} / n}}$$

ويمكن تقديرها به:

$$(Y,Y\xi) s_y = s \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(x - \overline{x})^2}{\sum_{t=1}^{n} x_t^2 - (\sum_{t=1}^{n} x_t)^2 / n}}$$

ويمكن حساب مجال الثقة للقيمة الفعلية لـ y بالعلاقة:

$$(\Upsilon, \Upsilon \circ) \qquad \qquad \hat{y} - t_{(n-2,\alpha/2)} s_y < y < \hat{y} - t_{(n-2,\alpha/2)} s_y$$

وبالرجوع إلى بيانات المثال السابق واعتبار أن x=400 و x=400 نجد أن:

$$x = 400 \Rightarrow \hat{y}_{400} = 657.24 \Rightarrow s_y = (93.59) \sqrt{1 + \frac{1}{28} + \frac{(400 - 129)^2}{735713 - (3614)^2 / 28}} = 107.07$$

وبالتعويض في المعادلة (٢,٢٥) نجد أن:

436.87 < y < 877.13

نلاحظ أن مجال الثقة لـ y أكبر من مجال الثقة لـ u.

و يمكن تفسير مجال الثقة هذا على أنه إذا سحبنا ١٠٠ عينة عشوائية كل منها تتكون من ٢٨ مشاهدة، فإن ٩٥٪ من هذه المجالات سوف تتضمن القيمة الحقيقية للناتج القومي الإجمالي. علما أن مجال الثقة أعلاه هو واحد من أصل ١٠٠ مجال ثقة كان من الممكن إنشاؤها.

(٢,١١) الارتباط البسيط

تعتمد درجة دقة التنبؤ بقيم لا على مدى قوة العلاقة بين x ولا، أي على قوة الارتباط بين المتغيرين. فإذا كان الارتباط قويا تكون دقة التنبؤ مرتفعة، أي أن خط الانحدار يمر من أو بالقرب من جميع نقاط شكل الانتشار. وبالعكس تكون دقة التنبؤ منخفضة إذا كان الارتباط ضعيفا، أي أن خط الانحدار لا يمر بأغلب نقاط شكل الانتشار.

ويستخدم معامل الارتباط البسيط r) القياس درجة قوة العلاقة بين المتغيرين x وy. ويستخدم هذا المعامل عندما يكون لدينا متغيرين لا نستطيع تحديد أيهما تابع وأيهما مستقل فهو يقيس كثافة العلاقة بينهما. بينما نستخدم معامل الانحدار إذا كان من الممكن تحديد أيهما تابع وأيهما مستقل.

ويمكن حساب معامل الارتباط البسيط بين المتغيرين x وy- الذي يسمى معامل ارتباط بيرسون Pearson نسبة إلى العالم الإحصائي الذي أوجده - من العلاقة التالية:

$$(\Upsilon, \Upsilon)$$

$$r_{xy} = \frac{\sum_{t=1}^{n} (x_t - \overline{x})(y_t - \overline{y})}{n\sigma_x \sigma_y}$$

ويمكن اشتقاق أكثر من صيغة لحساب معامل الارتباط من هذه العلاقة، من هذه الصيغ العلاقة التالية:

$$(Y, YV) r_{xy} = \frac{n \sum_{t=1}^{n} x_t y_t - \sum_{t=1}^{n} x_t \sum_{t=1}^{n} y_t}{\sqrt{n \sum_{t=1}^{n} x_t^2 - (\sum_{t=1}^{n} x_t)^2} \sqrt{n \sum_{t=1}^{n} y_t^2 - (\sum_{t=1}^{n} y_t)^2}}$$

وتستخدم هذه الصيغة بشكل واسع في التطبيقات العملية نظرا لسهولة عملياتها الحسابية مقارنة بالصيغ الأخرى.

وبتعويض بيانات المثال السابق في هذه الصيغة نجد أن:

$$r_{xy} = \frac{28(1352292) - 3614(7473)}{\sqrt{28(735713) - (3614)^2}\sqrt{28(2780410) - (7473)^2}} = \frac{10856754}{1288025154} = 0.84$$

ولمعرفة فيما إذا كانت قيمة معامل الارتباط البسيط في العينة r_{xy} قوية بدرجة تكفي للقول بوجود علاقة قوية بين قيم مشاهدات المجتمع ، أو أن قيمة r_{xy} تعود للصدفة ولا تدل على وجود هذه العلاقة ، نقوم باختبار معنوية هذا المعامل. حيث نختبر فرضية العدم التي مؤداها أن معامل ارتباط المجتمع r_{xy} يساوي الصفر مقابل الفرضية البديلة القائلة بأنه يختلف عن الصفر.

يحسب معامل الاختبار الفعلى من العلاقة:

$$(\Upsilon, \Upsilon \Lambda) \qquad \qquad T_r = r \sqrt{\frac{n-2}{1-r^2}}$$

وبتعويض بيانات المثال السابق في هذه العلاقة نجد أن:

$$T_r = 0.84 \sqrt{\frac{28 - 2}{1 - (0.84)^2}} = 7.95$$

نلاحظ أن هذه القيمة أكبر من قيمة $t_{(26,0.025)} = 2.056$ ، لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة ، أي توجد علاقة ارتباط بين x و y وهذه العلاقة قوية وطردية.

ملاحظة هامة: إن إشارة r_{xy} هي نفس إشارة b_1 في معادلة الانحدار. كما أن قيمة معامل الارتباط تكون ضمن المجال: $[1 \ge /r_{xy} / \le 1]$ ، حيث تكون مساوية إلى الواحد إذا كان الارتباط تاما، وتكون مساوية إلى الصفر إذا كان المتغيرين x وy مستقلين.

وبشكل عام، تصنف قوة معامل الارتباط بين المتغيرين x وي على النحو التالي: ويشكل عام، تصنف قوة معامل الارتباط بين المتغيرين $[0 \le /r_{xy} / \le 0.3]$

. ارتباط وسط. $|0.3 < r_{xy}| \le 0.6$

.4. ارتباط جید. $[0.6 < /r_{xy} / \le 0.8]$

وي. او قوي. [0.8 < $/r_{xy}$ / \leq 1] ارتباط جید جدا أو قوي.

(٢,١٢) اختبار جودة معادلة الانحدار

لقد رأينا سابقا أن مستقيم الانحدار الذي يمثل العلاقة بين x ولا تم إيجاده بطريقة المربعات الصغرى، أي أن مجموع مربعات انحرافات القيم المقدرة \hat{y} عن القيم الفعلية y أقل ما يمكن. وكلما قل هذا المجموع كلما ارتفعت جودة مستقيم الانحدار في تمثيل النقاط الفعلية ، وبالعكس كلما زاد هذا المجموع كلما انخفضت جودة مستقيم الانحدار في تمثيل النقاط الفعلية ، وعندها لا يمكن استخدام معادلة هذا الخط في التنبؤ.

oefficient of (R^2) ولتحديد جودة معادلة الانحدار نستخدم معامل التحديد ولي Determination

ويمكن حساب معامل التحديد عن طريق تجزئة التباين الكلي لقيم y كما مر معنا سابقا. فبقسمة طرفي العلاقة (٢,١٤) على مجموع المربعات الكلي نجد أن:

$$\frac{\sum_{t=1}^{n} (y_t - \overline{y})^2}{\sum_{t=1}^{n} (y_t - \overline{y})^2} = \frac{\sum_{t=1}^{n} (\hat{y}_t - \overline{y})^2}{\sum_{t=1}^{n} (y_t - \overline{y})^2} + \frac{\sum_{t=1}^{n} (y_t - \hat{y}_t)^2}{\sum_{t=1}^{n} (y_t - \overline{y})^2}$$

$$\frac{\sum_{t=1}^{n} (\hat{y}_{t} - \overline{y})^{2}}{\sum_{t=1}^{n} (y_{t} - \overline{y})^{2}} = \frac{\sum_{t=1}^{n} (y_{t} - \overline{y})^{2}}{\sum_{t=1}^{n} (y_{t} - \overline{y})^{2}} - \frac{\sum_{t=1}^{n} (y_{t} - \hat{y}_{t})^{2}}{\sum_{t=1}^{n} (y_{t} - \overline{y})^{2}}$$

(Y, Y9)
$$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{t=1}^{n} (y_{t} - \hat{y}_{t})^{2}}{\sum_{t=1}^{n} (y_{t} - \overline{y})^{2}} = \frac{SSR}{SST}$$

أي أن معامل التحديد هو نسبة التغير في المتغير التابع الذي فسرته معادلة الانحدار. وتوجد علاقة بين معامل التحديد ومعامل الارتباط البسيط، حيث أن معامل التحديد يساوي مربع معامل الارتباط البسيط.

بشكل عام، يمكن تصنيف جودة معادلة الانحدار على النحو التالي:

– إذا كانت $0.90 \le R^2 \le 1$ فإن جو دة معادلة الانحدار جيدة جدا.

- إذا كانت $R^2 < 0.90$ فإن جودة معادلة الانحدار جيدة.

- إذا كانت $R^2 < 0.80$ فإن جودة معادلة الانحدار مقبولة.

– إذا كانت $R^2 < 0.70$ فإن جودة معادلة الانحدار ضعيفة ، وعندها يفضل

إيجاد معادلة أخرى أكثر تمثيلا للعلاقة بين المتغير التابع والمتغير المستقل.

وبالرجوع إلى بيانات المثال السابق نجد أن:

$$R^2 = (r_{xy})^2 = (0.84)^2 = 0.71$$

أي أن ٧١٪ من التغير الكلي للمتغير التابع y يرجع إلى المتغير المستقل x، أي يرجع لانحدار y على x. وبالطبع كلما زادت هذه النسبة، كلما دل ذلك على جودة

معادلة الانحدار لأن أغلب التغير في y يمكن إرجاعه للمتغير المستقل x. وقيمة معامل التحديد هي بين الصفر والواحد ولا يأخذ قيما سالبة.

*Autocorrelation الارتباط الذاتي للأخطاء

من بين شروط طريقة المربعات الصغرى العادية استقلال المتغيرات العشوائية أو الأخطاء أو البواقي ε_i ، أي أن التباين المشترك (التغاير) بين ε_i و ε_i يساوي الصفر، ويعبر عن هذا الشرط بالعلاقة:

$$E[\varepsilon_t \varepsilon_{t'}] = 0; \forall t \neq t'$$

ومعنى هذا الشرط أن الخطأ في مشاهدة معينة يكون مستقلا عن الخطأ في أية مشاهدة أخرى. لكن في كثير من الحالات لا يتوفر هذا الشرط، حيث يتوقف الخطأ في مشاهدة ما على الخطأ في مشاهدة أخرى. وتسمى هذه الحالة بالارتباط الذاتي للأخطاء.

وينشأ الارتباط الذاتي للأخطاء لعدة أسباب تتلخص فيما يلي:

التوصيف الخاطئ للنموذج الرياضي الممثل لعلاقة الانحدار. فمثلا، إذا
 كانت العلاقة الحقيقية بين المتغيرين x وy علاقة غير خطية واخترنا نموذجا خطيا
 لتمثيلها، فإن هناك احتمالا كبيرا أن تكون الأخطاء مرتبطة ذاتيا.

^{*} الاقتصاد القياسي التطبيقي، د. عبدالرزاق شريجي، ص ٢٥٦ وما بعدها.

المتغير العشوائي (٢,١)، يشير المتغير العشوائي العلاقة (٢,١)، يشير المتغير العشوائي ε , إلى أثر المتغيرات الأخرى غير x التي لم تدخل في المعادلة مما قد يؤدي إلى ارتباط ذاتى للأخطاء.

ويما أن وجود الارتباط الذاتي للأخطاء يؤثر على معالم نموذج الانحدار مما ينعكس سلبا على القيم المقدرة، لذلك لابد من معالجة هذه المشكلة قبل القيام بعملية التنبؤ. ويتم الكشف عن وجود أو عدم وجود الارتباط الذاتي للأخطاء باستخدام اختبار دوربون- واتسون.

أولا: اختبار (D-W) Durbin-Watson

لإجراء هذا الاختبار لا بد من توفر الفروض التالية:

١ - أن يحتوي نموذج الانحدار على مقدار ثابت.

٢- أن تكون المتغيرات المستقلة قيما محددة وليست قيما احتمالية.

 $-\varepsilon_{t-1}$ العلاقة بين الأخطاء هي علاقة خطية ، أي أن ε_t ترتبط بـ $-\varepsilon_{t-1}$

٤- المتغير التابع لا يحتوي على فترات تأخير.

0 - فرضية العدم: $\rho = 0$: أي أن معامل ارتباط الأخطاء يساوى الصفر.

ت الفرضية البديلة : $0 \neq 0$ ، أي أن معامل ارتباط الأخطاء يختلف عن الصفر .

٧- يحسب معامل ارتباط الأخطاء من العلاقة:

$$\rho = \frac{\sum_{t=1}^{n} e_{t} e_{t-1}}{\sqrt{\sum_{t=1}^{n} e_{t}^{2} \sum_{t=1}^{n} e_{t-1}^{2}} }$$

. $e_t = y_t - \hat{y}_t$ حيث

٨- يحسب مؤشر الاختبار الفعلى من العلاقة:

(Y, YY)
$$d^* = \frac{\sum_{t=1}^{n} (e_t - e_{t-1})^2}{\sum_{t=1}^{n} e_t^2}$$

حيث e, هي تقدير للخطأ العشوائي الناتج عن تطبيق طريقة المربعات الصغرى العادية على النموذج.

9 - تتم مقارنة مؤشر الاختبار الفعلي لـ D-W: * بالقيمة الجدولية المستخرجة من جداول D-W المعروفة بالحد الأعلى * والحد الأدنى * عند مستويات دلالة مختلفة. علما أن قيمة * ستكون محصورة بين * و * ، حيث لا يوجد ارتباط بين القيم المتنالية للمتغير العشوائي إذا كانت قيمة * قريبة من * من مقارنة القيمة الفعلية * مع القيمة الجدولية * يكن إجراء الاختبارين التاليين:

أ) اختبار الأخطاء الموجب: وفروض هذا الاختبار هي:

 $H_0: \rho = 0$

 $H_1: \rho > 0$

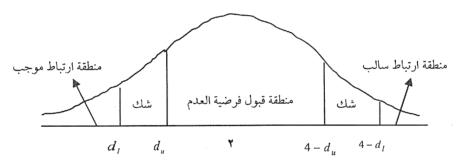
- إذا كانت $d^* < d_1$ نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة ، أي يوجد ارتباط ذاتى موجب بين القيم المتنالية للمتغير العشوائي يجب إزالته.
- إذا كانت $d^* > d_u$ نقبل فرضية العدم، أي لا يوجد ارتباط ذاتي موجب بين القيم المتنالية للمتغير العشوائي وبالتالي نستطيع استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في عملية تقدير معالم النموذج.
- و إذا كانت $d_i < d^* < d_u$ حالة شك، inconclusive فلا نستطيع الحكم على وجود الارتباط الذاتي أو عدمه، ويفضل زيادة حجم العينة لمعالجة هذه الحالة.

ب) اختبار الأخطاء السالب: وفروض هذا الاختبار هي:

 $H_0: \rho = 0$

 $H_1: \rho < 0$

- إذا كانت $d^* > 4 d_1$ نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة ، أي يوجد ارتباط ذاتي سالب بين القيم المتتالية للمتغير العشوائي يجب إزالته.
- إذا كانت $d^* < 4 d_u$ نقبل فرضية العدم ، أي لا يوجد ارتباط ذاتي سالب بين القيم المتتالية للمتغير العشوائي وبالتالي نستطيع استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في عملية تقدير معالم النموذج.
- إذا كانت $4-d_1 < d^* < 4-d_1$ حالة شك، فلا نستطيع الحكم على وجود الارتباط الذاتي أو عدمه، كما هو موضح في الشكل التالى:



الشكل رقم (٢,٥). منطقة قبول ورفض وجود ارتباط ذاتي للمتغير العشوائي.

ثانيا: معالجة الارتباط الذاتي للأعطاء: تتوقف طريقة المعالجة المقترحة في كل حالة على مصدر الارتباط الذاتي للمتغير العشوائي، فإذا كان المصدر إهمال بعض المتغيرات المستقلة نضيف هذه المتغيرات حتى نصل إلى استقلال المتغيرات العشوائية وهذا هو موضوع الفصل القادم (الانحدار المتعدد). أما إذا كان المصدر هو التمثيل الخاطئ للشكل الرياضي للنموذج فيجب اختيار نموذج أخر يمثل العلاقة بين المتغير التابع والمتغير المستقل.

ويمكن إزالة الارتباط الذاتي للأخطاء على الشكل التالي: $y_t = b_0 + b_1 x_t + \varepsilon_t$ إذا كانت العلاقة من الشكل: $y_t = b_0 + b_1 x_t + \varepsilon_t$

 $y_{t-1} = b_0 + b_1 x_{t-1} + \varepsilon_{t-1} : t-1$ نكتب هذه العلاقة بدلالة الفترة الزمنية

٢- نضرب طرفي العلاقة الأخيرة بـ q ثم نطرحها من العلاقة الأولى فنحصل على:

$$(\Upsilon, \Upsilon\Upsilon)$$
 $y_t^* = b_0(1-\rho) + b_1x_t^* + \varepsilon_t^*$

. $y_t^* = y_t - \rho y_{t-1}$: حيث

 $x_t^* = x_t - \rho x_{t-1}$

 $\varepsilon_t^* = \varepsilon_t - \rho \varepsilon_{t-1}$

وبذلك يتم تحويل النموذج الذي يحتوي على ارتباط ذاتي بين قيم المتغير العشوائي إلى غوذج لا يحتوي على مثل هذا الارتباط.

(٢,١٤) المعالجة الآلية لنماذج الانحدار لبسيط

نظرا للانتشار الواسع للحاسبات الشخصية Personal Computer والبرامج التطبيقية الإحصائية في الجامعات ومراكز البحوث وفي الشركات ومن قبل الباحثين المتخصصين وغير المتخصصين، أصبح من السهل استخدام هذه البرامج مما يسهل العمليات الحسابية ويعطى نتائج دقيقة في فترة زمنية قصيرة جدا.

ومن بين هذه البرامج برنامج الحزمة الإحصائية للعلوم الاجتماعية ومن بين هذه البرامج برنامج الحزمة الإحصائية للعلوم الاجتماعية Statistical Packages for the Social Science (SPSS) والشمولية والمرونة السريعة في التعامل مع البيانات والقدرة على إعطاء كافة النتائج الإحصائية مكتوبة أو على شكل جداول أو رسوم بيانية ، كما يمتاز بقدرته على التعامل مع أغلب البرامج التي تعمل ضمن بيئة النوافذ.

يحتوي هذا البرنامج على نوافذ متعددة وخيارات كثيرة تساعد المستخدم على إجراء كل العمليات الإحصائية وسنحاول شرح كيفية استخدام الأوامر التي نحتاج إليها بشكل مبسط ومختصر لحل نماذج التنبؤ الإداري المستخدمة في هذا الكتاب.

تدخل البيانات إلى برنامج SPSS من خلال الشاشة الافتتاحية أو نافذة البيانات، حيث تظهر هذه النافذة بمجرد تشغيل البرنامج كما هو واضح من الشكل التالي:

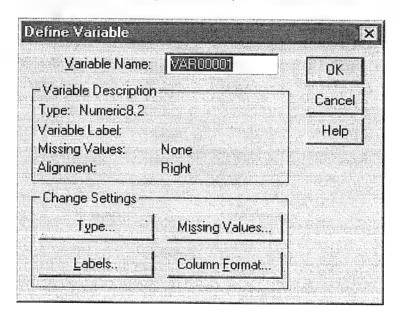
	var	val	уаг	var	Agt	var	var		
15.4									
2									
3									
4									
- 5									
6									
7									
8									
9									
10									

الشكل رقم (٣,٦). الشاشة الرئيسة في برنامج SPSS.

يتضمن هذا الشكل ورقة العمل وهي عبارة عن جدول مقسم إلى عدد من الأعمدة عناوينها المتغيرات Variables وعدد من الصفوف أو الأسطر يصل عددها إلى أكثر من ١٣ ألف صف عناوينها الأرقام ,3, 3, 1. يسمى تقاطع العمود مع الصف خلية الخارى العمل بها بالخلية النشطة Active Cell.

لندخل بيانات الجدول رقم (٢,١) إلى البرنامج. قبل إدخال البيانات إلى البرنامج لابد من تحديد أسماء المتغيرات من أجل التعرف عليها عند استعمالها. ولتسمية المتغيرات أو تعريفها، نتبع الخطوات الآتية:

- أ) نحدد الخلية الأولى من العمود الذي نريد تعريف متغير له.
- ب) نفتح قائمة بيانات Data ونختار منها تعريف متغير Define variable.
- ج) تظهر نافذة حوار فيها اسم المتغير الفرضي كما يظهر من الشكل التالي:



الشكل رقم (٢,٧). نافذة تعريف متغير جديد.

د) نكتب الاسم الذي نريده وليكن مثلا لا (الناتج القومي الإجمالي) ثم نضغط على مفتاح الإدخال أو ok من نافذة الحوار، يزول اسم المتغير الفرضي var00001 من عنوان العمود ويحل الاسم الذي أدخلناه بدلا منه كما يظهر من الشكل التالي:

	у	var	var	var	var	var	var		
1									
2									
3.									
4									
5									
6									
7									
8									
9									
10									

الشكل رقم (٢,٨). ظهور اسم المتغير الجديد بدلا من المتغير الفرضي.

نكرر هذه الخطوات من أجل كل المتغيرات الموجودة في الجدول.

ه) يتم إدخال البيانات عمودا بعد الآخر، وضمن كل عمود ندخل القيم بالتتابع. مثلا، في العمود الخاص بالناتج القومي الإجمالي ٧، نحدد الخلية الأولى ثم نكتب القيمة الأولى ٢٠,٤٣ ثم نضغط على مفتاح الإدخال، ثم نكرر هذه الخطوة من أجل جميع قيم هذا العمود. وبنفس الأسلوب يتم إدخال قيم باقي الأعمدة بعد إعادة تسمية الأعمدة باسم المتغيرات الجديدة فنحصل على الشكل التالى:

·.y	y	x1	x2	x3	var	var	var	14.0		
	10.43	8.03	5.70	2.20			DESCRIPTION OF	8		
2	11.45	8.75	5.86	2.80				_		
3	12.73	9.24	6.03	3.36				_		
4	13.57	10.67	6.20	3.20						
5	20.59	17.27	6.38	3.67						
6	30.15	19.78	6.57	4.71				_		
7	82.35	28.92	6.76	7.31				_		
В	125.40	126.22	6.96	10.15						
.9	165.39	104.41	7.25	14.82				_		
10	207.72	135.15	7.62	30.69	:			_		

الشكل رقم (٢,٩). محتويات الجدول (٢,١).

هـ) نفتح قائمة ملف File ثم نختار حفظ باسم Save as ، تظهر نافذة حوار ، القسم الأعلى منها يحتوي على أسماء ملفات البيانات المحفوظة في البرنامج وإلى الأسفل منها يوجد سطر فارغ فيه مؤشر الكتابة كما هو موضح في الشكل التالي:

Save Data		8
Save in: 🗀	Spss · · · · · · · · · · · 한 · Ø	
4-2 (a) 5-1 (a) 5-2 (a) 5-3 (a) 7-22 (a) 7-23 (a)	24-3	acroread C Scripts C 1-2 a al Social Survey 24 a 24-2 a
File <u>n</u> ame:		<u>S</u> ave
Save as type:	SPSS (*.sav)	<u>P</u> aste
	☑ Write variable names to spreadsheet	Cancel
		STATES OF THE STATES

الشكل رقم (٢,١٠). نافذة حفظ الملف باسم.

نكتب اسم ملف البيانات التي أدخلناها إلى البرنامج في المكان المخصص له وليكن (٢,١) مثلا، ثم نضغط على مفتاح الإدخال أو ok من نافذة الحوار. وبذلك أصبحت بيانات الجدول محفوظة ضمن البرنامج ويمكن طلبها عند الحاجة باسمها من قائمة ملف.

لمعالجة نموذج انحدار الناتج القومي الإجمالي y على الصادرات x_1 ، نتبع الخطوات التالية :

١ - نفتح قائمة إحصاء Statistics ونختار منها انحدار Regression ثم خطى Linear.

٢- تظهر نافذة فيها قائمة المتغيرات الموجودة في ملف البيانات كما يظهر في الشكل التالي:

: Linear Regr xl	ession	<u>D</u> ependent:	> - OK
x2 x3			<u>P</u> aste
У	Pre <u>v</u> ious	Block 1 of 1 Next	Reset
			Cancel
www.companieston.com			Help
		Method: Enter ▼	
		Selection Variable:	State of the state
-Address			Fiule
	<u></u>	Case Labels:	
<u>w</u> ls >>	<u>S</u> tatistics	Plots Save	Options

الشكل رقم (٢,١١). نافذة الحوار الخاصة بنموذج الانحدار الخطي.

تحتوى هذه النافذة على مجموعة كبيرة من التبويبات من أهمها:

ا – قائمة المتغيرات الرئيسية وتحتوي على أسماء كل متغيرات ملف البيانات $x_1; x_2; x_3; y$

٢- سطر فارغ للمتغير التابع Dependent. وبين هذا السطر وقائمة المتغيرات يوجد سهم لإدخال المتغير التابع.

٣- نافذة مخصصة للمتغيرات المستقلة Independents. كذلك يوجد بينها وبين قائمة المتغيرات سهم لإدخال المتغير أو المتغيرات المستقلة.

٤- قائمة منسدلة لاختيار طريقة الانحدار Method.

٥- مجموعة كبيرة من الخيارات وفق طريقة الانحدار التي نرغبها.

ندخل المتغير التابع في المكان المخصص له في النافذة وذلك بالضغط على مفتاح الفأرة الأيسر فوق اسم المتغير التابع، ثم نضغط من جديد على مفتاح الفأرة الأيسر فوق السهم الموجود بين قائمة المتغيرات ومكان المتغير التابع.

ندخل المتغير المستقل في المكان المخصص له أيضا بنفس الأسلوب السابق.

ثم ok وسنحصل على كل النتائج المتعلقة بهذا النموذج على شكل مجموعة من الجداول على النحو التالي (وهي نفس النتائج التي وجدناها سابقا مع ملاحظة تقريب الأرقام):

Variables Entered/Removed

	Variables	Variables	
Model	Entered	Removed	Method
1	X1 ^a		Enter

a. All requested variables entered.

b. Dependent Variable: Y

يتضمن هذا الجدول معلومات وصفية مثل: اسم المتغير المستقل x_1 وطريقة الانحدار Enter والمتغير التابع y.

Model Summary

				Std. Error
			Adjusted	of the
Model	R	R Square	R Square	Estimate
1	.843 ^a	.710	.699	93.5631

a. Predictors: (Constant), X1

يتضمن هذا الجدول النتائج التالية:

 $r_{xy} = 0.843$ معامل الارتباط البسيط - ۱

 $R^2 = 0.710$ معامل التحديد - Y

عدد n معامل التحديد المعدل $\overline{R}^2 = 1 - \frac{n-1}{n-k-1} (1-R^2) = 0.699$ عدد -۳

المشاهدات وk عدد المتغيرات المستقلة.

s = 93.5631 الخطأ المعياري للتقدير

ANOVA

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	558516.9	1	558516.9	63.801	.000ª
	Residual	227605.5	26	8754.056		
	Total	786122.4	27			

a. Predictors: (Constant), X1

b. Dependent Variable: Y

يتضمن هذا الجدول نتائج تحليل التباين وهي: مجموع المربعات وعدد درجات الحرية الموافقة لكل نوع من أنواع المربعات ومتوسط مجموع المربعات ومؤشر فيشر الفعلي ومؤشر دلالة الاختبار الفعلي أو المحسوب Sig. وهو مفهوم حديث ظهر مع ظهور البرامج التطبيقية الإحصائية ويسمى في بعض البرامج P-value.

يهدف هذا المؤشر إلى الاستغناء عن استخدام الجداول الإحصائية ، حيث يتم حساب الدلالة أو المعنوية المحسوبة ومقارنتها بمستوى الدلالة lpha المقترح.

ويعرف Sig بأنه احتمال الحصول على نتائج عينة أكثر تناقضا مع فرضية العدم من النتائج المشاهدة. فبالنسبة لاختبار F في جدول تحليل التباين للمثال السابق يمثل مؤشر دلالة الاختبار الفعلي احتمال الحصول على قيمة له F أكبر من ٢٣,٨٠١ فيما إذا كانت الفرضية صحيحة.

وبشكل عام، فإن القيم الكبيرة لهذا المؤشر تؤيد فرضية العدم، بينما القيم الصغيرة تؤيد الفرضية البديلة، ويمكن صياغة هذه القاعدة على الشكل التالى:

- إذا كانت $\alpha > Sig$ نقبل فرضية العدم ونرفض الفرضية البديلة.
- إذا كانت $Sig < \alpha$ نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة.

وبما أن $Sig < \alpha$ في هذا المثال لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة α أي توجد علاقة خطية بين المتغيرين وهي نفس النتيجة التي توصلنا لها سابقا.

نلاحظ أن هذا المؤشر وفر علينا مهمة البحث في الجداول الإحصائية لاستخراج مؤشرات الاختبار الجدولية وحساب عدد درجات الحرية ، فيكفي أن نحدد مستوى الدلالة α لنقرر قبول أو رفض فرضية العدم.

Coefficients

				Standardi zed Coefficien ts		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	80.980	29.229		2.771	.010
	X1	1.440	.180	.843	7.988	.000

a. Dependent Variable: Y

يحتوي الجدول الأخير من النتائج على الأعمدة التالية:

١ - العمود الأول يتضمن الحد الثابت والمتغير المستقل.

٢- العمود الثاني يتضمن معالم معادلة الانحدار.

٣- العمود الثالث يتضمن الإنحراف المعياري لمعالم معادلة الانحدار.

٤- العمود الرابع يتضمن معامل الانحدار المعياري. يستخدم هذا المعامل عندما
 تكون وحدات قياس المتغيرات المستقلة مختلفة (حجم، وزن، طول... إالخ).

٥- العمود الخامس يتضمن مؤشر الاختبار الفعلي أو المحسوب لمعالم معادلة
 الانحدار.

٦- العمود السادس يتضمن مؤشر دلالة الاختبار الفعلى أو المحسوب.

 $\hat{y}_t = 80.98 + 1.44x_t$ ومن هذا الجدول يمكن استنتاج معادلة الانحدار وهي

مثال (٢): استخدم بيانات الجدول رقم (٢,١) في إيجاد معادلة انحدار الناتج القومي الإجمالي على السكان باستخدام برنامج SPSS واشرح أهم النتائج التي حصلت عليها، ثم استخدم معادلة الانحدار لتقدير الناتج القومي الإجمالي السعودي إذا وصل عدد سكان المملكة العربية السعودية إلى ٢٠ مليون نسمة.

الحل: نتبع الخطوات التالية:

۱ - نشغل برنامج SPSS.

٢- نفتح قائمة ملف File ثم نختار منها فتح ملف قديم Open.

٣- تظهر نافذة حوار فيها كل ملفات البيانات المخزنة في البرنامج، نختار منها ok.
 (٢, ١) ثم ok.

٤- نفتح قائمة إحصاء Statistics ونختار منها Regression ثم

المتغير التابع، ثم ننقل x_2 إلى نافذة المتغير المستقل، ثم نختار x_1, x_2, x_3 ننقل x_2 المتغير المستقل، ثم نختار x_3 المتغير المستقل، ثم التعارف المتعلى الم

Model Summary

				Std. Error
			Adjusted	of the
Model	R	R Square	R Square	Estimate
1	.759 ^a	.575	.559	113.3006

a. Predictors: (Constant), X2

ANOVA

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	452359.5	1	452359.5	35.239	.000 ^a
	Residual	333762.9	26	2837.036		
	Total	786122.4	27			

a. Predictors: (Constant), X2

b. Dependent Variable: Y

Coefficients

			Unstandardized C Coefficients			
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	-79.988	62.232		-1.285	.210
	X2	33.011	5.561	.759	5.936	.000

a. Dependent Variable: Y

٦- أهم النتائج:

- أ) معامل الارتباط البسيط = ٩٥٧,٠، أي يوجد ارتباط موجب وجيد بين المتغير المستقل (السكان).
- ب) معامل التحديد = ٠,٥٧٥ ، أي أن المتغير المستقل قد فسر أو شرح ما يقرب من ٥٨٪ من تغيرات المتغير التابع ، وهي نسبة قليلة وتدل على وجود متغيرات مستقلة أخرى تؤثر في المتغير التابع.
 - ج) الخطأ المعياري للتقدير = ١١٣,٣.
- د) مؤشر اختبار فيشر الفعلي أو المحسوب = ٣٥,٢٣٩ وهو أكبر من نظيره الجدولي، ويمكن التوصل إلى هذه النتيجة من مؤشر دلالة الاختبار الفعلي.

- هـ) مؤشر دلالة اختبار فيشر الفعلي = ٠,٠٠٠ وهو أصغر من مستوى الدلالة ٥٪، لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة، أي يوجد علاقة خطية بين المتغيرين.
- و) مؤشر دلالة اختبار t المتعلق بالمعلمة b_0 , T وهو أكبر من مستوى الدلالة المقترح، لذلك نقبل فرضية العدم القائلة بأن مستقيم انحدار المجتمع عمر من مبدأ الإحداثيات.
- ز) مؤشر دلالة اختبار t المتعلق بالمعلمة b_1 • • وهو أصغر من مستوى الدلالة المقترح، لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة، أي أن المعلمة β_1 تختلف عن الصفر.
 - معادلة انحدار الناتج القومي الإجمالي على السكان هي : $\hat{y}_t = -79.988 + 33.011x_t$
- ۸- تقدير الناتج القومي الإجمالي إذا كان عدد السكان ۲۰ مليون نسمة : يمكن تقدير الناتج القومي الإجمالي إذا كان عدد السكان ۲۰ مليون على الشكل التالي : $\hat{y}_{20} = -79.988 + 33.011(20) = 580.232$

أسئلة ومسائل غير محلولة

١- ما مفهوم الانحدار؟

٢- ما الفرق بين الانحدار البسيط والانحدار المتعدد؟

٣- ما الهدف الأساسي من دراسة معادلة الانحدار بين متغيرين؟

٤ - هل العلاقة بين متغيرين دائما علاقة سببية؟

٥- عرف شكل الانتشار، ثم وضح لماذا نهتم به في دراسة الانحدار؟

٦- اشرح طريقة المربعات الصغرى العادية.

٧- ماذا يعنى اختبار معنوية معادلة الانحدار.

٨- اشرح مفهوم تحليل التباين.

١٠- ما درجات الحرية؟.

١١ - عرف المصطلحات التالية:

- فرضية العدم.

- الفرضية البديلة.

- مستوى الدلالة أو المعنوية.

- مستوى أو درجة الثقة.

١٢ - عرف الخطأ المعياري واذكر مجال استخدامه.

١٣ - ما المقصود من اختبار معالم معادلة الانحدار؟

١٤ - ما المقصود بتقدير المتوسط الشرطى؟

١٥ - ما الفرق بين تقدير المتوسط الشرطي وتقدير القيمة الفعلية؟

١٦ - عرف معامل الارتباط البسيط واذكر مجال استخدامه.

١٧ - ما العلاقة بين معامل الارتباط البسيط ومعلمة الارتباط البسيط؟

١٨ - عرف معامل التحديد واذكر مجال استخدامه.

٠٢- ما العلاقة بين معامل الارتباط البسيط ومعامل التحديد؟

٢١- ما المقصود بالارتباط الذاتي للأخطاء؟

٢٢ - عرف اختبار دوبون- واتسون واذكر مجال استخدامه.

٢٣- ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل حجم المبيعات وميزانية الإعلان في ١٥ شركة:

الجدول رقم (٢,٥). ميزانية الإعلان وحجم المبيعات بملايين الريالات.

الشركة	ميزانية الإعلان	حجم المبيعات					
١	1.	٤٠					
Y	٩	٣٥					
٣	77 07						
٤	٧	7 £					
0	11	٤٨					
٦	٣	10					
٧	١٤	٦٨					
٨	. 17	٧٤					
٩	٨	٣٨					
١.	11	٤٢					
11	١٣	٥٤					
. 17	١٣	00					
١٣	١٤	٥٨					
18	11	0 •					
10	٦	3.7					

المصدر: فرضي.

والمطلوب

- استخدم المعالجة الآلية في إيجاد معادلة انحدار حجم المبيعات على ميزانية الإعلان.
 - اشرح أهم نتائج المعالجة الآلية.

- قدر حجم المبيعات إذا كانت الميزانية المخصصة للإعلان في إحدى الشركات ٢٠ مليون ريال.

٢٤ لعرفة مدى وجود علاقة بين معدل الطالب في الثانوية العامة ومعدله في السنة الأولى بالجامعة، قامت إدارة القبول والتسجيل بجمع البيانات التالية عن ٢٠ طالبا في كلية العلوم الإدارية بعد انتهاء السنة الأولى فوجدت النتائج التالية:

الجدول رقم (٢,٦). معدل الثانوية العامة ومعدل السنة الجامعية الأولى لـــ ١٥ طالبا في كلية العلوم الإدارية.

·) · () · · · ·		25 0 (1) 7 10 20 1
الطالب	معدل الثانوية العامة	معدل السنة الأولى في الجامعة
١	٩٠	۸۸
Y	٨٠	٧٨
٣	AY	Λ٤
٤	AY	٧٦
٥	٩١	٩ ،
٦	97	۸٧
٧	٧٩	٧٤
Ņ	٨٥	۸١
٩	۸١	٧٨
١.	۲۸	٧٥
11	٩٣	۸٩
١٢	٧٨	٦٢
١٣	٨٥	٧٦
1 8	۸۹	۸۰
10	9.8	٨٦

المصدر: فرضي.

والمطلوب

- استخدم المعالجة الآلية في إيجاد معادلة انحدار معدل الطالب في السنة الجامعية الأولى على معدله في الثانوية العامة.
 - اشرح أهم نتائج المعالجة الآلية.
- قدر معدل أحد الطلاب في السنة الجامعية الأولى إذا كان معدله في الثانوية العامة ٧٢.

٢٥ ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل الدخل الشهري ومتوسط الإنفاق الشهري على شبكة المعلومات الدولية (الإنترنت) لـ ١٠ أسر في مدينة الرياض:

الجدول رقم (٢,٧). الدخل والإنفاق الشهري على الإنترنت لمجموعة من الأسر بالريال.

التسلسل	الإنفاق	الدخل
١	1	٣٠٠٠
۲	۸۰	70
٣	18*	٣٥٠٠
٤	٨٠	77
٥	. 1	٣٢٠٠
7	٧٠.	7***
٧	٧٥	77
۸	١.,	71
٩	10.	٣٧٠٠
1 *	١٦٠	٤٠٠٠

المصدر: فرضي

والمطلوب

- استخدم المعالجة الآلية في إيجاد معادلة انحدار الإنفاق على الإنترنت على دخل الأسرة.

- اشرح أهم نتائج المعالجة الآلية.

- قدر إنفاق إحدى الأسر على الإنترنت إذا كان الإنفاق الشهري لها ٤٥٠٠ ريال. ٢٦- ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل الناتج المحلي الإجمالي والاستهلاك الخاص في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٩٨٠-١٩٩٧م بمليارات الريالات:

الاستهلاك الخاص	الناتج المحلي الإجمالي	السنة			
1.7,79	۳۸٥,۸۱	۱۹۸۰			
118,91	07.09	14.81			
177,01	078,77	YAPI			
101,79	٤١٥,٢٣ ٠	19.88			
107,87	TVY, + Y	١٩٨٤			
109,70	701,80	١٩٨٥			
101,09	717,98	١٩٨٦			
18*,10	YV1,+9	1944			
140,08	770,20	١٩٨٨			
149,80	710,10	19/19			
120,00	71.,77	199.			
100,47	791,99	1991			
۱٦٨,٧٥	٤٢٢,٠٤	1997			
۱۸۳,۹۲	£71, 49A	1998			
197,91	£ £ \$ 7, A £	1998			
۱۸٥,۸۳	٤٥٠,٠٣	1990			
198,08	£VA,70	1997			
7 • 7,77	079,70	1997			

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة- وزارة التخطيط.

والمطلوب

- استخدم المعالجة الآلية في إيجاد معادلة انحدار الاستهلاك الخاص على الناتج المحلى الإجمالي.
 - اشرح أهم نتائج المعالجة الآلية.
 - قدر الاستهلاك الخاص إذا بلغ الناتج القومي الإجمالي ٢٠٠ مليار ريال.

٢٧ ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل عرض النقود والناتج المحلي الإجمالي بالأسعار الثابتة في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٩٧٠ – ١٩٩٩م عليارات الريالات:

الجدول رقم (٣,٩). عرض النقود والناتج المجلي الإجمالي في المملكة العربية السمعودية خمال الفترة المنادول رقم (٣,٩).

	1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2				
الناتج المحلي الإجمالي	عرض النقود	السنة			
190,87	٣١,٤٨	197.			
17,77	89,91	1971			
771,77	00,71	1977			
717,27	٧٤,٨٣	۱۹۷۳			
T10,T9	177,78	1978			
TEY,0+	711,87	\ 9 \0			
٣٩٣, 1 ٨	77.77				
٤١٧,٦٥	٤٨٣,٥٧	1977			
£ £ 0, Y \	٤٥٦,٥١	١٩٧٨			
٤٩٠,0٣	777,77	1979			
079,71	۸۳٤,۰۳	١٩٨٠			
٥٣٨,٨٦	1.79,00	1481			

تابع الجدول رقم (٢,٩).

الناتج المحلمي الإجمالي	عرض النقود	السنة				
٤٨٣, ٠٣	1170,98	1987				
٤٧٩,٩٥	1194,94	۱۹۸۳				
- £7 A,£Y	1197,**	١٩٨٤				
१११,७७	۱۲۲۷,۸۱	١٩٨٥				
٤٧٥,١١	1779,79	7491				
٤٦٨,٣٠	1790,70	19.47				
£ 99, YY	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					
0.1,77						
٥٥,٥٥٥	1810,87	199.				
٦٠٢,٨٤	170+,98	1991				
719,17	1717,97	1997				
٦١٥,١١	1797,90	1997				
٦١٨,٤١	` 177.77	1998				
77.,.8	1107,98	1990				
٦٢٨,٤٣	7 • £ • , • 9	١٩٩٦				
780,97	۲۱۸۳, ٤٩	1997				
٦٥٥,٨٤	77 7 V, + A	1991				
۱٦٧,٤٥	7£7V	1999				

المصدر: مؤسسة النقد العربي السعودي.

المطلوب

- استخدم المعالجة الآلية في إيجاد معادلة انحدار عرض النقود على الناتج المحلي الإجمالي.

- اشرح أهم نتائج المعالجة الآلية.
- قدر عرض النقود في المملكة العربية السعودية إذا بلغ الناتج القومي الإجمالي بالأسعار الثابتة ٧٠٠ مليار ريال.
- ٢٨ اختر أحد الأنشطة الاقتصادية أو الإدارية أو التجارية بحيث يمكن التعبير
 عن هذا النشاط بمتغيرين، أحدهما تابع والآخر مستقل، ثم نفذ العمليات التالية:
- اجمع البيانات الكافية لتطبيق طريقة الانحدار الخطي البسيط على هذا النشاط.
- مثل العلاقة بين المتغير التابع والمتغير المستقل بيانيا، ماذا تستنتج من هذا الشكل؟
- استخدم المعالجة الآلية في إيجاد معادلة انحدار المتغير التابع على المتغير المستقل.
 - اشرح أهم نتائج المعالجة الآلية.
- اختر فترة زمنية مناسبة للتنبؤ ثم قدر قيم المتغير التابع من أجل قيم محددة للمتغير المستقل.

. H

(الفصل (الثالث

استخدام نماذج الانحدار المتعدد في التنبؤ الإداري

(۳,۱) مقدمة

لقد درسنا في الفصل السابق العلاقة بين متغيرين أحدهما تابع والآخر مستقل. لكن الواقع العملي يقوم، بشكل عام، على تأثر أية ظاهرة بأكثر من متغير مستقل. ومن الأمثلة على ذلك نجد أن الكمية المستهلكة من سلعة ما تتأثر بسعر السلعة النها علاوة على أسعار السلع البديلة والمكملة بالإضافة إلى دخل المستهلك وذوقه. كذلك فإن كمية الإنتاج تتأثر بالعمل ورأس المال والموارد الأولية وغيرها من عناصر العملية الإنتاجية. وفي مجال التأمين يتوقف مقدار التأمين على عمر المؤمن ودخله وطول فترة التأمين والحالة الصحية للمؤمن... إلخ.

وبما أن الانحدار البسيط لا يمكنه التعبير عن هذه العلاقات، لذلك يستخدم الانحدار الخطي المتعدد الذي يأخذ في الاعتبار تأثير متغيرين مستقلين أو أكثر على المتغير التابع. لذا فإن الانحدار المتعدد يعتبر امتدادا منطقيا للانحدار البسيط، وبالتالي فإن المفاهيم الإحصائية في الحالتين تعتبر متطابقة تقريبا. حيث نستخدم طريقة المربعات الصغرى في تقدير معالم نموذج الانحدار، ثم نقوم بحساب الخطأ المعياري للتقدير. بعد ذلك نقوم بتحديد درجة قوة العلاقة بين المتغير التابع والمتغيرات المستقلة باستخدام معاملات الارتباط. ثم نختبر الفروض الإحصائية المتعلقة بمعاملات الانحدار والارتباط.

(٣,٢) الانحدار المتعدد

يأخذ نموذج الانحدار الخطى المتعدد الشكل العام التالي:

$$Y_{t} = \beta_{0} + \beta_{1} X_{1t} + \beta_{2} X_{2t} + \dots + \beta_{k} X_{kt} + \xi_{t}$$

حيث تمثل: Y_i المتغير التابع.

و $X_{1t}; X_{2t};; X_{kt}$ المتغيرات المستقلة.

و بئ المتغير أو الخطأ العشوائي.

. معالم النموذج. $\beta_0; \beta_1; \beta_2; \dots; \beta_k$ ع

و n = 1;2;.....; n عدد الشاهدات.

وإذا كان لدينا متغيرين مستقلين فقط هما X_1 و X_2 تصبح العلاقة ($\{0,1\}$) على الشكل التالى:

$$(\Upsilon, \Upsilon) Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_{1t} + \beta_2 X_{2t} + \xi_t$$

وتأخذ المعادلة المقدرة للعلاقة (٣,٢) الصيغة التالية:

$$\hat{y}_t = b_0 + b_1 x_{1t} + b_2 x_{2t}$$

. $x_2 = 0$ و $x_1 = 0$ عندما \hat{y} عندما b_0 عيث تمثل

بينما تمثل b_1 التغير في \hat{y} الناتج عن تغير x_1 بوحدة واحدة بافتراض ثبات قيمة x_1 بينما تمثل b_1 التغير الحاصل في \hat{y} نتيجة تغير x_2 بوحدة واحدة بافتراض ثبات قيمة x_1

وبما أن b_1 و b_2 تساهم جزئيا في التغير الكلي \hat{y} الناتج عن تغير المتغيرين

المستقلين، فإنهما يسميان معاملات الانحدار الجزئية Partial Regression Coefficients.

ويمكن حساب قيم مقدرات معالم نموذج الانحدار المتعدد بطرائقٍ مختلفة ، أهمها *:

١ - باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية.

٢- باستخدام المصفوفات للوحدات الخام.

٣- باستخدام مصفوفة معاملات الارتباط بين المتغيرات.

٤- باستخدام الأخطاء أو البواقي.

^{*} الاقتصاد القياسي التطبيقي، مرجع سبق ذكره، ص ١٠٤.

سنشرح الطريقة الأولى فقط لأنها الأكثر استخداما. وكما مر معنا سابقا فإن طريقة المربعات الصغرى تسعى إلى تخفيض مجموع مربعات الانحرافات بين القيم الفعلية والقيم المقدرة للمتغير التابع $\sum_{i=1}^{n} (Y_i - \hat{Y}_i)^2$ إلى أقل قيمة ممكنة. ولتطبيق هذه الطريقة نحتاج إلى ثلاث معادلات طبيعية ، يمكن الحصول عليها بتعويض \hat{Y}_i بقيمتها في علاقة الانحرافات السابقة فتصبح على الشكل التالى :

$$\sum_{t=1}^{n} (Y_t - \widehat{Y}_t)^2 = \sum_{t=1}^{n} [Y_t - (b_0 + b_1 X_{1t} + b_2 X_{2t})]^2$$

وبأخذ التفاضل الجزئي Partial derivatives بالنسبة للمقدرات $b_0; b_1; b_2$ ومساواته بالصفر نحصل على المعادلات الطبيعية الآتية:

$$\sum_{t=1}^{n} Y_{t} = nb_{0} + b_{1} \sum_{t=1}^{n} X_{1t} + b_{2} \sum_{t=1}^{n} X_{2t}$$

$$\sum_{t=1}^{n} X_{1t} Y_{t} = b_{0} \sum_{t=1}^{n} X_{1t} + b_{1} \sum_{t=1}^{n} X_{1t}^{2} + b_{2} \sum_{t=1}^{n} X_{1t} X_{2t}$$

$$\sum_{t=1}^{n} X_{2t} Y_{t} = b_{0} \sum_{t=1}^{n} X_{2t} + b_{1} \sum_{t=1}^{n} X_{1t} X_{2t} + b_{2} \sum_{t=1}^{n} X_{2t}^{2}$$

وبحل هذه المعادلات نحصل على معالم النموذج $b_0; b_1; b_2$. ويمكن حل هذه المعادلات بطرائق مختلفة منها طريقة المحددات أو المعينات أو طريقة كرامر.

تتلخص هذه الطريقة في إيجاد المحددات التالية:

١ - محدد معاملات معالم النموذج في المعادلات الطبيعية:

$$\Delta = \begin{vmatrix} n & \sum X_{1t} & \sum X_{2t} \\ \sum X_{1t} & \sum X_{2t}^{2} & \sum X_{1t} X_{2t} \\ \sum X_{2t} & \sum X_{1t} X_{2t} & \sum X_{2t}^{2} \end{vmatrix}$$

المبيعية ، ويتم الحصول عليه باستبدال b_0 في المعادلات الطبيعية ، ويتم الحصول عليه باستبدال عمود معاملات b_0 في المحدد Δ بحدود الطرف الأيسر في المعادلات الطبيعية :

$$\Delta_{0} = \begin{vmatrix} \sum Y_{t} & \dots & \sum X_{1t} & \dots & \sum X_{2t} \\ \sum X_{1t} & Y_{t} & \dots & \sum X_{1t}^{2} & \dots & \dots & \sum X_{1t} & X_{2t} \\ \sum X_{2t} & Y_{t} & \dots & \sum X_{1t} & X_{2t} & \dots & \sum X_{2t}^{2} \end{vmatrix}$$

ستبدال عليه باستبدال b_1 في المعادلات الطبيعية ، ويتم الحصول عليه باستبدال عمود معاملات b_1 في المحدد Δ بحدود الطرف الأيسر في المعادلات الطبيعية :

$$\Delta_{1} = \begin{vmatrix} n.....\sum Y_{t}.....\sum X_{2t} \\ \sum X_{1t}....\sum X_{1t}Y_{t}.....\sum X_{1t}X_{2t} \\ \sum X_{2t}....\sum X_{2t}Y_{t}....\sum X_{2t}^{2} \end{vmatrix}$$

المادلات الطبيعية، ويتم الحصول عليه باستبدال b_2 في المعادلات الطبيعية ويتم الحصول عليه باستبدال عمو د معاملات b_2 في المحدد b_2 بالمحدود الطرف الأيسر في المعادلات الطبيعية :

$$\Delta_{2} = \begin{vmatrix} n & \sum_{l_{1}} X_{l_{1}} & \sum_{l_{2}} Y_{l_{1}} \\ \sum_{l_{1}} X_{l_{1}} & \sum_{l_{2}} X_{l_{1}} & \sum_{l_{2}} X_{l_{1}} Y_{l_{1}} \\ \sum_{l_{2}} X_{l_{2}} & \sum_{l_{2}} X_{l_{2}} & \sum_{l_{2}} X_{l_{2}} Y_{l_{1}} \end{vmatrix}$$

أما قيم المعالم فيتم حسابها من العلاقات التالية:

$$b_0 = \frac{\Delta_0}{\Delta}$$

$$b_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta}$$

$$b_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta}$$

ويمكن تعميم هذه الطريقة في حالة وجود أكثر من متغيرين مستقلين، لكننا لن نتوسع في نماذج الانحدار المتعدد لأن هدفنا هو شرح مبسط للنموذج ليصار فيما بعد إلى استخدامه في التنبؤ وباستخدام المعالجة الآلية فقط.

مثال (١): لنفرض أن Y تمثل الناتج القومي الإجمالي و X_1 تمثل الصادرات و X_2 تمثل عدد السكان في المملكة العربية السعودية خلال الفترة X_2 ممادلة الخدار X_3 على X_4 والمطلوب استخدام بيانات الجدول رقم X_1 لإيجاد معادلة انحدار X_2 على X_3 والمطلوب استخدام بيانات الجدول رقم X_1 والمطلوب استخدام بيانات الجدول رقم X_1 والمطلوب استخدام بيانات الجدول رقم X_1 والمطلوب استخدام بيانات المجدول رقم X_1 والمطلوب استخدام بيانات المجدول رقم X_1 والمطلوب استخدام بيانات المجدول رقم X_1 والمطلوب المتحدول والمعدول رقم X_1 والمعدول والمعد

لإيجاد معادلة انحدار الناتج القومي الإجمالي على الصادرات والسكان نعد الجدول المساعد التالى:

الجدول رقم (٩٠,٩). الجدول المساعد لحساب معادلة انحدار الناتج القومي الإجمائي على الصادرات والسكان.

						- · ·				,	·····			,
۸۷,۸۰	٧٩,٧٥	٧٢, •٨	78,97	۰۸,۰٦	07,07	٤٨,٤٤	٤٥,٧٠	٤٣,١٧	٤٠,٧٠	٣٨, ٤٤	47,47	45,45	44,59	$X_{2\iota}^2$
141774	٧,٥٤٤٥٤	1911.,4	44844,4	1770,0	1.9.1,8	10971,0	۸۳٦,۳۷	491,40	444,40	114,40	۸٥,٣٨	٧٦,٥٦	78,81	$X_{1\iota}^2$
163701	1504.4	09, 5	05071,4	TE15V, 7	44404,9	10440,4	1411,04	9.9,.4	274,90	115,10	177,00	141,10	1 . 1, 74	Y_l^2
٤٧٦٣,٩٠	45.4,44	7.77,77	1447,94	1017,15	1199, . ^	۸٧٢,٧٨	007,79	197, 49	141,47	15,14	٧٦,٧٦	١٧,١٠	09,20	$X_{2t}Y_t$
45,4	19.4,4	1174,7	1445,9	1.44,7	V07,9Y	۸٧٨,٤٩	190,00	179,90	111,11	77,10	٥٥,٧٢	01,77	۷۷,03	$X_{1\prime}X_{2\prime}$
1.60.1	3.44.8	44014	40194	47°74	٨٢٢٧١	١٥٨٢٨	7471,7	77,500	400,09	122,79	114,74	100,19	۸۳,۷٥	$X_{1t}Y_t$
4,44	۸,۹۳	۸,٤٩	۸, ۱۹	٧,٦٢	٧,٢٥	7,97	٦,٧٦	7,07	۲,۳۸	7, 7	7,04	۲۸,٥	٥,٧	X_{2i}
414,49	717,11	144,45	104,41	150,10	108,81	177,77	۲۸,۹۲	19,77	۱۷,۲۷	٧٢,٠١	9,72	۸,٧٥	>, . ٢	X_{ll}
0.7,54	۲۸۱,۰٦	787,9.	744,77	7.4,47	170,79	١٢٥,٤٠	۸۲,۲٥	r.,10	Y + , 09	14,04	14,44	11,20	10,24	Y,
19>*	1979	1477	1977	1477	1970	3461	1974	١٩٧٢	1471	197.	1979	7261	1977	السنوات

تابع الجدول رقم (٣,١).

4.01,01 4.5,0 494,09 241,14 ۲۰۸,۲۳ 140, 44 444,91 441,94 154,04 ١٧٨,٥٠ 97,78 197,07 188,44 X_{2i}^2 40501,9 44.51,0 99.4,71 Y0279, * 404.V,9 44114,0 11797,7 Arrr, 11 V08A, 14 00,44,07 140.4,4 401. W, Y ۷۳٤۸٩,۸ 740714 313311 X_{1}^{2} 14. Vr, V 444.51. A4441'A Y'OOAOY 1,444,4 1.4441 1.000 147747 14.14 Y . O . 1 . 1911.9 101111 105.40 19000 444.548 14444 Y2 2444,44 4910,00 7710,77 0970,99 4719,99 2124,41 ٧٦٠٧,٠٣ 7570,77 £405,9X 2570,74 0149,70 **5**444,44 £ £ £ Y , Y 0 $X_{2t}Y_t$ 4177,4 771A,1 7 E V Y , 0 1749,9 1409,4 21594 YV 12, 1 4901,V 11/1,5 994,77 4444,4 1044,1 10/0, 1779,1 **7 V V V A V V** $X_{1t}X_{2t}$ 1404644 414.40 VAYOY 40.40 1010V 4 4 4 4 4 10471 7330Y 12163 117577 *V0 b1 24464 441.4 11/11 401104 $X_{1t}Y_t$ 798,71 11,91 14,14 17,18 17,59 10,40 14,50 12,14 18,84 12,04 14,71 14,47 14,70 11,17 ۹,۸۱ X_{2t} 4115, 04 NEVY, 14 1 . 7, 49 ノヤイ, た・ 109,09 101,77 111,40 177,48 101, 22 441,09 149,00 ٤٠٥,٤٨ 91,79 Y£, Y0 ۸۱,۸۸ 99,08 X_{II} 247,77 444,04 497, 27 540,99 204,47 24V, 17 444,04 449,04 4.0, 11 449,74 444,48 544,44 494,75 044,9 Y السنوان المجمع 1994 1998 1991 199. 1910 3881 19/1 1998 19// 1977 1914 1914 19/9 1441

المصدر: بيانات الجدول رقم (٢,١).

.....

وبذلك تصبح المعادلات الطبيعية:

$$7472.62 = 28b_0 + 3614b_1 + 294.21b_2$$

$$1352292 = 3614b_0 + 735713b_1 + 41493b_2$$

$$92221.69 = 294.21b_0 + 41493b_1 + 3506.52b_2$$

وباستخدام طريقة المحددات والتقريب إلى أقرب عدد صحيح نجد:

$$\Delta = \begin{vmatrix} 28.....3614.....294 \\ 3614.....735713....41493 \\ 294......41493.....3507 \end{vmatrix} = 2814291312$$

$$\Delta_0 = \begin{vmatrix} 7473.....3614.....294 \\ 1352292.....735713....41493 \\ 92222.....41493.....3507 \end{vmatrix} = -345794650000$$

$$\Delta_1 = \begin{vmatrix} 28......7473.....294 \\ 3614.....1352292.....41493 \\ 294......92222......3507 \end{vmatrix} = 3194080596$$

$$\Delta_2 = \begin{vmatrix} 28......3614.....7473 \\ 3614.....735713....1352292 \\ 294......41493.....92222 \end{vmatrix} = 95204225000$$

$$b_0 = \frac{\Delta_0}{\Delta} = -\frac{345794650000}{2814291312} = -122.87$$

$$b_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta} = \frac{3194080596}{2814291312} = 1.13$$

$$b_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta} = \frac{65204225000}{2814291312} = 23.17$$

وبذلك تصبح معادلة انحدار الناتج القومي الإجمالي على الصادرات والسكان هي:

$$\hat{y}_t = -122.87 + 1.13x_{1t} + 23.17x_{2t}$$

ويمكن استخدام هذه المعادلة في التنبؤ إذا علمنا قيمة الصادرات وعدد السكان.

وكما لاحظنا سابقا، فإن تغير x_1 بمقدار وحدة واحدة يؤدي إلى تغير \hat{y} بمقدار b_2 بفرض ثبات قيمة x_2 . ونفس المفهوم ينطبق على معامل الانحدار الجزئي b_2 وهذا ما يفسر الحقيقة القائلة بأن معادلة الانحدار خطية بطبيعتها*.

إن إحدى المشاكل الهامة التي تواجه الانحدار المتعدد هي إمكانية ارتباط المتغيرات المستقلة في معادلة الانحدار. وتسمى هذه المشكلة بارتباط المتغيرات المستقلة .Multicollinearity فإذا كان الارتباط بين المتغيرات المستقلة قويا فإن ذلك يؤدي إلى عدم تمثيل معاملات الانحدار الجزئية بشكل صحيح. ولحل هذه المشكلة نستعيض عن المتغيرات المستقلة المرتبطة بمتغير واحد فقط. وباستخدام البرامج الإحصائية الجاهزة، أصبح بإمكاننا اختبار عدد كبير من المتغيرات المستقلة وكشف قوة الارتباط بينها، وبالتالي يمكن معرفة المتغيرات المستقلة التي يجب إدخالها في معادلة الانحدار.

تجدر الملاحظة، أن معادلة الانحدار البسيط تمثل بيانيا بخط مستقيم، بينما تمثل معادلة الانحدار المتعدد ذات متغيرين مستقلين بمستوي ذي بعدين. أما معادلة الانحدار المتعدد التي تتضمن أكثر من متغيرين مستقلين، فإنها تمثل بمتعدد سطوح في فراغ ذي k بعد Hyperplane، حيث تشير k إلى عدد المتغيرات المستقلة.

(٣,٣) الخطأ المعياري للتقدير

يقاس الفرق بين قيم لا الفعلية وقيم لا المحسوبة من خط الانحدار البسيط باستخدام الخطأ المعياري للتقدير، ويستخدم نفس المفهوم في الانحدار المتعدد:

$$(\Upsilon, \circ) \qquad \qquad s = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^{n} (Y_t - \hat{Y}_t)^2}{n-3}}$$

حيث تشير n-3 إلى عدد درجات الحرية ، وتمثل الـ n معالم نموذج معادلة الانحدار.

^{*} الإحصاء في الإدارة، مرجع سبق ذكره، ص ٨٢٩.

وتستخدم عادة، الصيغة التالية لحساب الخطأ المعياري للتقدير نظرا لسهولة تطبقها:

$$(\Upsilon, \Upsilon) \qquad s = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^{n} y_{t}^{2} - b_{1} \sum_{t=1}^{n} x_{1t} y_{t} - b_{2} \sum_{t=1}^{n} x_{2t} y_{t}}{n-3}}$$

 $y_t = Y_t - \overline{Y}$: حيث

$$x_{1t} = X_{1t} - \overline{X}_{1} \mathcal{I}$$

.
$$x_{2t} = X_{2t} - \overline{X}_{2}$$
 9

أي أن:

$$\sum_{t=1}^{n} y_{t}^{2} = \sum_{t=1}^{n} Y_{t}^{2} - \overline{Y} \sum_{t=1} Y_{t}$$

$$\sum_{t=1}^{n} x_{1t} y_{t} = \sum_{t=1}^{n} X_{1t} Y_{t} - \overline{X}_{1} \sum_{t=1}^{n} Y_{t}$$

$$\sum_{t=1}^{n} x_{2t} y_{t} = \sum_{t=1}^{n} X_{2t} Y_{t} - \overline{X}_{2} \sum_{t=1}^{n} Y_{t}$$

وبالعودة إلى الجدول رقم (٣,١) نجد:

$$\sum_{t=1}^{n} y_t^2 = 2780410 - \frac{7472.62}{28} \quad (7472.62) = 786117.17$$

$$\sum_{t=1}^{n} x_{1t} y_t = 1352292 - \frac{3614}{28} (7472.62) = 387790.26$$

$$\sum_{t=1}^{n} x_{2t} y_t = 92221.69 - \frac{294.21}{28} (7472.62) = 13703.14$$

$$s = \sqrt{\frac{786117.17 - 1.13 (387790.26) - 23.17 (13703.14)}{28 - 3}} = 34.88$$

نلاحظ أن قيمة الخطأ المعياري للتقدير في هذا المثال أصغر من القيمة التي حصلنا عليها في حالة الانحدار البسيط بمقدار: 58.71 = 34.88 – 93.59 ، أي أن إضافة متغير مستقل جديد إلى معادلة الانحدار قد جعل هذه المعادلة أكثر جودة من معادلة الانحدار البسيط.

وبمعرفة الخطأ المعياري للتقدير يمكن الحصول على مجال الثقة لمعادلة الانحدار الحقيقية بنفس أسلوب الانحدار البسيط.

(٤, ٣) الارتباط المتعدد

(٣,٤,١) معامل التحديد المتعدد

يعبر عن معامل التحديد المتعدد Coefficient of multiple determination بالعلاقة:

$$(\Upsilon, \Lambda) R^2 = 1 - \frac{\sum_{t=1}^{n} (Y_t - \hat{Y}_t)^2}{\sum_{t=1}^{n} (Y_t - \overline{Y})^2}$$

ولمعامل التحديد المتعدد نفس مفهوم معامل التحديد البسيط، حيث يقيس نسبة التغير في المتغير التابع التي تفسرها أو تشرحها المتغيرات المستقلة.

ولتسهيل العمليات الحسابية يمكن استخدام الصيغة التالية في حساب معامل التحديد المتعدد:

$$(\Upsilon, \P) R^2 = \frac{b_1 \sum_{t=1}^{n} x_{1t} y_t + b_2 \sum_{t=1}^{n} x_{2t} y_t}{\sum_{t=1}^{n} y_t^2}$$

أما إذا كان لدينا أكثر من متغيرين مستقلين فيمكن أن نضيف المقدار $\sum x_{ji} y_i$ إلى بسط المعادلة السابقة ، حيث j=3;4;....;k

يتضح من العلاقة (٣,٩)، أن إضافة أي متغير مستقل إلى معادلة الانحدار وتضح من العلاقة (٣,٩)، أن إضافة أي متغير مستقل التحديد المتعدد R^2 ، لأن المقام عامل التحديد المتعدد عدد المتعدد المتعدد المتعدد عدد المتعدد ال

مهما كان عدد المتغيرات المستقلة. لكن قيمة البسط Numerator ستزيد بمقدار $b_j \sum_{i=1}^n x_{ji} y_i$ عند إضافة المتغير $a_j x_j y_i$ الذي يحسب من العلاقة التالية :

$$\overline{R}^2 = 1 - [(1 - R^2) \frac{n - 1}{n - k - 1}]$$

نلاحظ من هذه العلاقة أنه كلما ازداد حجم العينة كلما اقتربت قيمة معامل التحديد المعدل من قيمة معامل التحديد المتعدد.

لقد وجدنا سابقا أن:

$$\sum_{t=1}^{n} y_t^2 = 786117.17$$

$$\sum_{t=1}^{n} x_{1t} y_t = 387790.26$$

$$\sum_{t=1}^{n} x_{2t} y_t = 13703.14$$

$$\Rightarrow R^2 = \frac{1.13 (387790.26) + 23.17 (13703.14)}{386117.17} = 0.96$$

وهذا يعني أن ٩٦٪ من التغير الكلي في الناتج القومي الإجمالي يرجع إلى الصادرات والسكان. بينما كان معامل التحديد في الانحدار البسيط ٧١٪، وبالتالي فإن الفرق بين المعاملين يساوي: 0.25 = 0.71 - 0.96. أي أن إضافة متغير مستقل جديد هو عدد السكان قد فسر ٢٥٪ من التغير الكلي للمتغير التابع (الناتج القومي الإجمالي).

(٣,٤,٣) الارتباط الجزئي

لدراسة قوة العلاقة بين المتغير التابع وأي من المتغيرات المستقلة يستخدم عادة، معامل الارتباط الجزئي The partial coefficient of correlation الذي يقيس العلاقة الحقيقية بين متغيرين، بعد حذف أثر بقية المتغيرات الأخرى من المتغيرين معا. ويعطى بالعلاقة التالية:

$$(r, r)$$

$$r_{y1.2} = \sqrt{1 - \frac{1 - R^2}{1 - r_{y2}^2}}$$

حيث ترمز $r_{y1.2}$ إلى معامل الارتباط الجزئي بين Y و X_1 بغض النظر عن X_2 . كما تشير X_2 إلى معامل الارتباط البسيط بين X_2 و X_2 .

ويعطى معامل الارتباط الجزئي بين Y و X_2 بافتراض ثبات X_1 بالعلاقة:

$$(\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon)$$

$$r_{y2.1} = \sqrt{1 - \frac{1 - R^2}{1 - r_{y1}^2}}$$

 X_1 و X_1 عيث يشير المرتباط البسيط بين X_1 و المرتباط البسيط بين

لقد وجدنا سابقا، أن معامل الارتباط البسيط بين Y و X_1 يكن حسابه من العلاقة:

$$r_{y1} = \frac{n \sum_{t=1}^{n} X_{1t} Y_{t} - \sum_{t=1}^{n} X_{1t} \sum_{t=1}^{n} Y_{t}}{\sqrt{n \sum_{t=1}^{n} X_{1t}^{2} - (\sum_{t=1}^{n} X_{1t})^{2}} \sqrt{n \sum_{t=1}^{n} Y_{t}^{2} - (\sum_{t=1}^{n} Y_{t})^{2}}}$$

وبشكل مشابه يمكن حساب معامل الارتباط البسيط بين y و x_2 من العلاقة:

$$r_{y2} = \frac{n \sum_{t=1}^{n} X_{2t} Y_t - \sum_{t=1}^{n} X_{2t} \sum_{t=1}^{n} Y_t}{\sqrt{n \sum_{t=1}^{n} X_{2t}^2 - (\sum_{t=1}^{n} X_{2t})^2} \sqrt{n \sum_{t=1}^{n} Y_t^2 - (\sum_{t=1}^{n} Y_t)^2}}$$

لقد وجدنا في الفصل السابق (الفقرة: (7,11) أن معامل الارتباط البسيط بين (7,11) يساوى:

$$r_{v1} = 0.84 \Rightarrow r_{v1}^2 = 0.71$$

وبالتعويض في العلاقة (٣,١٠) نجد أن:

.
$$X_2$$
 و Y معامل الارتباط الجزئي بين Y و معامل $r_{y1.2} = \sqrt{1 - \frac{1 - 0.96}{1 - 0.71}} = 0.93$

ومن بيانات المثال السابق يمكن حساب معامل الارتباط البسيط بين Y و X_2 على الشكل التالى:

$$r_{y2} = \frac{28(92222) - (294)(7473)}{\sqrt{28(3507) - (294)^2}\sqrt{28(2780410) - (7473)^2}} = 0.76 \Rightarrow r_{y2}^2 = 0.58$$

وبالتعويض في العلاقة (٣,١١) نجد أن:

.
$$x_1$$
 و y يين y معامل الارتباط الجزئي بين $r_{y2.1} = \sqrt{1 - \frac{1 - 0.96}{1 - 0.58}} = 0.95$

نلاحظ أن معامل الارتباط الجزئي يختلف عن معامل الارتباط البسيط نظرا لوجود متغير مستقل آخر. ويرجع الفرق بين معاملات الارتباط الجزئية ومعاملات الارتباط البسيطة المناظرة إلى وجود ارتباط بين المتغيرات المستقلة. لذلك يحسب عادة، معامل الارتباط البسيط بين أزواج المتغيرات المستقلة الموجودة في معادلة الانحدار المتعدد.

يحسب معامل الارتباط البسيط بين المتغيرين المستقلين X_1 و X_2 من العلاقة:

$$r_{12} = \frac{n \sum_{t=1}^{n} X_{1t} X_{2t} - \sum_{t=1}^{n} X_{1t} \sum_{t=1}^{n} X_{2t}}{\sqrt{n \sum_{t=1}^{n} X_{1t}^{2} - (\sum_{t=1}^{n} X_{1t})^{2}} \sqrt{n \sum_{t=1}^{n} X_{2t}^{2} - (\sum_{t=1}^{n} X_{2t})^{2}}}$$

وبالرجوع إلى بيانات الجدول رقم (٣,١) والتعويض في هذه العلاقة نجد أن:

$$r_{12} = \frac{28(41493) - (3614)(294)}{\sqrt{28(735713) - (3614)^2} \sqrt{28(3507) - (294)^2}} = 0.33$$

عادة، توضع معاملات الارتباط البسيط ضمن جدول على الشكل التالي:

الجدول رقم (٣,٢). يوضح معاملات الارتباط البسيط للمثال (١).

	Y	X_1	X_2
Y	١,٠٠	-	
X_1	٠,٨٤	١,٠٠	_
X_2	۰,٧٦	۰,۳۳	١,٠٠

وتعطى معاملات الارتباط البسيط ومعاملات الارتباط الجزئي في حالة وجود متغيرين مستقلين بالعلاقات التالية:

$$(\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon) \qquad r_{y1.2} = \frac{r_{y1} - r_{y1}r_{12}}{\sqrt{1 - r_{y2}^2}\sqrt{1 - r_{12}^2}}$$

معامل الارتباط الجزئي بين Y و X_1

$$(\Upsilon, \Upsilon) \qquad r_{y2.1} = \frac{r_{y2} - r_{y2} r_{12}}{\sqrt{1 - r_{y1}^2} \sqrt{1 - r_{12}^2}}$$

 X_{2} معامل الارتباط الجزئي بين X_{2} و

(٣,٥) اختبار الفروض الإحصائية

(٣,٥,١) اختبار معنوية معادلة الانحدار

كما مر معنا في الانحدار البسيط، يستخدم معامل اختبار فيشر في اختبار معنوية معادلة الانحدار الذي يعطى بالعلاقة التالية:

$$(\Upsilon, \S) \qquad F = \frac{MSR}{MSE} = \frac{\frac{SSR}{k}}{\frac{SSE}{n-k-1}}$$

حيث: SSR مجموع مربعات الانحدار.

وSSE مجموع مربعات الخطأ.

و n-k-1 عدد درجات الحرية.

ثم نقارن F المحسوبة مع F الجدولية، فإذا كانت F الفعلية أو المحسوبة أصغر أو تساوي F الجدولية نقبل فرضية العدم، أي لا توجد علاقة خطية بين المتغير التابع والمتغيرات المستقلة. أما إذا كانت F المحسوبة أكبر من F الجدولية عند مستوى دلالة محدد، نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة، أي توجد علاقة خطية بين المتغير التابع والمتغيرات المستقلة.

وبالرجوع إلى بيانات المثال السابق نجد:

$$SSR = 760515.43 \Rightarrow MSR = \frac{SSR}{k} = \frac{760515.43}{2} = 380257.71$$

 $SSE = 25606.97 \Rightarrow MSE = \frac{SSE}{n-k-1} = \frac{25606.97}{25} = 1024.28$

$$F = \frac{MSR}{MSE} = \frac{380257.71}{1024.28} = 371$$

وعند مستوى دلالة ٥٪ وعدد درجات حرية ٢ و ٢٥ نجد أن:

$$F_{(0.05;\frac{2}{25})} = 3.38$$

وبالمقارنة نلاحظ أن F > F لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة ، F > F لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة ، أي يوجد علاقة خطية بين المتغير التابع (الناتج القومي الإجمالي) والمتغيرات المستقلة (الصادرات وعدد السكان).

(٣,٥,٢) اختبار معاملات الانحدار

بعد أن اختبرنا معنوية معادلة الانحدار، لنختبر معاملات الانحدار المتعدد في المجتمع eta_1 و eta_2 و بالاعتماد على معاملات العينة eta_2 و eta_3 و راء بالاعتماد على معاملات العينة eta_2

لاختبار معاملي الانحدار في المجتمع eta_2 و eta_2 فإننا نحتاج إلى حساب قيمة الخطأ المعياري لكل من b_1 و b_2 ، اللذين يمكن حسابهما من العلاقتين التاليتين:

$$(\gamma, 10) s_{b_1} = \frac{s_{y}}{\sqrt{(\sum_{t=1}^{n} X_{1t}^2 - n\overline{X}_1^2)(1 - r_{12}^2)}}$$

$$S_{b_2} = \frac{S_y}{\sqrt{(\sum_{t=1}^n X_{2t}^2 - n\overline{X}_2^2)(1 - r_{12}^2)}}$$

وبالرجوع إلى بيانات المثال السابق نجد:

$$s_{b_1} = \frac{34.88}{\sqrt{[735713 - 28(16659.62)](1 - 0.33)}} = 0.082$$

$$s_{b_2} = \frac{34.88}{\sqrt{[3506.52 - 28(110.4)](1 - 0.33)}} = 2.33$$

بعد حساب الخطأ المعياري لكل من b_1 و b_2 ، يتم حساب مؤشر الاختبار الفعلي لعاملات الانحدار β_2 بالعلاقتين التاليتين :

$$(\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon) \qquad \qquad T_1 = \frac{b_1 - \beta_1}{s_{b_1}}$$

$$T_2 = \frac{b_2 - \beta_2}{s_{b_2}}$$

t ولاختبار الفروض المتعلقة بمعاملي الانحدار eta_2 و eta_3 ، نقارن القيم الفعلية مع قيم t المستخرجة من جداول توزيع ستيودنت.

من بيانات المثال السابق نجد:

$$T_1 = \frac{1.13 - 0}{0.082} = 13.78$$

$$T_2 = \frac{23.17}{2.33} = 9.94$$

وعند مستوى دلالة ٥٪ وعدد درجات حرية ٢٥ نجد أن:

$$t_{(0.025;25)} = 2.06$$

وبإجراء الاختبار على eta_1 نلاحظ أن: الجدولية t /T/ الفعلية ، لذلك نرفض فرضية العدم ($H_0:eta_1=0$) ، أي أن $H_0:X_1$ (الصادرات) لها تأثير معنوي على الناتج القومى الإجمالي عند مستوى دلالة قدره ٥٪.

ويإجراء الاختبار على eta_2 نلاحظ أن: الجدولية t / T / الفعلية ، لذلك نرفض فرضية العدم ($H_0: eta_2 = 0$) ونقرر أن X_2 (عدد السكان) لها تأثير معنوي على الناتج القومي الإجمالي عند مستوى دلالة قدره ٥٪.

(٣,٥,٣) اختبار معنوية معاملات الارتباط

سنقوم باختبار معاملي الارتباط الجزئي في المجتمع $ho_{y2.1}$ و $ho_{y2.1}$ كما اختبرنا معاملات الانحدار في المجتمع ho_1 و ho_2 .

يحسب مؤشر الاختبار الفعلى باستخدام نفس الأسلوب المتبع في الارتباط البسيط:

$$(\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon)$$

$$T_1 = r_{y1.2} \sqrt{\frac{n-k-1}{1-r_{y1.2}^2}}$$

$$(\Upsilon, \Upsilon \bullet)$$
 $T_2 = r_{y2.1} \sqrt{\frac{n-k-1}{1-r_{y2.1}^2}}$

حيث ترمز k إلى عدد المتغيرات المستقلة.

وبالرجوع إلى بيانات المثال السابق نجد:

$$T_1 = 0.95 \sqrt{\frac{28 - 2 - 1}{1 - (0.95)^2}} = 15.02$$

$$T_2 = 0.93 \sqrt{\frac{28 - 2 - 1}{1 - (0.93)^2}} = 12.9$$

ويمقارنة T_1 الفعلية مع الجدولية نلاحظ أن: $T_1/>t$ لذلك نرفض فرضية العدم ($H_0: \rho_{y1.2}=0$) ونقرر أن معامل الارتباط الجزئي بين الناتج القومي الإجمالي والصادرات يختلف معنوياً عن الصفر عند مستوى دلالة قدره 0 / بافتراض ثبات عدد السكان.

 $(H_0: \rho_{y2.1}=0)$ كـذلك نلاحـظ أن: $t < T_2 / L$ لـذلك نـرفض فرضية العـدم ($T_2 / T_2 / T_2$

بعد تقدير معالم النموذج واختبارها إحصائيا يمكن استخدام النموذج في عملية التنبؤ من أجل قيم معينة للمتغيرات المستقلة بنفس أسلوب الانحدار البسيط.

(٣,٦) المعالجة الآلية لنموذج الانحدار المتعدد

لا تختلف المعالجة الآلية لنموذج الانحدار المتعدد عن نموذج الانحدار البسيط سوى في عدد المتغيرات المستقلة وطريقة الانحدار. لندرس هاتين الحالتين من خلال المثالين التاليين:

مثال (۲): لنفرض أن Y تمثل الناتج القومي الإجمالي و X_1 تمثل الصادرات و X_3 تمثل الـواردات في المملكة العربية السعودية خلال الفترة X_1 1910م. والمطلوب استخدام بيانات الجدول رقم (۲,۱) لإيجاد معادلة انحدار X_1 على X_2 و X_3 ثم شرح أهم نتائج المعالجة الآلية ، ثم استخدام معادلة الانحدار في تقدير الناتج القومي الإجمالي في المملكة العربية السعودية خلال الفترة 1990 - X_1 إذا كانت الصادرات والواردات خلال هذه الفترة على الشكل التالى:

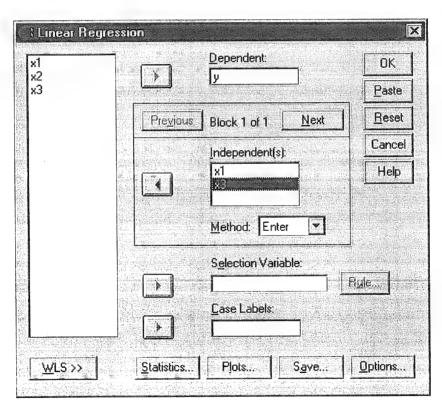
الجدول رقم (7,7). قيمة الصادرات والواردات المخططة في المملكة العربية السعودية (مليار ريال) خلال الفترة ه19.8-1.0

	1	•
الواردات	الصادرات	السنوات
1.0,19	170,77	1990
۱۰۳,۹۸	170,78	7997
1 • ٦,٧٦	100,17	1997
	180,80	١٩٩٨
11+,7+	۱۷۰,٥٠	1999
117,00	171,71	7

المصدر: فرضى.

لمعالجة نموذج انحدار الناتج القومي الإجمالي Y إلى الصادرات X_1 والواردات X_1 ، نتبع الخطوات التالية :

- ۱ نفتح قائمة إحصاء Statistics ونختار منها انحدار Regression ثم خطي . Linear.
 - ٢- تظهر نافذة فيها قائمة المتغيرات الموجودة في ملف البيانات.
- ٣- ندخل المتغير التابع في المكان المخصص له في النافذة وذلك بالضغط على مفتاح الفأرة الأيسر فوق اسم المتغير التابع، ثم نضغط من جديد على مفتاح الفأرة الأيسر فوق السهم الموجود بين قائمة المتغيرات ومكان المتغير التابع.
- نفس المتغيرات المستقلة (X_1 و X_1) في المكان المخصص لها أيضا بنفس الأسلوب السابق. بنهاية هذه العملية سنحصل على الشكل التالى:



الشكل رقم (٣,١). المتغير التابع والمتغيرات المستقلة وطريقة الانحدار في نموذج الانحدار المتعدد.

0- ثم ok وسنحصل على كل النتائج المتعلقة بهذا النموذج على النحو التالي:

Variables Entered/Removed^b

Model	Variables Entered	Variables Removed	Method
1	X3. X1 ^a		Enter

a. All requested variables entered.

b. Department Variable: Y

Model Summary

Model	R	R. Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.956 ^a	.914	.907	52.1463

a. Predictors: (Constant), X3, X1

ANOVA^b

Model	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
Regression	718141.5	2	359070.8	132.048	.000 ^a
Residual	7980.883	25	2719.235		
Total	786122.4	27			

a. Predictors: (Constant), X3, X1b. Dependent Variable: Y

Coefficients^a

	1	Unstandardized Cofficients			
Model	В	Std. Error	Beta	t	Sig.
(Constant	36.214	17.306		2.093	.047
XI	.696	.140	.408	4.985	.000
X3	2.247	.293	.627	7.662	.000

b. Dependent Variable: Y

Correlations

		Y	X1	X3
Pearson	Y	1.000	.843**	.910**
Correlation	X1	.843**	1.000	.695**
	X3	.910**	.695**	1.000
Sig.	Y		.000	.000
(2-tailed)	X1	.000		.000
	X3	.000	.000	•
N	Y	28	28	28
	X1	28	28	28
	X3	28	28	28

^{**} Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailled).

نلاحظ من هذه النتائج أن:

۱ - معامل الارتباط المتعدد = ۰,۹۵٦ ، أي يوجد ارتباط موجب وقوي جدا بين المتغير التابع (الناتج القومي الإجمالي) والمتغيرين المستقلين: الصادرات والواردات.

٢- معامل التحديد = ٩١٤, (معامل التحديد المعدل = ٧٠٩,٠)، أي أن المتغيرين المستقلين قد فسرا أو شرحا ما يزيد على ٩١٪ من تغيرات المتغير التابع، وهي نسبة ممتازة وتدل على أن هذين المتغيرين لهما أثر كبير على تغيرات المتغير التابع.

٣- الخطأ المعياري للتقدير = ٥٢,١٤٦٥.

٤ – مؤشر اختبار فيشر الفعلي أو المحسوب = ١٣٢,٠٤٨ وهـو أكبر مـن نظيره الجدولي، ويمكن التوصل إلى هذه النتيجة من مؤشر دلالة الاختبار الفعلي.

٥- مؤشر دلالة اختبار فيشر الفعلي = ٠,٠٠٠ وهو أصغر من مستوى الدلالة ٥٪، لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة، أي يوجد علاقة خطية بين المتغيرين المستقلين.

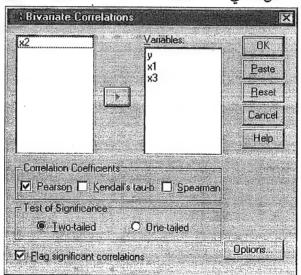
 الدلالة اختبار t المتعلق بالمعلمة t وهو أصغر من مستوى الدلالة المقترح، لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة، أي أن المعلمة β_1 تختلف عن الصفر وبالتالى فإن X_1 له تأثير جوهري على المتغير التابع من الناحية الإحصائية.

مؤشر دلالة اختبار t المتعلق بالمعلمة 0 وهو أصغر من مستوى $-\Lambda$ الدلالة المقترح، لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة، أي أن المعلمة 0 كتلف عن الصفر، أي أن 0 له تأثير جوهري من الناحية الإحصائية على المتغير التابع.

9 - معاملات الارتباط الجزئي جوهرية من الناحية الإحصائية (تختلف عن الصفر) عند مستوى دلالة قدره ١٪. ويتم الحصول على مصفوفة معاملات الارتباط الجزئي باتباع الخطوات التالية:

أ) نفتح قائمة إحصاء Statistics ونختار منها ارتباط Correlate ثم ارتباط ثنائي. Bivariate

ب) تظهر نافذة فيها قائمة المتغيرات الموجودة في ملف البيانات بالإضافة إلى نافذة فارغة يتم نقل المتغيرات المراد حساب الارتباط بينها إليها كما يظهر من الشكل التالى:



الشكل رقم (٣,٢). نافذة مصفوفة الارتباط.

ويمكن تحديد جهة الاختبار (من جهة واحدة أو من جهتين) من هذه النافذة ونوعية معامل الارتباط (بيرسون، كندال، سبيرمان).

جـ) نختار ok وبذلك نحصل على مصفوفة الارتباط بين المتغيرات المحددة.

: معادلة انحدار الناتج القومي الإجمالي على الصادرات والواردات هي : $\hat{y}_t = 36.214 + 0.696x_{1t} + 2.247x_{3t}$

۱۱ - تقدير الناتج القومي الإجمالي: يمكن تقدير الناتج القومي الإجمالي إذا كانت الصادرات والواردات معلومة بتعويض قيم الصادرات والواردات في معادلة الانحدار السابقة على الشكل التالي:

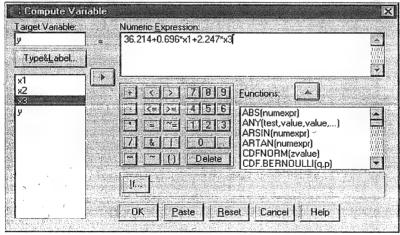
 $\hat{y}_{1995} = 36.214 + 0.696(160.66) + 2.247(105.19) = 384.40$

وبنفس الأسلوب يمكن تقدير الناتج القومي الإجمالي في باقي السنوات. وياستخدام المعالجة الآلية يمكن تقدير الناتج القومي الإجمالي بإتباع الخطوات التالية:

۱ - نفتح ورقة عمل أو شاشة بيانات جديدة في برنامج SPSS.

٢- نعرف المتغيرين X_1 و Xثم ندخل قيمهما.

٣- نفتح قائمة تحويل Transform ثم نختار منها حساب Compute فتظهر نافذة
 الحوار التالية:



الشكل رقم (٣,٣). نافذة الحوار الخاصة بعملية تقدير الناتج القومي الإجمالي.

نلاحظ في هذه النافذة الآتى:

- أ) سطر فارغ يقع في الزاوية العليا اليمنى من النافذة مخصص للمتغير الذي نريد حساب قيمة له ويسمى متغير الوجهة Target variable ، وهو في مثالنا عبارة عن المتغير التابع ، لذلك نكتب y من لوحة المفاتيح في هذا السطر.
- ب) قائمة بأسماء المتغيرات الموجودة في ملف البيانات تقع أسفل متغير الوجهة.
- ج) مجموعة من الأسطر الفارغة تقع إلى يمين متغير الوجهة ويربط بينهما إشارة مساواة لكتابة التعبير العددي Numeric expression، نكتب فيه الطرف الأيسر من معادلة الانحدار على الشكل التالى:
 - نكتب العدد الثابت ٣٦,٢١٤ ثم + من لوحة المفاتيح.
- نكتب معامل الانحدار b_1 وهو ١٩٦٠، من لوحة المفاتيح ثم إشارة الضرب* من لوحة المفاتيح أيضا ثم نضغط على مفتاح الفارة الأيسر فوق x_1 في قائمة أسماء متغيرات ملف البيانات ثم نضغط على مفتاح الفأرة الأيسر فوق السهم الموجود بين هذه القائمة ومكان كتابة التعبير العددى فينتقل x_1 عين قيمة المعامل x_1 .
 - نكرر الخطوة السابقة من أجل b_2 و x_3 بنفس الأسلوب.
 - ٤- نختار ok فنحصل على الجدول التالى:

الجدول رقم (٣,٤). الناتج القومي الإجمالي المقدر خلال الفترة ٩٩٥ - ٠ • ٠ ٠ م.

		E 12			(A)		
	y	×1	х3	var	yar.	yar.	- var
1	384.40	160.66	105.19				
2	384.86	165.23	103.98				
3	380.59	150.13	106.76				
4	362.17	145.45	100.01				
5	402.50	170.50	110.20				
6	41D.76	171.71	113.50				
7							
9							
9							
iii					1		

مثال (٣): استخدم بيانات الجدول (٢,١) في إيجاد معادلة انحدار الناتج القومي الإجمالي على الصادرات والواردات وعدد السكان باستخدام طريقة الانحدار خطوة خطوة Stepwise ، ثم اختبر وجود ارتباط ذاتي بين القيم المتنالية للمتغير العشوائي.

الحل: تمتاز طريقة الانحدار خطوة خطوة أو على مراحل بأنها تدخل المتغيرات المستقلة إلى معادلة الانحدار واحدا تلو الآخر، ويستطيع الباحث الحكم على معنوية أو جوهرية تأثير المتغير المستقل على المتغير التابع من خلال قيمة معامل التحديد المتعدد. فإذا لم تزداد قيمة هذا المعامل عند إدخال متغير مستقل جديد، فهذا يعني أن المتغير الجديد ليس له تأثير على المتغير التابع ويمكن حذفه من معادلة الانحدار. وبالعكس إذا زادت قيمة معامل التحديد فإن هذا المتغير له تأثير على المتغير التابع ويجب إدخاله في معادلة الانحدار.

تجدر الإشارة إلى أن ترتيب المتغيرات المستقلة ليس له تأثير على قيمة معامل التحديد المتعدد، حيث تبقى قيمته ثابتة مهما اختلف ترتيب المتغيرات المستقلة. لكن الأهمية النسبية للمتغيرات المستقلة، سوف تختلف باختلاف ترتيبها في معادلة الانحدار. ففي مثالنا هذا سندخل المتغيرX وهو الواردات قبل غيره من المتغيرات المستقلة، لذلك سيشرح أو يفسر نسبة أكبر من تغيرات المتغير التابع مقارنة بالمتغيرات المستقلة الأخرى التي سندخلها بعده إلى معادلة الانحدار.

لإيجاد معادلة انحدار الناتج القومي باستخدام ثلاثة متغيرات مستقلة وطريقة الانحدار خطوة خطوة نتبع الخطوات التالية:

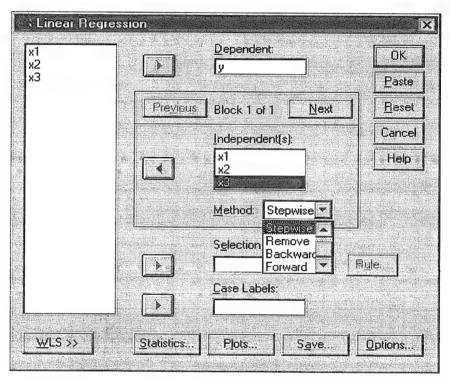
١ - نفتح قائمة إحصاء Statistics ونختار منها انحدار Regression ثم خطي Linear

٢- تظهر نافذة فيها قائمة المتغيرات الموجودة في ملف البيانات.

٣- ندخل المتغير التابع في المكان المخصص له في النافذة وذلك بالضغط على مفتاح الفأرة الأيسر فوق اسم المتغير التابع، ثم نضغط من جديد على مفتاح الفأرة الأيسر فوق السهم الموجود بين قائمة المتغيرات ومكان المتغير التابع.

ندخل المتغيرات المستقلة (x_1 و x_2 و x_3) في المكان المخصص لها أيضا بنفس الأسلوب السابق.

٥- نفتح القائمة المنسدلة والتي تتضمن طرائق الانحدار Method الموجودة في البرنامج ونختار منها Stepwise كما يظهر من الشكل التالي:



الشكل رقم (٣,٤). نافذة طرائق الانحدار الخطي المتعدد.

٦ - نفتح تبويب إحصاء Statistics ونضع إشارة √ إلى جانب اختبار دوريون - واتسون.

٧- ثم نختار ok وسنحصل على كل النتائج المتعلقة بهذا النموذج على النحو التالي:

Variables Entered/Removed^a

Model	Variables Entered	Variables Removed	Method
1	Х3		Stepwise (Criteria: Probabilit y-of-F-to-e nter <= .050, Probabilit y-of-F-to-r emove >= .100).
2	X1		Stepwise (Criteria: Probabilit y-of-F-to-e nter <= .050, Probabilit y-of-F-to-r emove >= .100).
3	X2		Stepwise (Criteria: Probabilit y-of-F-to-e nter <= .050, Probabilit y-of-F-to-r emove >= .100).

a. Dependent Variable: Y

نلاحظ من هذا الجدول أن هناك ثلاثة نماذج انحدار خطي: - النموذج الأول يتضمن متغير مستقل واحد فقط هو الواردات.

- النموذج الثاني يتضمن متغيرين مستقلين هما الواردات والصادرات.
- النموذج الثالث يتضمن ثلاثة متغيرات مستقلة هي الواردات والصادرات وعدد السكان.

Model Summary^d

			Adjusted	Std. Error of the	
Model	R	R Square	R Śquare	Estimate	Durbin-Watson
1	.910 ^a	.828	.821	72.2028	
2	.956 ^b	.914	.907	52.1463	
3	.988 ^c	.977	.974	27.6599	1.548

a. Predictors: (Constant), X3

b. Predictors: (Constant), X3, X1

c. Predictors: (Constant), X3, X1, X2

d. Dependent Variable: Y

يتضمن هذا الجدول معامل الارتباط ومعامل التحديد ومعامل التحديد المعدل والخطأ المعياري للتقدير لكل نموذج من النماذج الشلاث الموجودة في الجدول السابق بالإضافة إلى اختبار دوربون واتسون المتعلق بالارتباط الذاتي للمتغير العشوائي والذي يساوي ١,٥٤٨. وبالرجوع إلى جداول توزيع دوربون واتسون نجد أن:

و 1.41 و 1.41 كان عدد المشاهدات ٢٨ مشاهدة ومستوى الدلالة $d_{_{I}}=1.41$ و 1.4٪.

وبمقارنة قيمة مؤشر الاختبار الفعلي مع الحدين الأعلى والأدنى نلاحظ أن : $d^* > d_u$ لذلك نقبل فرضية العدم ، أي لا يوجد ارتباط ذاتي بين القيم المتتالية للمتغير العشوائي.

Anova^d

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	650578.2	1	650578.2	124.793	.000a
	Residual	135544.2	26	5213.239		
	Total	786122.4	27			
2	Regression	718141.5	2	359070.8	132.048	.000b
	Residual	7980.883	25	2719.235		
	Total	786122.4	27			
3	Regression	767760.7	3	255920.2	334.506	.000°
	Residual	8361.650	24	765.069		
	Total	786122.4	27			

a. Predictors: (Constant), X3

b. Predictors: (Constant), X3, X1

c. Predictors: (Constant), X3, X1, X2

d. Dependent Variable: Y

يتضمن هذا الجدول: مجموع مربعات الانحدار والخطأ والكلي وعدد درجات الحرية الموافق لكل مجموع مربعات لكل نموذج من النماذج الثلاثة السابقة، بالإضافة إلى متوسط المربعات وقيمة اختبار فيشر الفعلية ومؤشر اختبار فيشر الفعلي.

Coefficients^a

				Standardi zed Coefficien ts		
Model	Ī	В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	62.482	22.825		2.737	.011
	Х3	3.262	.292	.910	. 11.171	.000
2	(Constant)	36.214	17.306		2.093	.047
	Х3	2.247	.293	.627	7.662	.000
	X1	.696	.140	.408	4.985	.000
3	(Constant)	-93.493	18.538		-5.043	.000
	хз	.746	.243	.208	3.072	.005
	X1	.957	.081	.560	11.834	.000
	X2	18.095	2.247	.416	8.053	.000

a. Dependent Variable: Y

يتضمن هذا الجدول النتائج المتعلقة بمعاملات الانحدار لكل نموذج من النماذج الثلاث السابقة بالإضافة للاختبارات الإحصائية لهذه المعاملات.

من هذا الجدول يمكن أن نستنتج معادلة انحدار الناتج القومي الإجمالي على الواردات والصادرات وعدد السكان وهي:

 $\hat{y}_t = -93.493 + 0.746x_{3t} + 0.957x_{1t} + 18.095x_{2t}$

ويمكن استخدام هذه المعادلة في التنبؤ إذا علمنا قيم الواردات والصادرات وعدد السكان في أي عام. كما يمكن استخدام باقي طرق الانحدار الخطي المتعدد بنفس الأسلوب.

أسئلة وتمارين غير محلولة

١ - وضح مفهوم الانحدار الخطي المتعدد وبين ما الفرق بينه وبين الانحدار
 الخطى البسيط.

٢- ما الفرق بين طريقة المربعات الصغرى العادية المستخدمة في الانحدار الخطي
 المتعدد وتلك المستخدمة في الانحدار الخطى البسيط.

j=1,2,...,k عماملات الانحدار والمحيث b_j معاملات الانحدار الجزئية؟ $-\infty$ اشرح طريقة المحددات أو المعينات المستخدمة في حل جملة المعادلات الطبيعية.

0- تقول النظرية الكينزية إن زيادة الإنفاق الحكومي يؤدي إلى زيادة الدخل القومي، كما تنص نظرية فريدمان أن زيادة عرض النقود يؤدي إلى زيادة الدخل القومي. اختبر صحة هاتين النظريتين من خلال بيانات الجدول التالي، الذي يتضمن عرض النقود والناتج المحلي الإجمالي والإنفاق الحكومي بالمليون ريال في المملكة العربية السعودية خلال الفترة: ١٩٧٠-١٩٩٧م، باستخدام المعالجة الآلية لنموذج انحدار الناتج المحلي الإجمالي على الإنفاق الحكومي وعرض النقود مع شرح أهم نتائج هذه المعالجة.

الجدول رقم (٣,٥). عرض النقود والناتج المحلي الإجمالي والإنفاق الحكومي (مليون ريسال) في المملكسة العربية السعودية خلال الفترة: ١٩٧٠-١٩٩٧م.

الإنفاق ألحكومي	الناتج المحلي الإجمالي	عرض النقود	السنوات
. ٣٤٢١	١٧٣٩٨	٨٤٣	197.
474	77971	٨٥٠	1971
0.473	YAY0V	9 • 9	1977
٥٣٣٥	٤٠٥٥٢	١٠٣٤	. 1977
377.8	99777	1.00	1978
10911	1797.1	11	1970
۲۸۸۸۳	178077	1199	1977
٤١٠٣٣	7.0.07	1799	19VV

تابع الجدول رقم (٣,٥).

الإنفاق الحكومي	الناتج المحلي الإجمالي	عرض النقود	السنوات
٤٧٠٣٤	7702.7	1 2 2 9	۱۹۷۸
V19·8	729021	1748	1979
٧٧٥٦٣	77.0A.V	١٨٧٣	191.
A1910	07.074	7181	١٩٨١
170077	072719	7 8 . 0	1977
301771	177013	A77.7	۱۹۸۳
171770	*******	YAYY	١٩٨٤
171.00	701790	7170	19/10
١١٤٣٨٨	717981	799 A	۱۹۸٦
1 • 7٣7٧	YV1.91	0071	١٩٨٧
1.44.4	770207	٧٤٨٣	١٩٨٨
97517	F310AY	1777	١٩٨٩
97078	77.077	71187	199.
17.177	791997	77.77	1991
170 * * *	£ £ Y • TV	٤٨٣٥٧	1997
121970	£7179A	10730	1998
177779	227727	77777	1998
119071	20 * * 70	۸۳٤٠٣	1990
17712	YOFAVE	1.7900	1997
18.700	07970.	١١٦٠٩٣	1997

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة- وزارة التخطيط.

y ليكن لدينا الجدول التالي، الذي يمثل الكمية المطلوبة من إحدى السلع x_3 (ريال) وسعر السلعة البديلة x_4 (ريال) خلال الفترة x_5 - 1998م.

الجدول رقم (٣,٦). يوضح الكمية المطلوبة من إحدى السلع وسعرها ودخل المستهلك وسعر السلعة البديلة خلال الفترة ١٩٨٠-١٩٩٤م.

سعر السلعة البديلة	دخل المستهلك	سعر السلعة	الكمية المطلوبة	السنوات
10	70	١٤	۳٠	۱۹۸۰
19	٣٠٠٠	١٣	٣٥	19.81
١٧	70	١٤	٤٠	1481
١٨	٤٠٠٠	١٣	٤٥	١٩٨٣
١٦	٤٥٠٠	17	٥٠	١٩٨٤
۲.	0 * * *	11	7.	1910
71	00**	11	00	۲۸۶۱
77	7,00	١٣	00	١٩٨٧
77	70	1 *	70	۱۹۸۸
3.7	V · · ·	١.	70	١٩٨٩
70	Vo··	١.	٧٠	199.
۲۸	٨٠٠٠	٨	9.	1991
74	٨٥٠٠	٩	۸٠	1997
79	9	٨	٨٥	1994
77	9000	٩	٧٥	1998

المصدر: فرضى.

والمطلوب

إيجاد معادلة انحدار الكمية المطلوبة على سعر السلعة ودخل المستهلك وسعر السلعة البديلة باستخدام المعالجة الآلية لنموذج الانحدار الخطي المتعدد مع تفسير نتائج هذه المعالجة. ثم استخدم معادلة الانحدار في تقدير الكمية المطلوبة في عام ٢٠٠٠م إذا كان سعر السلعة ١٠ ريال ودخل المستهلك ٢٠٠٠ ريال وسعر السلعة البديلة ٣٠ ريال.

٧- ليكن لدينا الجدول التالي، الذي يمثل الناتج القومي الإجمالي والإنفاق
 ١-١٤ الخاص والحكومي والاستثمار (مليون ريال) في المملكة العربية السعودية خلال الفترة:
 ١٩٧٠ - ١٩٩٧م.

الجدول رقم (٣,٧). الناتج المحلي الإجمالي والإنفاق الحاص والحكومي والاستثمار (مليسون ريسال) في المملكة العربية السعودية خلال الفترة: ١٩٧٠–١٩٩٧م.

الاستثمار	الإنفاق الحكومي	الإنفاق الخاص	الناتج المحلي الإجمالي	السنوات
709 V	7571	0109	١٧٣٩٨	194.
7947	۳۷۹۸	7817	77971	1981
45.4	٥٨٢٤	7910	YAYOV	1977
0798	0440	7.47	٤٠٥٥٢	1974
۸٤٠٠	377.8	۸۲۸۶	99717	1978
17799	10911	١٨٠٣٩	1897.1	1940
2405.	YAAAY	744.4	175077	1977
01191	٤١٠٣٣	7277	7.0.01	1977
17891	٤٧٠٣٤	0 2 7 + 7	7702.7	۱۹۷۸
V7708	V19 • £	٦٨٦٠٨	789081	1979
۸۲۰٦۸	۷۷٥٦٣	١٠٢٣٨٥	**A0A*V	۱۹۸۰
1.7461	A1910	1189+0	07.019	١٩٨١
177718	17077	177018	072719	711
110808	30171	101798	210771	79.88
١٠٣٢٢٨	171770	١٥٧٣٧٣	TVY•YT	١٩٨٤
97898	171.00	109808	701790	1910
31777	118711	100097	717981	ነባለኘ
77188	1.7777	18 - 181	YV1+91	١٩٨٧
707.7	1.44.4	170079	70207	۱۹۸۸
07911	94514	١٣٩٣٩٨	710187	١٩٨٩

تابع الجدول رقم (٣,٧).

الاستثمار	الإنفاق الحكومي	الإنفاق الخاص	الناتج المحلي الإجمالي	السنوات
7.8.9	97078	180.77	. ٣١٠٨٢٢	199.
٧٣٨٠٣	17.177	١٥٥٨٧٤	791997	1991
۸٦٥١٠	170	1711	2 £ Y • YY	1997
9890	181970	115919	87184	1998
9. 180 •	1 7 7 7 7 9	1989.9	73.4733	1998
۸٤٢٠٧	119071	١٨٥٨٣٢	2070	1990
97000	177129	198077	YOFAV3	١٩٩٦
9 • ٧ ٤ ٧	18+770	7.7557	07970+	1997

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة- وزارة التخطيط.

والمطلوب

- أ) استخدام المعالجة الآلية لإيجاد معادلة انحدار الناتج المحلي الإجمالي على الإنفاق الخاص والحكومي والاستثمار باستخدام طريقة الانحدار المتدرج أو الخطوة خطوة Stepwise.
 - ب) اشرح نتائج المعالجة الآلية.
- ج) أوجد مصفوفة معاملات الارتباط ثم اختبر معنوية أو جوهرية هذه المعاملات.
 - د) اختبر وجود ارتباط ذاتي بين القيم المتتالية للمتغير العشوائي.
- هـ) قدر الناتج المحلي الإجمالي في عام ٢٠٠٠م إذا كان الإنفاق الحكومي ٥٠٠ مليار ريال والخاص ٢٥٠ مليار ريال والاستثمار ١٠٠ مليار ريال في ذلك العام.

E - -023

استخدام نماذج المعادلات الأنية في التنبؤ الإداري

(١,٤) مقدمـــة*

لقد تم في نماذج الانحدار معالجة كل نموذج بمفرده، حيث أن كل نموذج يتكون من معادلة واحدة تحوي متغيرا تابعا واحدا، ومتغيرا مستقلا واحدا أو عدة متغيرات مستقلة بحيث لا يزيد عددها على عدد المشاهدات المستخدمة في تقدير النموذج (عادة لا تزيد على ثلاثة). وقد اعتبرنا أن العلاقات المتبادلة Reciprocal causation بين متغيرات النموذج معدومة. فإذا كان المتغير x سببا للمتغير y فلا يمكن للمتغير y أن يكون سببا للمتغير x في نفس الوقت، فهو نموذج أحادي الاتجاه.

إن النماذج أحادية الاتجاه قد لا تتوافق دائما مع التطبيقات العملية ، فقد يتأثر المتغير التابع بالمتغير المستقل وفي نفس الوقت يؤثر به ، فلا بد في هذه الحالة من أخذ العلاقات المتبادلة بين متغيرات النموذج بعين الاعتبار. فالمتغير التابع في معادلة ما قد يوجد ضمن مجموعة متغيرات مستقلة في معادلة أخرى من نفس النموذج ، فهو يلعب دورا مزدوجا ، حيث يكون هو المتأثر في المعادلة الأولى والمؤثر في المعادلة الثانية.

^{*} للمزيد من التفاصيل يمكن الرجوع إلى كتب الاقتصاد القياسي ولاسيما: مقدمة في الاقتصاد القياسي والاقتصاد القياسي التطبيقي.

يطلق على النماذج ذات التأثير الثنائي المشترك نماذج المعادلات الآنية من مجموعة معادلات تتضمن Simultaneous Equations. يتألف نموذج المعادلات الآنية من مجموعة معادلات تتضمن متغيرات ذات تأثير متبادل، تصنف هذه المعادلات إلى معادلات سلوكية الفسر equations ومعادلات تعريفية Identity equations. تعرف المعادلات السلوكية بأنها تفسر استجابة ظاهرة اقتصادية معينة للتغيرات التي تطرأ على ظاهرة أو ظواهر اقتصادية أخرى حسب التركيب الاقتصادي الذي يصفه النموذج. وكأمثلة على المعادلات السلوكية دوال الاستهلاك والطلب والاستثمار... إلخ. أما المعادلات التعريفية فهي التي تصف كيفية حساب بعض متغيرات النموذج بدلالة المتغيرات الأخرى. وكمثال على ذلك المعادلة التي تعرف الدخل بأنه يساوي مجموع الاستهلاك والاستثمار ...

كذلك يتضمن نموذج المعادلات الآنية مجموعة من المتغيرات التي تصنف عادة، إلى متغيرات داخلية Endogenous variables ومتغيرات خارجية Exogenous variables ومتغيرات خارجية المضمنة المناخلية بوساطة النموذج نفسه ومن خلال التأثيرات المتبادلة المضمنة فيه. أما المتغيرات الخارجية فإنها تتحدد من خارج النموذج وتعتبر من معطيات النموذج. كما يحتوي نموذج المعادلات الآنية بالإضافة إلى ذلك متغيرات عشوائية ومعالم مجهولة يتم تقديرها لحل النموذج.

و يعتبر نموذج تحديد الدخل الكينزي من نماذج المعادلات الآنية ، الذي يأخذ الشكل التالى :

$$c_t = \alpha + \beta y_t + \varepsilon_t$$
 $y_t = c_t + I_t$.t بالإنفاق الاستهلاكي في الفترة t .t بالدخل في الفترة t .t الاستثمار في الفترة t .t الاستثمار في الفترة t .

: متغير عشوائي يحقق الشروط التالية $arepsilon_t$ $E[arepsilon_t]=0$ $E[arepsilon_t^2]=\sigma_{arepsilon}^2$ $E[arepsilon_t arepsilon_{t-k}]=0; k \neq 0$

 $E[I,\varepsilon,]=0$

يحتوي النموذج السابق على معادلتين، الأولى دالة الاستهلاك وهي معادلة سلوكية تصف سلوك الاستهلاك، إذ توضح طبيعة العلاقة بين الاستهلاك، والدخل v, أما المعادلة الثانية فهي معادلة تعريفية توضح أن الدخل يساوي مجموع الاستهلاك والاستثمار. ولا تتضمن متغيرات عشوائية أو معالم مجهولة. وفي هذا النموذج فإن v, و v, هما متغيران داخليان يتم تحديدهما بواسطة النموذج نفسه وفق القيم التي تأخذها بقية المتغيرات. أما المتغير v فهو متغير خارجي يتم تحديده من خارج نظام المعادلتين السابقتين.

وبشكل عام، فإن نموذجا آنيا بمعادلتين يمكن أن يأخذ الشكل التالى:

 $y_{1t} = \alpha_0 + \alpha_1 y_{2t} + \alpha_2 x_{1t} + \varepsilon_{1t}$ $(\xi, \Upsilon) \qquad y_{2t} = \beta_0 + \beta_1 y_{1t} + \beta_2 x_{2t} + \varepsilon_{2t}$

حيث: y_{1t} ; y_{2t} داخليان.

رجیان. متغیران خارجیان. $x_{1i}; x_{2i}$

متغيران عشوائيان. $arepsilon_{1\iota}; arepsilon_{2\iota}$

النموذج: المعادلات الهيكلية. $\alpha_0; \alpha_1; \alpha_2; \beta_0; \beta_1; \beta_2$ النموذج: المعادلات الهيكلية.

(٤, ٢) مشكلة تحديد النموذج

إن مشكلة تحديد النموذج The identification problem هي مشكلة خاصة الاقتصاد القياسي، ناتجة عن وجود علاقة بين المتغير المستقل وبين المتغير العشوائي في

معادلة الانحدار. وتتلخص هذه المشكلة بعدم القدرة على إيجاد قيم وحيدة Unique معادلة الانحدار. وتتلخص هذه المشكلة Structural equations.*.

إذا كان المطلوب مثلا، دراسة علاقة الإنتاج الزراعي بكل من درجة الحرارة وكمية الأمطار، فيمكن التعبير عن هذه العلاقة بنموذج انحدار متعدد على الشكل التالي: $y_t = \alpha_0 + \alpha_1 T_t + \alpha_2 R_t + \varepsilon_t$

حيث: ٧٠ قثل الإنتاج الزراعي.

درجة الحرارة. T_t

 R_i كمية الأمطار.

متغیر عشوائی. ε_i

ج. معالم النموذج. $\alpha_0; \alpha_1; \alpha_2$

في هذا النموذج يمكن افتراض أن المتغير العشوائي مستقل عن المتغيرات المستقلة، ويعبر عن ذلك رياضيا على النحو التالى:

 $E[T_t\varepsilon_t]=0$

 $E[R_t \varepsilon_t] = 0$

قد يبدو هذا النموذج بسيطا ولا يأخذ بعين الاعتبار متغيرات مستقلة أخرى لا تقل أهمية عن درجة الحرارة وكمية الأمطار، كالسماد، F_i والآلات الزراعية M_i والأيدي العاملة في مجال القطاع الزراعي، L_i مثلا، فلو أدخلت في المعادلة لأصبح النموذج السابق على الشكل التالى:

 $(\xi, \xi) y_t = \alpha_0 + \alpha_1 T_t + \alpha_2 R_t + \alpha_3 F_t + \alpha_4 M_t + \alpha_5 L_t + \varepsilon_t$

في هذا النموذج لم يعد باستطاعتنا افتراض أن المتغيرات المستقلة غير مرتبطة بالمتغير العشوائي لأن المتغيرات الجديدة التي أدخلناها في النموذج (السماد والآلات

^{*} الاقتصاد القياسي التطبيقي، مرجع سابق، ص٣١٧-٣١٨.

الزراعية والأيدي العاملة) تختلف عن المتغيرات السابقة (درجة الحرارة وكمية الأمطار). فهذه المتغيرات ترتبط بتكوين السحب وسرعة الرياح والموقع الجغرافي... إلخ، لذلك يمكن اعتبارها مستقلة عن المتغير العشوائي. بينما المتغيرات الجديدة ترتبط بسعر السوق وكمية العرض والطلب من كل متغير. فهذه المتغيرات تحدد الإنتاج الزراعي وتتحدد به، لذلك لا يمكن اعتبارها مستقلة عن المتغير العشوائي، أي أن:

$$E[F_t\varepsilon_t] \neq 0$$

$$E[M_t \varepsilon_t] \neq 0$$

$$E[L_t\varepsilon_t]\neq 0$$

كذلك لم يعد باستطاعتنا استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية OLS في تقدير معالم النموذج، لذلك يجب توسيع النموذج السابق والمكون من معادلة انحدار واحدة باستخدام نموذج يتكون من عدد من المعادلات الهيكلية واستخدام طرائق مختلفة عن طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير معالم النموذج*.

لنأخذ مثالا آخر يوضح هذه المشكلة. لنفرض أن النموذج التالي يمثل علاقة كل من الكمية المعروضة والكمية المطلوبة بسعر السلعة:

$$Q_s = a_0 + a_1 P$$

$$Q_d = b_0 + b_1 P$$

في هـذا النمـوذج اعتبرنا أن العلاقـة بـين الكميـة المعروضـة Q_0 أو المطلوبـة Q_0 والسعر Q_0 تامة ، حيث تم حذف المتغير العشوائي Q_0 من النموذج والـذي يقيس أثر المتغيرات الأخرى غير السعر على الكمية المعروضة أو المطلوبة.

^{*} المرجع السابق.

نلاحظ من العلاقة (٤,٥) أن الطلب وحده أو العرض وحده لا يمكن أن يحدد سعر السلعة، وإنما يتحدد السعر بتفاعل كل من العرض والطلب وهو سعر التوازن الذي تتساوى عنده الكمية المعروضة مع الكمية المطلوبة، أي أن:

$$Q_s = Q_d = Q$$

حيث تمثل Q كمية التوازن. وبذلك يمكن كتابة النموذج $(\xi,0)$ على الشكل التالى:

$$(\xi, \Im) \qquad \qquad Q = a_0 + a_1 P$$

$$(\xi, V) Q = b_0 + b_1 P$$

تسمى المعادلتان (٤,٦) و(٤,٧) بنموذج المعادلات الهيكلية ويعبر عن العلاقة بين المتغيرين: P و Q باستخدام معادلتي انحدار بدلا من معادلة واحدة، بينما يسمى المتغيران: P و Q متغيرين داخليين. ويعتبر هذا النموذج كاملا من الناحية الرياضية Mathematically complete ، حيث يتضمن عددا من المعادلات يساوي عدد المعالم.

وبحل المعادلتين (٤,٦) و(٤,٧) يمكن أن نكتب:

$$(\xi, \Lambda) P = \frac{a_0 - b_0}{b_1 - a_1}$$

$$Q = \frac{b_1 a_0 - a_1 b_0}{b_1 - a_1}$$

تسمى المعادلتان (٤,٨) و(٤,٩) بالنموذج المصغر ويتضمن المتغيرين: $P \in \mathbb{Q}$ بالإضافة إلى المعالم: b_1, a_1, b_0, a_0

نلاحظ أنه لا يمكن حل معادلتي النموذج المصغر إلا إذا توفرت معلومات أخرى بالإضافة إلى الكمية والسعر، لأن النموذج يتكون من معادلتين وأربعة معالم.

إن مشكلة تحديد النموذج كما ذكرنا سابقا تتلخص في عدم القدرة على الخصول على قيم وحيدة للمعالم b_1,a_1,b_0,a_0 ، حيث يوجد عدد لانهائي من القيم لهذه المعالم والتي تعتبر حلا للنموذج. وقد نتجت مشكلة عدم التحديد هذه عن وجود

علاقة عكسية بين المتغيرين P وQ، ولحل هذه المشكلة لا بد من الحصول على معلومات أخرى مساعدة لتحديد النموذج.

(٤,٣) تقدير معالم النموذج

وجدنا في الفقرة السابقة أن نموذج المعادلات الآنية لا يمكن حله لأنه غير محدد، ولتحديده نلجأ إلى إضافة متغيرات تسمى بالمتغيرات الخارجية المحذوفة من النموذج كافية لحل النموذج. لكن السؤال الذي يطرح هو كم عدد هذه المتغيرات؟ للإجابة على هذا السؤال يمكن أن نميز الحالات التالية*:

أولا: تعتبر أية معادلة في نموذج المعادلات الآنية محددة تماما Exactly Identified إذا كان عدد المتغيرات الخارجية المحذوفة من هذه المعادلة مساويا تماما إلى عدد المتغيرات الداخلية فيها ناقصا واحد.

ثانيا: تعتبر أية معادلة في نموذج المعادلات الآنية دون مستوى التحديد Under ثانيا: تعتبر أية معادلة في نموذج المعادلات الخارجية المحذوفة من هذه المعادلة أقل من عدد المتغيرات الداخلية فيها ناقصا واحد.

ثالثا: تعتبر أية معادلة في نموذج المعادلات الآنية فوق مستوى التحديد Over عدد Identified إذا كان عدد المتغيرات الخارجية المحذوفة من هذه المعادلة أكبر من عدد المتغيرات الداخلية فيها ناقصا واحد.

في هذا الفصل سنهتم فقط بالمعادلات المحددة تماما أو التي فوق مستوى التحديد، وسنهمل المعادلات التي دون مستوى التحديد التي لا يمكن تحديد المعالم فيها. وسنقوم بحل نموذج المعادلات الآنية المكون من هذه المعادلات باستخدام طريقة المربعات الصغرى على مرحلتين (ZSLS) Tow-Stage Least Squares لأنها هي الأسهل والأوسع انتشارا من بين الطرائق المخصصة لتقدير معالم نموذج المعادلات الآنية.

^{*} المرجع السابق، ص ٣٣٠.

وتتفوق طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين على المربعات الصغرى غير المباشرة بأنها تعطي الأخطاء المعيارية للمعالم المقدرة مباشرة والتي لا تعطيها طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة. أما طريقة المربعات الصغرى العادية فإنها تعطي مقدرات متحيزة وغير متسقة*.

(٤,٤) طريقة المربعات الصغرى على مرحلتين

تتكون هذه الطريقة من مرحلتين:

في المرحلة الأولى: نعتبر المتغير الداخلي دالة في المتغيرات الخارجية الموجودة في النموذج، ثم نستخدم نموذج الانحدار المتعدد فنحصل على تقدير للمتغير الداخلي. ويكون ارتباط القيمة المقدرة لهذا المتغير بالمتغير العشوائي أقل من ارتباط المتغير الأصلى**.

في المرحلة الثانية: نعتبر المتغير الداخلي الموجود على يسار المعادلة الهيكلية دالة في المتغير الخارجي المحذوف من المعادلة والقيم المقدرة للمتغير الداخلي الموجود على عين المعادلة الهيكلية، وباستخدام نموذج الانحدار المتعدد نحصل على تقدير للمتغير الداخلي الموجود على يسار المعادلة الهيكلية. أي أننا نقوم بتنقية المتغير الداخلي (أو المتغيرات الداخلية) من شوائب الارتباط مع المتغير العشوائي وذلك باستخدام القيم المقدرة بدلا من القيم الحقيقية لتلك المتغيرات عند إجراء الانحدار.

لنفرض أن لدينا نموذج المعادلات الآنية الممثل لدالتي العرض والطلب بدلالة السعر:

$$Q_s = a_0 + a_1 P + \varepsilon_1$$

$$Q_d = b_0 + b_1 P + \varepsilon_2$$

^{*} مقدمة في الاقتصاد القياسي، مرجع سبق ذكره، ص٥٩ ٣٦٠-٣٦٠.

^{**} مقدمة في الاقتصاد القياسي، مرجع سابق ص٣٦٧.

نلاحظ أن عدد المتغيرات الداخلية في كل معادلة من معادلات النموذج يساوي ٢ (الكمية والسعر)، لذلك نضيف متغيرا خارجيا واحدا إلى كل معادلة لتصبح محددة تماما. فلو أضفنا الزمن T إلى المعادلة الأولى والدخل الفردي المتاح ٢ إلى المعادلة الثانية نحصل على النموذج التالى:

$$Q_s = a_0 + a_1 P + a_2 T + \varepsilon_1$$

$$Q_d = b_0 + b_1 P + b_2 Y + \varepsilon_2$$

نلاحظ أن معادلات النموذج أصبحت محددة تماما لأن كل معادلة فيها عدد المتغيرات الخارجية يساوى تماما عدد المتغيرات الداخلية ناقصا واحد.

بعد تحديد النموذج نطبق طريقة المربعات الصغرى على مرحلتين على النحو التالي:

في المرحلة الأولى: نعتبر المتغير الداخلي P دالة في المتغيرات الخارجية Y وT، وباستخدام نموذج الانحدار المتعدد نحصل على المعادلة التالية:

$$\hat{P} = c_0 + c_1 y + c_2 t$$

وفي المرحلة الثانية: نعتبر المتغير الداخلي Q_s دالة في المتغير الخارجي T والقيمة المقدرة للمتغير الداخلي الذي حصلنا عليه في المرحلة الأولى \hat{P} ، وباستخدام طريقة الانحدار المتعدد مرة أخرى نحصل على دالة العرض المقدرة التالية:

$$\hat{q}_s = \hat{a}_0 + \hat{a}_1 \hat{P} + \hat{a}_2 t$$

وبنفس الأسلوب يتم تحديد دالة الطلب المقدرة ، حيث نعتبر أن المتغير الداخلي Q_a دالة في المتغير الخارجي P_a وفي القيمة المقدرة للمتغير الداخلي P_a ، وباستخدام طريقة الانحدار المتعدد من جديد نحصل على دالة الطلب المقدرة التالية :

$$\hat{q}_d = \hat{b}_0 + \hat{b}_1 \hat{P} + \hat{b}_2 y$$

مثال (١): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل الرقم القياسي لإنتاج المواد الغذائية Q والرقم القياسي لأسعار المواد الغذائية P والدخل الفردي المتاح V (ألف

ريال) والزمن T في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٩٧٩ -١٩٩٤م، باعتبار سنة الأساس هي عام ١٩٨٨م:

الجدول رقم (٤,١). الرقم القياسي لإنتاج المواد الغذائية وأسعارها والدخل الفردي في السعودية للفتـــرة ١٩٧٩ – ١٩٧٩م.

\hat{P}_t	P_t	Q_t	y_t	T	السنوات
07,70	٥٩	74	۲,٤٥	١	1979
٥٨,٦٨	٦٠	۸۱	۲,٦٩	۲	1944
₹,77	٦١	٥٥	۲,۸٦	٣	1941
77, • 7	٧١	٦٦	٤,٠١	٤	1977
90,08	۸۳	94	11,00	٥	19.50
1 • 9 , ٤ ٦	1	١٠٠	17,79	٦	١٩٨٤
170,07	۱۲۳	1+0	70,77	٧	1910
181,18	189	١٠٧	Y0,1V	٨	۱۹۸٦
184,40	180	١٠٩	70,77	٩	1947
189,17	10.	11.	77,79	١.	١٩٨٨
101,77	101	. 99	77,98	11	19/19
107,77	107	1.7	۲٦,٨٠	١٢	199.
104,77	100	1.5	77,01	١٣	1991
107,10	١٥٦	١٠٤	77,97	١٤	1997
109,08	17.	١٠٦	۲۷,0۰	10	1997
170,98	١٦٥	11.	۲۸,۹۹	۲۱	1998

المصدر: التقرير السنوي لمؤسسة النقد العربي السعودي عام ١٩٩٩م.

والمطلوب: تقدير الرقم القياسي للكمية المطلوبة والكمية المعروضة من السلع الغذائية في المملكة العربية السعودية خلال الفترة: ١٩٩٥-٢٠٠٠ م، إذا كان الدخل

الفردي المتاح خلال هذه الفترة هو: ۲۰٫۰، ۲۵٫۰، ۲۲٫۰، ۲۲٫۰، ۲۲٫۰، ۳۰٫۰، ۳۰٫۰، آلف ريال على الترتيب.

لنفرض أن النموذج الممثل لتوازن السوق السعودية للمواد الغذائية على الشكل التالى:

دالة الطلب
$$Q_t^d = a_0 + a_1 P_t + a_2 y_t + \varepsilon_{1t}$$
 دالة العرض $Q_t^s = b_0 + b_1 P_t + b_2 T_t + \varepsilon_{2t}$ دالة العرض $Q_t^d = Q_t^s = Q_t$

نلاحظ أن كلا من دالتي الطلب والعرض محددة تماما، لأن كلا منهما تتضمن متغيرا خارجيا واحدا ومتغيرين داخليين.

لتقدير معالم النموذج نستخدم طريقة المربعات الصغرى على مرحلتين:

في المرحلة الأولى: نعتبر المتغير الداخلي P دالة في المتغيرات الخارجية Y وT، وبتطبيق طريقة الانحدار المتعدد باعتبار أن P هو المتغير التابع وY و T هما متغيران مستقلان، وباستخدام برنامج SPSS بنفس الأسلوب المتبع في نماذج الانحدار المتعدد، نحصل على النتائج التالية:

Variables Entered/Removed^b

Model	Variables Entered	Variables Removed	Method
-1	Y, T ^a		Enter

a. All requested variables entered.

Model Summary

				Std. Error
		•	Adjusted	of the
Model	R	R Square	R Square	Estimate
1	.995 ^a	.990	.988	4.4413

a. Predictors: (Constant), Y, T

b. Department Variable: P

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	5196.577	2	2598.289	638.702	.000 ^a
	Residual	256.423	13	19.725		
	Total	5453.000	15			

a. Predictors: (Constant), Y, T

b. Dependent Variable: P

Coefficients^a

			dardized cients	Standardi zed Coefficien ts		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	46.830	2.374		19.724	.000
	Т	1.544	.591	.178	2.611	.022
	Υ	3.256	.268	.829	12.137	.000

a. Dependent Variable: P

Correlations

		Р	. Y	Т
Pearson	Р	1.000	.992**	.936**
Correlation	Υ	.992**	1.000	.913**
	Т	.936**	.913**	1.000
Sig. (2-tailed)	Р		.000	.000
(2-tailed)	Υ	.000		.000
	Т	.000	.000	
N	Р	16	16	16
	Υ	16	16	16
	T	16	16	16

 $^{^{\}star\star}\cdot$ Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

من هذه النتائج نلاحظ أن:

۱ - معامل الارتباط المتعدد بين المتغير التابع P والمتغيرين المستقلين y و T يساوي ٩ , ٩٩٥ وهو ارتباط موجب وقوي جدا.

٢ - معامل التحديد المتعدد يساوي ٩,٩٩، أي أن المتغيرين المستقلين قد فسرا ٩٩٪ من تغيرات المتغير التابع وهي نسبة ممتازة.

٣- الخطأ المعياري للتقدير يساوي ١٣ ٤,٤٤.

٤ - مؤشر اختبار F الفعلي يساوي ٠,٠٠ وهو أصغر من مستوى الدلالة ٥٪، لذلك نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة، أي توجد علاقة خطية بين المتغير التابع والمتغيرين المستقلين.

0- مؤشرات اختبار t الفعلية المتعلقة بمعالم النموذج كلها أصغر من مستوى الدلالة المقترح، لذلك نرفض فرضيات العدم ونقبل الفرضيات البديلة، أي أن قيم هذه المعالم جوهرية من الناحية الإحصائية.

٦- معاملات الارتباط البسيط بين المتغيرات كلها قوية جدا وجوهرية من الناحية الإحصائية بمستوى دلالة قدره ١٪.

۷- معادلة انحدار المتغير التابع Pعلى المتغيرين المستقلين: Y و T تكتب على الشكل التالى:

$$\hat{P}_t = 46.83 + 3.256y_t + 1.544T_t$$

وبالتعويض عن y_i و T_i بقيمهما في الجدول رقم $(\xi, 1)$ في هذه المعادلة نحصل على قيم \hat{P}_i الموضحة في العمود الأخير من نفس الجدول.

في المرحلة الثانية

أ) نعتبر المتغير الداخلي Q_i دالة في القيمة المقدرة للمتغير الداخلي \hat{P}_i والمتغير الخارجي y_i وباستخدام نموذج الانحدار المتعدد والمعالجة الآلية نحصل على النتائج التالية:

Variables Entered/Removed^b

Model	Variables Entered	Variables Removed	Method
1	P0, Y ^a		Enter

a. All requested variables entered.

b. Dependent Variable: Q

Model Summary

				Std. Error
			Adjusted	of the
Model	R	R Square	R Square	Estimate
1	.928 ^a	.861	.839	7.2473

a. Predictors: (Constant), P0, Y

ANOVA^b

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	4225.134	2	2112.567	40.221	.000 ^a
	Residual	682.803	13	52.523		
	Total	4907.938	15			

a. Predictors: (Constant), P0, Y

b. Dependent Variable: Q

Coefficients^a

			dardized cients	Standardi zed Coefficien ts		
Model		· B	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	113.403	30.179		3.758	.002
	. Y	5.514	2.441	3.198	2.259	.042
	. P0	-1.012	.625	-2.292	-1.619	.129

a. Dependent Variable: Q

Correlations

		Q	Υ	P0
Pearson	Q	1.000	.913**	.898**
Correlation	Υ	.913**	1.000	.997**
	P0	.898**	.997**	1.000
Sig.	Ø		.000	.000
(2-tailed)	Υ	.000		.000
	P0	.000	.000	
Ν	Q	16	16	16
	Υ	16	16	16
	P0	16	16	16

^{**.} Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

تجدر الإشارة، أننا في هذا المثال لا نستطيع حذف أحد المتغيرين المستقلين وهما: الرقم القياسي لسعر السلعة والدخل الفردي المتاح، لأن النظرية الاقتصادية تقترح إدخال كلا المتغيرين في النموذج، وحذف أحدهما منه يؤدي إلى مشكلة الخطأ في

^{*} الاقتصاد القياسي التطبيقي، مرجع سابق، ص ١٢٩.

تحديد النموذج Specification error ، والذي قد يؤدي إلى إعطاء قيم متحيزة لتقديرات معاملات الانحدار. لذلك يفضل في هذه الحالة زيادة عدد مفردات العينة.

وبما أن الهدف من مثالناً هو التنبؤ بقيم الظاهرة، لذلك يمكن استخدام النموذج بغض النظر عن مشكلة ارتباط المتغيرات المستقلة.

من هذه النتائج نلاحظ أن دالة الطلب المقدرة تساوي إلى:

$$\hat{q}_t^d = 113.403 + 5.514y_t - 1.012\hat{P}_t$$

ب) نعتبر المتغير الداخلي Q_i دالة في القيمة المقدرة للمتغير الداخلي \hat{P}_i والمتغير الخارجي T_i ، وباستخدام نموذج الانحدار المتعدد والمعالجة الآلية نحصل على النتائج التالية :

Variables Entered/Removed^b

Model	Variables Entered	Variables Removed	Method
1	P0, Ta		Enter

a. All requested variables entered.

b. Dependent Variable: Q

Model Summary

				Std. Error
1			Adjusted	of the
Model	R	R Square	R Square	Estimate
1	.928 ^a	.861	.839	7.2473

a. Predictors: (Constant), P0, T

ANOVA^b

Model	the state of the s	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	1225.134	2	2112.567	40.221	.000 ^a
	Residual	682.803	13	52.523		
	Total	4907.938	15	Ì		

a. Predictors: (Constant), P0, T

b. Dependent Variable: Q

Coefficients^a

		Unstand Coeffi		Standardi zed Coefficien ts		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1 ((Constant)	34.099	8.008		4.258	.001
-	Т	-2.615	1.157	688	-2.259	.042
Į	20	.682	.134	1.545	5.072	.000

a. Dependent Variable: Q

Correlations

		Q	Ţ	P0
Pearson	Q	1.000	.765**	.898**
Correlation	Т	.765**	1.000	.941**
	P0	.898**	.941**	1.000
Sig.	Q		.001	.000
(2-tailed)	T	.001	•	.000
	P0	.000	.000	٠.
N	Q	16	16	16
	Т	16	16	16
	P0	16	16	16

^{**} Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

نلاحظ أن دالة العرض المقدرة تساوي إلى:

$$\hat{q}_t^s = 34.099 + 0.682\hat{P}_t - 2.615T_t$$

التنبؤ: تتألف مرحلة التنبؤ من ثلاث مراحل:

في المرحلة الأولى: نعوض في المعادلة (٤,١٠) عن y_t و T_t بالقيم التالية على الترتيب:

٠٠٠ ٢٩	١٩٩٩م	۸۶۶۱م	۱۹۹۷م	١٩٩٦م	1990م	السنوات
77	71	۲٠	١٩	١٨	۱۷	الزمن
٣٠,٠	۲٥,٠	۲٤,٠	۲٦,٠	۲٥,٥	۲٥,٠	الدخل الفردي

فنحصل على القيم المقدرة للرقم القياسي لأسعار المواد الغذائية خلال الفترة ١٩٩٥-٠٠ م:

٠٠٠٢م	١٩٩٩م	۸۹۹۹م	۲۹۹۷م	١٩٩٦م	١٩٩٥م	الستوات
۱۷۸,٤٨	170,70	100,00	۱٦٠,٨٢	107,70	102,21	\hat{P}_t

في المرحلة الثانية: نعوض في المعادلة (٤,١١) عن \hat{P}_i بالقيم التالية:

۰۰۰۲م	١٩٩٩م	۸۹۹۹م	79979	١٩٩٦م	1990 م	السنوات
٣٠,٠	۲٥,٠	۲٤,٠	۲٦,٠	۲٥,٥	۲٥,٠	الدخل الفردي
۱۷۸,٤۸	١٦٠,٦٥	100,10	۱٦٠,۸۲	107,70	108,81	\hat{P}_{ι}

فنحصل على الرقم القياسي المقدر للطلب على المواد الغذائية خلال الفترة ١٩٩٥-٠٠ م:

۰۰۰۲م	١٩٩٩م	۱۹۹۸م	۱۹۹۷م	١٩٩٦م	۱۹۹ ٥م	السنوات
۹۸,۲۰	۸۸,٦٧	۸۸,۰۱	98, * 7	98,88	98,98	\hat{q}_{t}^{d}

في المرحلة الثالثة: نعوض في المعادلة (٤,١٢) عن \hat{P}_t بالقيم التالية:

27.00	71999	٨٩٩٢م	7997	79999	21990	السنوات
77	. *1	۲.	_ 19	· 1A	١٧	T_t
۱۷۸, ٤٨	170,70	١٥٥,٨٥	۱٦٠,۸۲	107,70	108,81	\hat{P}_t

فنحصل على الرقم القياسي المقدر لعرض المواد الغذائية خلال الفترة ١٩٩٥-

۲۰۰۰م	١٩٩٩م	۱۹۹۸	۱۹۹۷م	۲۹۹۹م	1990م	السنوات
٩٨,٢٩	۸۸,۷٥	,	98,•9	98,00	90	\hat{q}_{t}^{s}

نلاحظ أن الرقم القياسي المقدر لعرض المواد الغذائية يساوي تقريبا الرقم القياسي المقدر للطلب على هذه المواد على الرغم من استخدامنا لنموذجين مختلفين من الانحدار المتعدد.

مثال (٢): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل الناتج المحلي الإجمالي والاستهلاك الخاص وإجمالي تكوين رأس المال الثابت بملايين الريالات في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٩٧٠-١٩٩٧م:

جدول (٤,٢). الناتج المحلي الإجمالي والاستهلاك الخاص وإجمالي تكوين رأس المال الثابت بملايين الريالات في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٩٧٠-١٩٩٧م.

	1			
\hat{y}_t	إجمالي تكوين رأس المال	الاستهلاك الخاص	الناتج المحلي الإجمالي	السنوات
18970,87	709V	0009	١٧٣٩٨	194.
۲۲۳۸۰,۸۳	7977	7818	77971	1971
۳۰۲۱۸,۲٤	75.7	7910	YAYOV	1977
٤٣٧٧٠,٤٥	०७१६	٧٨٩٦	£ * 00 Y	۱۹۷۳
٥٨٦٢٥,٧٦	۸٤٠٠	٩٨٢٨	99777	1978
9 8 1 1 1 7 , • 9	17799	١٨٠٣٩	1797.1	1940
10.777,8.	WW08.	744.4	178077	۱۹۷٦
۲۱۲・ 7٤, ٩・	01191	75777	7.0.07	1977
۲ ٦٧٧٢١,٤•	19877	087.7	. 7702+7	١٩٧٨
T . E. V T O , V .	V770£	٦٨٦٠٨	130937	1979
TV0198,1 •	۹۷۰٦٨	١٠٢٣٨٥	* ***********************************	191.
£1.VV9,V.	1.747	1189.0	٩٨٥٠٢٥	1971
٤٦٧١٨٣,٥٠	١٢٢٣١٤	310771	072719	1977
٤٥٢٠٠١,٦٠	110808	101798	177013	١٩٨٣
£199V*,£*	١٠٣٢٢٨	107777	77.77	١٩٨٤
٤٠٥١٨١,٠٠	97898	109808	701790	١٩٨٥

تابع الجدول رقم (٤,٢).

$\hat{\mathcal{Y}}_t$	إجمالي تكوين رأس المال	الاستهلاك الخاص	الناتج المحلي الإجمالي	السنوات
TEAIVV, E •	V7718	100097	717981	ነዓለኘ
٣٢٢٦٠٢,٠٠	77188	١٤٠١٤٨	771.91	١٩٨٧
٣ ٢٦٠٠٢,٦٠	707.7	140044	70807	۱۹۸۸
٣٠٦٣٤٩,٣٠	۸۱۶۲٥	١٣٩٣٩٨	7310 07	19.49
٣ ٢٣٦٦٩,0•	7 - 2 - 9	180.77	77.77	199.
۳۷۲۰۸٥,۲۰	٧٣٨٠٣	10014	791997	1991
٤١٨٣٤٣,٦٠	*107A	177401	£ £ 7 • 7 V	1997
£ £ & 1 £ 7 , 7 *	97970	17411	£7179A	1994
٠٢,٢٥٥٨٢٤	9,120 •	1989.9	2 2 7 2 2 3	1998
£4.146,1.	٨٤٢٠٧	١٨٥٨٣٢	٤٥٠٠٢٥	1990
٤٦٥٨٩٨,٨٠	94000	198077	207AV3	١٩٩٦
٤٦٣٤٤٠,٢٠	9 + V & V	7 • 7777	07970.	1997

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة- وزارة التخطيط.

والمطلوب: تقدير الاستهلاك الخاص للفترة: ١٩٩٨-٢٠٠٢م، إذا كان إجمالي تكوين رأس المال الثابت المخطط لنفس الفترة هو: ٩٥، ،١٠٠، ٩٥، ،١٠٠ مليار ريال على الترتيب (الأرقام افتراضية)، باستخدام نموذج الدخل الكينزي.

من العلاقة (٤,١) يمكن كتابة نموذج الدخل الكينزي في المملكة العربية السعودية خلال الفترة: ١٩٧٠-١٩٩٧م على الشكل التالى:

$$(\xi, \Upsilon) \qquad c_t = \alpha_0 + \alpha_1 y_t + \varepsilon_t$$

$$(\xi, \setminus \xi) y_t = c_t + I_t$$

.t في الفترة الخاص في الفترة c_i

رر الناتج المحلي الإجمالي في الفترة t.

ل إجمالي تكوين رأس المال الثابت في الفترة I_{i}

متغير عشوائي. ε_i

معالم النموذج. $\alpha_0; \alpha_1$

نلاحظ أن المعادلة الأولى التي تمثل دالة الاستهلاك الخاص أقل من مستوى التحديد، حيث يوجد متغيرين داخليين هما الاستهلاك الخاص والناتج المحلي الإجمالي ولا يوجد أي متغير خارجي. إذا أضفنا إلى هذه المعادلة متغيرا خارجيا يمثل الزمن T تصبح محددة تماما:

$$c_t = \alpha_0 + \alpha_1 y_t + \alpha_2 T_t + \varepsilon_t$$

أما المعادلة الثانية فهي محددة تماما، لأنها تتضمن متغيرا خارجيا واحدا هو إجمالي تكوين رأس المال الثابت ومتغيرين داخليين هما الاستهلاك الخاص والناتج المحلي الإجمالي.

لتقدير معالم النموذج نستخدم طريقة المربعات الصغرى على مرحلتين:

في المرحملة الأولى: نعتبر المتغير الداخلي y دالة في المتغيرات الخارجية I وT وT ويتطبيق طريقة الانحدار المتعدد باعتبار أن y هو المتغير التابع وI وI هما متغيران مستقلان ، وباستخدام برنامج I SPSS نحصل على النتائج التالية:

Variables Entered/Removed^b

Model	Variables Entered	Variables Removed	Method
Model	Entered		
1	T. I		Enter

- a. All requested variables entered.
 - b. Dependent Variable: Y

Model Summary

				Std. Error
			Adjusted	of the
Model	R	R Square	R Square	Estimate
1	.968 ^a	.937	.932	42179.32

a. Predictors: (Constant), T, I

ANOVA^b

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	6.7E+11	2	3.3E+11	187.382	.000a
	Residual	4.4E+10	25	1.8E+09		
	Total	7.1E+11	27			

a. Predictors: (Constant), T, I

b. Dependent Variable: Y

Ė

Correlations

	. Annual to the deposit of the second of the	Υ	1	Т
Pearson	Υ	1.000	.939**	
Correlation	1	.939**	1.000	.684**
	T	.814**	.684**	1.000
Sig.	Υ		.000	.000
(2-tailed)	l	.000		.000
	Т	.000	.000	•
N	Υ	28	28	28
	l	28	28	28
-	T	28	28	28

^{**} Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

				Standardi zed Coefficien ts		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	457.405	7590.429		.026	.979
	1	3.136	.299	.719	10.484	.000
	Т	6358.470	1352.799	.322	4.700	.000

Coefficients^a

a. Dependent Variable: Y

نلاحظ من هذه النتائج أن مجموع المربعات كبير جدا، فمثلا مجموع مربعات الانحدار = ٠٠٠٠٠٠٠٠ والسبب في ذلك هو أرقام المثال الكبيرة، حيث كان من المفضل تقريبها إلى مليار بدلا من مليون. كما نلاحظ أن ثابت معادلة الانحدار غير جوهري من الناحية الإحصائية.

اعتمادا على الجدول الأخير من النتائج يمكن أن نكتب معادلة انحدار المتغير التابع y على المتغيرين المستقلين: I و T على الشكل التالي: $\hat{y}_{c} = 457.41 + 3.14I_{c} + 6358.47T_{c}$

وبالتعويض عن I_i و بقيمهما في الجدول رقم (٤,٢) في هذه المعادلة نحصل على قيم \hat{y}_i الموضحة في العمود الأخير من نفس الجدول.

في المرحملة الثانية: نعتبر المتغير الداخلي c دالة في القيمة المقدرة للمتغير الداخلي \hat{y} والمتغير الخارجي T ، وباستخدام نموذج الانحدار المتعدد والمعالجة الآلية نحصل على النتائج التالية :

Variables Entered/Removed^b

	Variables	Variables	
Model	Entered	Removed	Method
1	Y1, 🍱		Enter

a. All requested variables entered.

b. Dependent Variable: C

Model Summary

				Std. Error
			Adjusted	of the
Model	R	R Square	R Square	Estimate
1	.981 ^a	.963	.960	13949.36

a. Predictors: (Constant), Y1, T

ANOVA^b

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	1.3E+11	2	6.3E+10	326.254	.000a
	Residual	4.9E+09	25	1.9E+08		
	Total	1.3E+11	27			

a. Predictors: (Constant), Y1, T

b. Dependent Variable: C

Cofficients^a

			dardized icients	Standardi zed Coefficien ts		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	-21481.0	5822.701		-3.689	.001
	Т	4893.074	602.434	.576	8.122	.000
	Y1	.198	.032	.446	6.293	.000

a. Dependent Variable: C

Correlations

	·	С	Y1 ·	Т
Pearson	С	1.000	.930**	.951**
Correlation	Y1	.930**	1.000	.841**
	T	.951**	.841**	1.000
Sig.	С		.000	.000
(2-tailed)	Y1	.000		.000
,	T	.000	.000	
N	С	28	28	28
	Y1	28	28	28
	Т	28	28	28

^{**-} Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

من هذه النتائج نلاحظ أن دالة الاستهلاك الخاص المقدرة تساوي إلى:

(٤,١٦)

 $\hat{c}_t = -21481 + 0.2\hat{y}_t + 4893.07T_t$

التنبؤ: تتألف مرحلة التنبؤ من مرحلتين:

في المرحلة الأولى: نعوض في المعادلة (٤,١٥) عن I_i عن المرحلة الأولى:

الترتيب:

74	10079	۰۰۰۲م	١٩٩٩	1991	المسنوات
77	47	٣١	٣٠	Y9	الزمن
V0 · · ·	A	9	1	90	التكوين الرأسمالي

فنحصل على القيم المقدرة لإجمالي الناتج المحلى خلال الفترة ١٩٩٨ -٢٠٠٢م:

7 7	١٠٠٢م	27.00	١٩٩٩م	٨٩٩١م	السنوات
887778	१००११४	٤٨١٠٠٧	٥٠٦٠٢٢	5 ለ ተ ዓ ተ ገ	$\hat{oldsymbol{y}}_t$

في المرحلة الثانية: نعوض في المعادلة (٤,١٦) عن \hat{y}_i و T_i بالقيم التالية:

779	۲۰۰۱	۲۰۰۰	١٩٩٩م	7997	السنوات
٣٣	٣٢	۳۱	۳.	۲ 9	T_t
£ £ 7 7 7 A	200994	٤٨١٠٠٧	٥٠٦٠٢٢	٤ ٨٣٩٣٦	$\hat{\mathcal{Y}}_t$

فنحصل على الاستهلاك الخاص المقدر خلال الفترة ١٩٩٥ - ٢٠٠٠م:

7 7 9	١٠٠٢م	۰۰۰۶م	١٩٩٩م	۱۹۹۸م	السنوات
771137	451597	۳۳۸۰۰٦	278010	771770	\hat{c}_t

أسئلة ومسائل غير محلولة

- ١ عرف نموذج المعادلات الآنية ثم اذكر مثالا على هذه النماذج.
- ٢ ما الفرق بين المعادلات السلوكية والمعادلات التعريفية في نموذج المعادلات
 الآنية؟
- ٣- ما الفرق بين المتغيرات الداخلية والمتغيرات الخارجية في نموذج المعادلات الآنية؟
 - ٤- ما المقصود بالمعادلات الهيكلية في نموذج المعادلات الآنية؟
 - ٥- ماذا يعني النموذج المصغر في نموذج المعادلات الآنية؟
 - ٦- بالنسبة إلى نموذج الطلب والعرض التالي:

معادلة الطلب $q_t^d = \alpha_0 + \alpha_1 P_t + \alpha_2 I_t + \alpha_3 G_t + \varepsilon_{lt}$

معادلة العرض $q_t^s = \beta_0 + \beta_1 P_t + \beta_2 F_t + \beta_3 K_t + \varepsilon_{2t}$

متغيران داخليان. p;q

- أ) هل معادلة الطلب محددة تماما، أم دون مستوى التحديد، أم فوق مستوى التحديد؟
- ب) هل معادلة العرض محددة تماما، أم دون مستوى التحديد، أم فوق مستوى التحديد؟
- جـ) بـافتراض أن $\alpha_3 = 0$ هـل معادلـة الطلـب محـددة تمامـا، أم دون مستوى التحديد؟

٧- ليكن لدينا النموذج التالي:

 $y_1 = \alpha_0 + \alpha_1 y_2 + \varepsilon_1$

 $y_2 = \beta_1 + \beta_2 y_1 + \beta_3 x_1 + \varepsilon_2$

إذا كان y_1, y_2 متغيران داخليان و x_1 متغير خارجي:

أ) هل المعادلة الأولى محددة تماما، أم دون مستوى التحديد، أم فوق مستوى التحديد؟

- ب) هل المعادلة الثانية محددة تماما، أم دون مستوى التحديد، أم فوق مستوى التحديد؟
 - ج) كيف تحول المعادلة الأولى إلى معادلة محددة تماما؟
 - د) اكتب النموذج المصغر للنموذج الحالي.
- ه) وضح كيفية الحصول على مقدرات المربعات الصغرى ذات المرحلتين لمعالم المعادلات الميكلية لكل معادلة محددة تماما.

٨- ليكن لدينا الجدول التالي، الذي يتضمن عرض النقود والناتج المحلي الإجمالي والإنفاق الحكومي بالمليون ريال في المملكة العربية السعودية خلال الفترة:
 ١٩٧٠ - ١٩٩٧م:

الجدول رقم (٤,٣). عرض النقود والناتج المحلي الإجمالي والإنفاق الحكومي (مليون ريال) في المملكة المجدول رقم (١٩٥٠). العربية السعودية خلال الفترة: ١٩٧٠) ١٩٧٠،

	<u>,</u>		
الإنفاق الحكومي	الناتج المحلي الإجمالي	عرض النقود	السنوات
7871	١٧٣٩٨	۸٤٣	197.
۳۷۹۸	77971	٨٥٠	1971
٤٢٨٥	YAYOV	9 . 9	1977
077.0	٤٠٥٥٢	١٠٣٤	1977
٩٨٦٤	99777	1.00	1978
10911	159701	11	1970
۲۸۸۸۳	1750YV	1199	1977
٤١٠٣٣	7.0.07	1799	1977
٤٧٠٣٤	7702.7	1 2 2 9	١٩٧٨
V 1 9 • £	Y £ 9 0 £ 1	١٦٣٤	1979
٧٧٥٦٣	7101·V	١٨٧٣	۱۹۸۰
A1910	٥٢٠٥٨٩	7181	١٩٨١

تابع الجدول رقم (٤,٣).

			(/ / / 3 - 3
الإنفاق الحكومي	الناتج المحلي الإجمالي	عوض النقود	السنوات
17017	917370	72.0	1977
30171	177013	۸۳۲	١٩٨٣
171770	TVY . YT	7777	١٩٨٤
171.00	701790	7110	1940
118477	717981	٣٩ ٩٨	1947
1.7777	771.41	0071	1947
1.44.4	70207	VEAT	١٩٨٨
97517	73107	17777	19/19
97078	71.77	71187	199.
17.177	791997	TT - TV	1991
170	£ £ Y • TV	٤٨٣٥٧	1997
188970	£7184Y	०६२०१	. 1997
177779	2 2 7 7 2 7	77777	1992
119071	20 * * 70	۸۳٤٠٣	1990
P3ATT	YOFAY3	1 * 7 9 0 0	١٩٩٦
18.770	07970.	١١٦٠٩٣	1997

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة- وزارة التخطيط.

إذا كان نموذج تحديد مستوى الدخل القومي يعطى بالمعادلتين التاليتين :
$$y_t=\alpha_0+\alpha_1 M_t+\alpha_2 G_t+\varepsilon_{1t}$$

$$M_t = \beta_0 + \beta_1 y_t + \varepsilon_{2t}$$

حيث: ٧, الناتج المحلي الإجمالي.

عرض النقود. M_{i}

الإنفاق الحكومي. G_i

ائیان عشوائیان $arepsilon_{1i}; arepsilon_{2i}$

. معالم النموذج $\alpha_0; \alpha_1; \alpha_2; \beta_0; \beta_1; \beta_2$

المطلوب: تقدير عرض النقود خلال الفترة: ١٩٩٨-٢٠٠٢م إذا كان الإنفاق الحكومي المخطط للفترة نفسها يساوي: ١٥٠، ١٦٠، ١٧٠، ١٨٠، ٢٠٠ مليار ريال على الترتيب.

9- ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل الناتج المحلي الإجمالي والاستهلاك الخاص وإجمالي تكوين رأس المال الثابت والإنفاق الحكومي وإيرادات قطاع النفط علايين الريالات في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٩٧٠-١٩٩٧م:

الجدول رقم (٤,٤). ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل الناتج المحلي الإجمالي والاستهلاك الخاص وإجمالي تكوين رأس المال الثابت والإنفاق الحكومي وإيرادات قطاع النفط بملايين الريالات في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٩٧٠-١٩٩٧م.

إيرادات النفط	الإنفاق	إجمالي تكوين	الاستهلاك	الناتج المحلي	السنوات
	الحكومي	رأس المال	الخاص	الإجمالي	
१९७७	7871	Y09V	0000	١٧٣٩٨	194.
7988	۳۷۹۸	7977	7817	77971	1971
9980	2710	78.7	7910	YAYOV	1977
١٣٦٦٩	٥٣٣٥	०७९६	٧٨٩٦	2.004	1974
TV E 9 T	٩٨٦٤	٨٤٠٠	۸۲۸	99777	1978
۸٤٦١٨	10911	17799	١٨٠٣٩	1897.1	1940
٩٣٨٧٣	۲۸۸۸۳	4408.	744.4	770371	1977
1719.7	٤١٠٣٣	01191	7577	7.0.07	1977

مبادىء التنبؤ الإداري

تابع الجدول رقم (٤,٤).

إيرادات النفط	الإنفاق	إجمالي تكوين	الاستهلاك	الناتج المحلي	السنوات
	الحكومي	رأس المال	الخاص	الإجمالي	
110517	٤٧٠٣٤	٦٦٨٩١	087.7	7702.7	۱۹۷۸
١١٦٨٧٦	٧١٩٠٤	V770£	٨٠٢٨٢	729021	1979
1911.0	۷۷٥٦٣	۹۷۰٦٨	1.777.0	******	۱۹۸۰
۳۱۲۸۱۹	٨١٩١٥	1 • 7 * * * 7	1129.0	٩٨٠٠٢٥	١٩٨١
77 E V 9 .	170077	177718	177018	072719	1977
۲۸۰۱۸۱	30171	110202	101798	177013	۱۹۸۳
172701	171770	١٠٣٢٢٨	107777	* VY•Y*	١٩٨٤
١٠١٨٠٧	171.00	97898	109808	40140	1910
77571	118711	V7718	100097	414451	١٩٨٦
٧٠٤٤٣	1 • 7777	77122	١٤٠١٤٨	771.91	1914
79110	1.77.7	70707	140044	70307	۱۹۸۸
9.789	97817	٥٦٩١٨	١٣٩٣٩٨	731017	١٩٨٩
127270	97078	7 . 2 . 9	180.77	77.77	199.
17000	17.177	٧٣٨٠٣	10014	491997	1991
37071	170000	*10TA	174701	£ £ 7 • 7 V	1997
377701	١٤٨٩٦٥	98940	17411	٤٦١٣٩٨	1997
100077	177779	9,1200	1989.9	737733	1998
۸۸۶۸۲	119071	۸٤٢٠٧	١٨٥٨٣٢	2040	1990
190879	P3A771	97000	198077	YOFAV3	1997
712707	18.770	9 . V & V	7 • 7٣٣7	07970.	1997

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة- وزارة التخطيط.

استخدم الجدول السابق والنموذج التالي لدراسة تحديد الدخل التوازني في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٩٧٠-١٩٩٧م:

$$c_t = \alpha_0 + \alpha_1 y_t + \alpha_2 c_{t-1} + \varepsilon_{1t}$$

$$I_{t} = \beta_{0} + \beta_{1} y_{t} + \beta_{2} y_{t-1} + \beta_{3} I_{t-1} + \varepsilon_{2t}$$

$$g_t = \gamma_0 + \gamma_1 O_t + \gamma_2 g_{t-1} + \varepsilon_{3t}$$

$$y_t = c_t + I_t + g_t$$

حيث: ،c الاستهلاك الخاص في الفترة t

ر الناتج المحلي الإجمالي في الفترة t.

.t إجمالي تكوين رأس المال الثابت في الفترة I_{i}

g, الإنفاق الحكومي في الفترة t.

.t إيرادات النفط في الفترة O_i

متغيرات عشوائية. $arepsilon_{1t}; arepsilon_{2t}; arepsilon_{3t}$

(الفصل الخامس

استخدام طرائق المتوسطات المتحركة في التنبؤ الإداري

(٥,١) مقدمــة

إن أبسط المتوسطات هو المتوسط الحسابي ويساوي مجموع قيم السلسلة الزمنية مقسوما على عدد القيم. رياضيا يعطى بالعلاقة:

$$\overline{y} = \frac{\sum_{t=1}^{n} y_t}{n}$$

حيث: 7 المتوسط الحسابي.

و y_i قيم السلسلة الزمنية الفعلية أو الحقيقية أو المشاهدة.

وn عدد قيم السلسلة الزمنية.

إلا أن هذا المتوسط لا يأخذ بعين الاعتبار التغيرات الدورية والموسمية، وللتغلب على هذا القصور فإننا نلجأ إلى نوع آخر من المتوسطات تسمى المتوسطات المتحركة. وللمتوسطات المتحركة عدة أنواع هي: المتوسطات المتحركة البسيطة، والمتوسطات المتحركة المضاعفة والمتوسطات المتحركة المركة المرحة. وسندرس هذه الأنواع وكيفية استخدامها في عملية التنبؤ الإداري.

Simple Moving Averages المتوسطات المتحركة البسيطة

إن أبسط نماذج المتوسطات المتحركة هو المتوسط المتحرك البسيط ويساوي مجموع بعض القيم في السلسلة الزمنية مقسوما على عدد القيم التي تدخل في حسابه ونعبر عنه بالعلاقة التالية:

$$(o,Y) MA(k) = \frac{\sum_{j=-m}^{m} y_{t+j}}{k}$$

حيث: (MA(k المتوسط المتحرك البسيط.

k = طول فترة المتوسط المتحرك أو درجة المتوسط المتحرك.

لتحرك. المتوسط المتحرك. ويما المتوسط المتحرك. y_{t+j}

,y مركز المتوسط المتحرك.

m عدد القيم التي تلي مركز المتوسط المتحرك وتساوي إلى عدد القيم التي تسبق مركز المتوسط المتحرك. مثلا: لنفرض أننا استخدمنا متوسط متحرك يتضمن ثلاث قيم، يسمى هذا المتوسط بمتوسط متحرك طوله ma(3) فترات زمنية ويرمز له بـ ma(3) ويحسب وفق العلاقة التالية:

.m=1 حيث
$$ma(3) = \frac{y_{t-1} + y_t + y_{t+1}}{3}$$

وبنفس الأسلوب يمكن أن نحسب المتوسط المتحرك الذي يتضمن خمس قيم:

.m=2
$$ma(5) = \frac{y_{t-2} + y_{t-1} + y_t + y_{t+1} + y_{t+2}}{5}$$

مثال (١): الجدول التالي يمثل واردات القطاع الخاص السعودي من المواد الغذائية الممولة عن طريق المصارف التجارية بملايين الريالات، والمطلوب: حساب المتوسط المتحرك لهذه الواردات لفترة ثلاث سنوات ثم لحمس سنوات ثم لسبع سنوات (من المفضل أن تكون فترة المتوسط المتحرك فردية).

الجدول رقم (٥,١). واردات القطاع الخاص السعودي من المواد الغذائية الممولة عن طريــق المصـــارف التجارية (مليون ريال) خلال الفترة: ١٩٩٨–١٩٩٨م.

	,			<i>y</i> ,	
الواردات	السنة	الواردات	السنة	الواردات	السنة
V700	١٩٨٧	701.	1970	700	1975
V711	۱۹۸۸	0777	1977	٤٥١	1978
٧٣٧٩	١٩٨٩	4714	1977	640	1970
٧٥٨٠	1990	1073	۱۹۷۸	001	1977
۸۲۳۲	1991	7777	1979	007	1977
۸۷۷۹	1997	98 + 8	۱۹۸۰	٥٧٣	١٩٦٨
۸۱۷۱	1997	1.788	1441	٥٦٥	1979
۸۰۳۱	1998	90.0	1987	٦٠٨	194.
۸۳٦٩	1990	9978	١٩٨٣	٧٠٦	1971
1.711	1997	9 / 1 /	١٩٨٤	٨٠٤	1977
۸٥٣٢	1997	17.77	١٩٨٥	1147	1974
٨٧٤٧	١٩٩٨	٧٨٣٩	ነዓለኘ	777.1	1978

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة- وزارة التخطيط.

يحسب المتوسط المتحرك للفترة الأولى والذي طوله ثلاث سنوات من العلاقة (٥,٢) على الشكل التالى:

$$ma_1(3) = \frac{y_{t-1} + y_t + y_{t+1}}{3} = \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3} = \frac{255 + 451 + 435}{3} = 413.67$$

ويوضع في منتصف المسافة، أي مقابل مركز المتوسط المتحرك الذي يوافق السنة ١٩٦٤م.

وبنفس الأسلوب يحسب المتوسط المتحرك للفترة الثانية الذي يساوي المتوسط الحسابي للقيم الثلاثة التي تلي القيمة الأولى، أي:

$$ma_2(3) = \frac{y_2 + y_3 + y_4}{3} = \frac{451 + 435 + 558}{3} = 481.33$$

ويوضع في منتصف المسافة، أي مقابل السنة ١٩٦٥م. وبشكل مشابه يمكن حساب باقي قيم المتوسط المتحرك الذي طوله ثلاث سنوات.

وبنفس الأسلوب يحسب المتوسط المتحرك الذي طوله خمس سنوات، حيث تساوي القيمة الأولى المتوسط الحسابي للقيم الخمسة الأولى على الشكل التالي:

$$ma_1(5) = \frac{y_1 + y_2 + y_3 + y_4 + y_5}{5} = \frac{355 + 451 + 435 + 558 + 556}{5} = 471.00$$

وتوضع في منتصف المسافة، أي مقابل عام ١٩٦٥م. أما القيمة الثانية فتساوي المتوسط الحسابي للقيم الخمسة التي تلى القيمة الأولى، أي:

$$ma_2(5) = \frac{y_2 + y_3 + y_4 + y_5 + y_6}{5} = \frac{451 + 435 + 558 + 556 + 573}{5} = 514.60$$

وتوضع في منتصف المسافة، أي مقابل عام ١٩٦٦م.

أما القيمة الأولى للمتوسط المتحرك الذي طوله سبع سنوات فتساوي إلى المتوسط الحسابي للقيم السبعة الأولى:

$$ma_{1}(7) = \frac{y_{1} + y_{2} + y_{3} + y_{4} + y_{5} + y_{6} + y_{7}}{7} = \frac{355 + 451 + 558 + 556 + 573 + 565}{7} = 49900$$

وتوضع قيمته في منتصف المسافة مقابل سنة ١٩٦٦م. ويشكل مشابه يتم حساب القيمة الثانية كما يلي:

$$ma_{2}(7) = \frac{y_{2} + y_{3} + y_{4} + y_{5} + y_{6} + y_{7} + y_{8}}{7} = \frac{451 + 435 + 558 + 556 + 573 + 565 + 608}{7} = 53514$$

وتوضع مقابل سنة ١٩٦٧م.

إذا أكملنا الحسابات المتعلقة بالمتوسطات المتحركة الثلاثة السابقة نحصل على الجدول التالي*:

^{*} بالنسبة للمعالجة الآلية لهذا الفصل تتم على برنامج اكسل وباستخدام الأوامر التي درسها الطالب في مقرر ١٥١ كمي.

الجدول رقم (٥,٢). حساب المتوسطات المتحركة للسلسلة الزمنية الممثلة لــواردات القطاع الخــاص السعودي من المواد الغذائية.

	المتوسطات المتحركة		القيم	السنوات
۷ سنوات	3 سنوات	۳ سنوات	الفعلية	
non-	_	-	700	١٩٦٣
	Link .	£ 77°, 7V	٤٥١	1978
	٤٧١,٠٠	٤٨١,٣٣	٤٣٥	1970
٤٩٩,٠٠	018,70	017,77	٥٥٨	١٩٦٦
٥٣٥,١٤	٥٣٧,٤٠	077,77	007	1977
٥٧١,٥٧	٥٧٢,٠٠	078,77	٥٧٣	1971
772,79	7.1,7.	٥٨٢,٠٠	070	1979
٧١٤,١٤	701,70	777,77	٦٠٨	194.
975,77	٧٧٤, ٠٠	٧٠٦,٠٠	V*7	1971
1701,07	1177,70	۸۹۹,۰۰	۸٠٤	1977
1001,00	1017,70	1800,77	١١٨٧	1977
۲۰۰۹, ٤٣	19.9,8.	7.77,	7471	1978
Y0VW, • •	7011,70	7011,77	701:	1970
٣٤٠٦,١٤	44.5,	7997,	7770	1977
٤٥٨٠,٠٠	٤٠٥٥,٠٠	٣٧٠٩,٦٧	7/17	1977
0717,07	٥٤٣٣,٨٠	0 + 47, 77	१२०१	1977
۲۷۱٦,۸٦	1979,70	٦٨٩٧,٠٠	7777	1979
٧٧٦١,٠٠	۸۱۰۸,۰۰	۸۷۹٤,٦٧	98+8	۱۹۸۰
71.48,28	9177,70	9701,**	1.48	19.81
9.47,79	۹۷۸۸,۸۰	9981,**	90+0	197
97 + 9, 1 &	9888,70	977,	9978	19.44

مبادىء التنبؤ الإداري

تابع الجدول رقم (٥,٢).

السنوات	القيم		المتوسطات المتحركة	,
	الفعلية	۳ سنوات	٥ سنوات	۷ سنوات
١٩٨٤	9717	9188,**	۸۹٤٣,۲۰	1909,79
١٩٨٥	1777	1817,77	۸٥٧٣,٢٠	۸٥٦٨,٨٦
١٩٨٦	٧٨٣٩	٧٧٢٥,٠٠	۸۱۰۰,٦۰	۸۲٦٥,١٤
١٩٨٧	V700	٧٧٠١,٦٧	٧٦٣٣,٠٠	٧٩٢٣,١٤
۱۹۸۸	V711	٧٥٤٨,٣٣	٧٦١٢,٨٠	٧٧١١,٠٠
1919	V77 9	٧٥٢٣,٣٣	٧٦٩١,٤٠	٧٨٦٧,٨٦
199.	٧٥٨٠	٧٧٣٠,٣٣	V917,Y•	V910,Y9
1991	۸۲۳۲	A19V, * *	۸۰۲۸,۲۰	٧٩٦٩,٠٠
1997	۸۷۷۹	۸٣٩٤,٠٠	۸۱٥٨,٦٠	A • VV, Y 9
1997	۸۱۷۱	۸۳۲۷, • •	۸۳۱٦,٤٠	۸٤٨١,٨٦
1998	۸۰۳۱	۸۱۹۰,۳۳	۸۷۱۲,۲۰	۸٦١٧,٨٦
1990	٨٣٦٩	۸۸۷۰,۳۳	۸٦٦٢,٨٠	۸٦٩١,٤٣
1997	1.711	9.44,44	۸۷۷۸, * *	****
1997	٨٥٣٢	9174,44	_	_
۱۹۹۸	٨٧٤٧	-	-	

نلاحظ من هذا الجدول أن سلاسل المتوسطات المتحركة تقل عن سلسلة البيانات الأصلية بمقدار 1- لا قيمة ، حيث تمثل لا طول فترة المتوسط المتحرك ، لكن هذه السلاسل أقل تقلبا من السلسلة الأصلية. ويتوقف عدد قيم سلسلة المتوسط المتحرك على طول فترة المتوسط المتحرك كلما قلت التقلبات في خط فترة المتوسط المتحرك كلما قلت التقلبات في خط الاتجاه العام ، إلا أن زيادة طول فترة المتوسط المتحرك يؤدي إلى ضياع عدد من قيم السلسلة الأصلية في بداية السلسلة وفي نهايتها عما يقلل من مصداقية هذه الطريقة.

اختيار طول فترة المتوسط المتحرك يعتمد عادة على التغيرات الموسمية في بيانات السلسلة الزمنية (٤ إذا كانت شهرية). وهذا الاختيار يلغي أثر التغيرات الموسمية من بيانات السلسلة الزمنية.

و يمكن استخدام مقاييس دقة التنبؤ في اختيار طول فترة المتوسط المتحرك إذا كانت البيانات سنوية، فالعدد الذي يجعل أحد مقاييس دقة التنبؤ في حده الأدنى يكون هو طول فترة المتوسط المتحرك المناسبة لبيانات السلسلة المدروسة.

Measuring Forecast Accuracy مقاییس دقة التنبؤ (٥,٣)

في معظم حالات التنبؤ تعتبر الدقة هي المقياس الأساسي في اختيار طريقة التنبؤ المناسبة. ويقصد بالدقة مدى قدرة نموذج التنبؤ في إعادة إنتاج البيانات المتوفرة.

أغلب التنبؤات، مهما كانت طريقة التنبؤ، تميل إلى أن تكون إلى درجة ما، غير صحيحة (خاطئة)، لذلك لا بد من تقييم جودة التنبؤ بمقارنة القيم الحقيقية بالقيم المقدرة. هذه المقارنة تكشف لنا حجم الأخطاء في التنبؤ أو جودة التنبؤ.

تعتمد أغلب مقاييس دقة التنبؤ على الانحرافات بين القيم الفعلية للسلسلة والقيم المقدرة، ومن هذه المقاييس:

(٥,٣,١) متوسط الأخطاء أو الانحرافات Bias

يعرف مقياس متوسط الانحرافات بالعلاقة التالية:

$$bias = \frac{\sum_{t=1}^{n} e_t}{n}$$

.t الخطأ أو انحراف القيمة المقدرة عن القيمة الحقيقية في الفترة e_ = $y_t - \hat{y}_t$

القيمة الحقيقية أو الفعلية أو المشاهدة في الفترة y_i

 \hat{y} , القيمة المقدرة أو المتنبأ بها في الفترة \hat{y} ,

n طول السلسلة الزمنية أو عدد قيمها.

لكن هذا المقياس لا يمكن الاعتماد عليه، فقد يعطي قيما صغيرة إذا كانت الأخطاء الموجبة تساوى تقريبا إلى الأخطاء السالبة.

في الحقيقة، إن هذا المقياس لا يعطي سوى محصلة انحرافات القيم المقدرة عن القيم الحقيقية، هل هي موجبة أم سالبة دون أن يحدد مقدار هذه الانحرافات. لذلك نلجأ إلى مقياس آخر هو:

Mean Absolute Deviation المطلقة (٥,٣,٢) متوسط الانحرافات المطلقة

يعطى هذا المقياس بالعلاقة التالية:

$$(o, \xi) \qquad mad = \frac{\sum_{t=1}^{n} / e_t / n}{n}$$

يختلف هذا المقياس عن سابقه بأنه يجعل الانحرافات موجبة لأنه يأخذ القيمة المطلقة للأخطاء ثم يجمعها، وبذلك يشير إلى حجم الأخطاء.

Mean Square Deviation الانحرافات (٥,٣,٣) متوسط مربع الانحرافات

يعطى هذا المقياس بالعلاقة التالية:

$$(o,o) msd = \frac{\sum_{t=1}^{n} e_t^2}{n}$$

in.

يمتاز هذا المقياس عن سابقه بأنه يعطي أهمية أكثر للأخطاء الكبيرة لأنه يربع هذه الأخطاء. في بعض الحالات نعتمد على مجموع مربع الانحرافات فقط للمقارنة بين نموذجين للتنبؤ، حيث نختار النموذج ذو مجموع المربعات الأقل. كما يمكن أن نأخذ الجذر التربيعي لهذا المقياس فنحصل على مقياس آخر هو:

Root Mean Square Deviation

يعطى هذا المقياس بالعلاقة التالية:

$$rmsd = \sqrt{msd}$$

بشكل عام، المقاييس السابقة تعطي قيما مطلقة، لذلك لا يمكن مقارنة دقة التنبؤ بناء على هذه المقاييس إذا كانت لدينا سلاسل زمنية مختلفة، فحجم الأخطاء في سلسلة ذات أرقام سغيرة حتما سيكون أقل من حجم الأخطاء في سلسلة ذات أرقام أكبر. لذلك نلجأ إلى مقاييس دقة التنبؤ النسبية.

Mean Percentage Deviation النسبي (٥,٣,٥) متوسط الانحرافات النسبي

يعطى هذا المقياس بالعلاقة التالية:

$$(o,V) \qquad mpd = \frac{\sum_{t=1}^{n} \frac{e_t}{y_t} \times 100}{n}$$

Mean Absolute Percentage Deviation المطلقة النسبي المطلقة النسبي متوسط الانحرافات المطلقة التالية:

$$(o, \Lambda) \qquad mapd = \frac{\sum_{t=1}^{n} |e_t/y_t| \times 100}{n}$$

مثال (٣): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل الرقم القياسي لأسعار المواد الغذائية في إحدى الدول خلال السنوات الثمانية الماضية بالإضافة إلى الرقم القياسي المقدر.

والمطلوب: حساب مقاييس دقة التنبؤ السابقة.

الجدول رقم (٥,٣). الرقم القياسي الحقيقي والمقدر لأسعار المواد الغذائية في إحدى الدول.

الرقم القياسي المقدر	الرقم القياسي الحقيقي	السنة
10.,70	١٣٨	1997
189,00	١٣٦	1998
104,40	107	1990
184,00	177	1997
۱۳۸,۰۰	. 101	1997
۱۲۷,0۰	17.	1991
۱۳۸,۲٥	119	1999
181,00	109	Y * * *

المصدر: فرضى.

لحساب مقاييس دقة التنبؤ السابقة نعد الجدول المساعد التالي:

الجدول رقم (٥,٤). الجدول المساعد لحساب مقاييس دقة التنبؤ للمثال (٢).

$\left \frac{y_t - \hat{y}_t}{y_t} \right \times 100$	$\frac{(y_i - \hat{y}_i)}{y_i} \times 10$	$(y_i - \hat{y}_i)^2$	<i>y₁</i> −ŷ₁	<i>y₁</i> −ŷ₁	\hat{y}_t	y_t	السنة
۸,۹	۸,۹-	100,07	17,70	17,70-	100,70	١٣٨	1998
۲,٦	۲,٦-	17,70	٣,٥	٣,٥٠-	189,00	١٣٦	1998
٣,٥	٣,٥-	۲۷,0٦	0,70	0,70-	107,70	107	1990
۱۳,۰	۱۳,۰-	777,70	١٦,٥٠	17,00-	184,00	۱۲۷	١٩٩٦
۸,٦	٠. ٨,٦	179,00.	۱۳,۰۰	۱۳,۰۰	۱۳۸,۰۰	101	1997
١,٩	١,٩	٦,٢٥	۲,٥	۲,0۰	177,00	۱۳۰	۱۹۹۸
17,7	17,7-	۳۷۰,۵٦	19,70	19,70-	۱۳۸,۲٥	119	1999
٧,٥	٧,٥	187,70	11,0+	11,0+	121,00	109	7
٦٢,١	۲٦, ٠-	1180,70	۸۳,۷٥	Y9, V0-	According	_	المجموع

الشكل التالي: من هذا الجدول يمكن أن نحسب مقاييس دقة التنبؤ على الشكل التالي:
$$bias = \frac{-29.75}{8} = -3.72$$

$$mad = \frac{83.75}{8} = 10.47$$

$$msd = \frac{1140.20}{8} = 142.52$$

$$rmsd = \sqrt{142.52} = 11.94$$

$$mpd = \frac{-26.0}{8} = -3.3\%$$

$$mapd = \frac{62.1}{9} = 7.8\%$$

إن المقاييس السابقة تعطي وزنا نوعيا متساويا لجميع الأخطاء ما عدا مقياس متوسط مربعات الأخطاء الخمياء وبالتالي فهو يعطي وزنا أكبر للأخطاء الكبيرة. يوجد مقياس آخر يأخذ بعين الاعتبار الأخطاء الكبيرة هو مقياس تيل Theil's U-statistic.

Theil's U-statistic مقیاس ثیل (۵,۳,۷)

هذا المقياس يسمح بإجراء مقارنة نسبية بين نموذجين على الأقل، أحدهما بسيط والآخر أكثر تعقيدا. يعطى هذا المقياس بالعلاقة التالية*:

$$\sqrt{\frac{\sum_{t=1}^{n-1} (f_{t+1} - a_{t+1})^2}{\sum_{t=1}^{n-1} (a_{t+1})^2}}$$

$$f_{t+1} = \frac{\hat{y}_{t+1} - y_t}{y_t}$$
:
$$a_{t+1} = \frac{y_{t+1} - y_t}{y_t}$$

^{*} Forecasting، مرجع سابق، ص ٤٨.

وبالتعويض عن قيمة f_{t+1} و a_{t+1} خصل على العلاقة التالية:

$$(0,9) U = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^{n-1} (\frac{\hat{y}_{t+1} - y_{t+1}}{y_t})^2}{\sum_{t=1}^{n-1} (\frac{y_{t+1} - y_t}{y_t})^2}}$$

ويمكن أن نميز الحالات التالية:

- إذا كانت U=1 فهذا يعني أن الطريقة البسيطة تكفي ولا حاجة لاستخدام طريقة متقدمة.

- إذا كانت U<1 فهذا يعني أن الطريقة البسيطة لا تكفي ويجب استخدام طرائق متقدمة ، وكلما كانت القيمة أصغر كلما كان من الأفضل استخدام طرائق أكثر تقدما أو تعقيدا.

- إذا كانت 1 حل فهذا يعني أن نتائج الطريقة البسيطة أفضل من الطريقة المتقدمة. مثال (٣): أحسب مقياس ثيل للمثال السابق. ماذا تستنتج من هذا المقياس؟ الحل: بالعودة إلى المثال السابق يمكن إعداد الجدول التالي:

الجدول رقم (٥,٥). الجدول المساعد لحساب مقياس ثيل.

$(\frac{y_{t+1}-y_t}{y_t})^2$	$\left(\frac{\hat{y}_{t+1}-y_{t+1}}{y_t}\right)^2$	\hat{y}_t	y_t	الستة
٠,٠٠٠	٠,٠٠٠٦	100,70	۱۳۸	۱۹۹۳
٠,٠١٣٨	*,**10	189,00	177	1998
٠,٠٢٧١	٠,٠١١٨	107,70	107	1990
٠,٠٣٥٧	1,110	184,00	١٢٧	١٩٩٦
۰,۰۱۹۳	4,444	۱۳۸,۰۰	101	1997
٠,٠٠٧٢	•,•٢١٩	177,00	14.	1994
٠,٠٨١٦	. •,••٩٣	۱۳۸,۲٥	119	1999
_	one control of the co	181,00	109	7
•,1189	٠,٠٥٦٠		-	المجموع

من هذا الجدول يمكن حساب قيمة مقياس ثيل التي تساوي إلى:

$$U = \sqrt{\frac{0.0560}{0.1849}} = 0.55$$

هذه القيمة توحي بأن هناك طريقة أخرى للتنبؤ أفضل من الطريقة المستخدمة. إن مقاييس دقة التنبؤ السابقة لا تستخدم كلها في كل طرائق التنبؤ وإنما يستخدم بعضها حسب طريقة التنبؤ المستخدمة.

بشكل عام، يستخدم مقياس الخطأ المعياري للتقدير في طرائق الانحدار، بينما يستخدم متوسط أو مجموع مربع الانحرافات في طرائق المتوسطات المتحركة وتحليل السلاسل الزمنية وفي نماذج بوكس - جنكنز لقياس دقة التنبؤ في تلك النماذج. في حين يستخدم في طرائق التمهيد الأسي مقياسين هما: متوسط الانحرافات ومتوسط الانحرافات المطلقة.

لندرس كيفية استخدام مقياس متوسط مربع الانحرافات في تحديد طول فترة المتوسط المتحرك البسيط من خلال المثال التالي:

مثال (٤): لنفرض أن الجدول التالي يمثل تقديرا لسلسلة واردات القطاع الخاص السعودي من المواد الغذائية خلال الفترة ١٩٦٦-١٩٩٥م باستخدام ثلاثة متوسطات متحركة هي: (3) MA و(5) MA. استخدم مقياس مجموع مربع الانحرافات لتحديد أفضل فترة يمكن اعتبارها هي طول المتوسط المتحرك البسيط من بين الفترات الثلاث التي تم اختيارها بشكل كيفي في المثال (١).

الجدول رقم (٥,٦). السلسلة الأصلية والسلاسل المقدرة للمثال(١).

			-	() .) (-) 0)-
\hat{y}_7	\hat{y}_5	$\hat{\mathcal{Y}}_3$	y_t	السنوات
११९	010	٥١٦	٥٥٨	1977
٥٣٥	040	770	700	1977
٥٧٢	٥٧٢	070	٥٧٣	AFPI
377	7.7	٥٨٢	٥٦٥	1979
٧١٤	701	777	٦٠٨	1970
970	٧٧٤	٧٠٦	٧٠٦	1971
1707	1177	۸۹۹	۸۰٤	1977
1007	1014	1807	1144	1977
79	19.9	7.77	1777	1978
Y0VT	7011	7019	701.	1970
٣٤٠٦	3.74	7997	0777	1977
٤٥٨٠	٤٠٥٥	۳۷۱۰	77.17	1977
٥٧١٨	0 8 7 8	0.44	1013	1974
٦٧١٧	797.	7/4/	7777	1979
// 11	۸۱۰۸	AV90	98 + 8	۱۹۸۰
۸٦٠٤	. 9177	9701	1.788	1941
9.47	97/19	9981	9000	۱۹۸۲
97.9	9	٩٧٣٢	9978	۱۹۸۳
۸۹٥٩	73.67	3719	9717	١٩٨٤
٩٢٥٨	٨٥٧٣	٨٤١٢	٧٦٨١	1910
٥٢٢٨	۸۱۰۱	٧٧٢٥	٧٨٣٩	1917
٧٩٢٣	٧٦٣٣	٧٧٠٢	VIOO	1947
7711	V718	٧٥٤٨	٧٦١١	١٩٨٨
٧٨٦٨	V79)	٧٥٢٣		19/19
V910	V917	٧٧٣٠	VoA+	199.

ting model persons

تابع الجدول رقم (٥,٦).

\hat{y}_7	\hat{y}_5	\hat{y}_3	y_t	السنوات
V979	۸۰۲۸	۸۱۹۷	۸۲۳۲	1991
٨٠٧٧	۸۱٥٩	3 9 77 1	AYY9	1997
7838	۸۳۱٦	۸۳۲۷	AIVI	1998
AIFA	۸۷۱۲	۸۱۹۰	۸۰۳۱	1998
1971	۸٦٦٣	۸۸۷۰	٩٢٣٨	1990

الحل: لحساب مقياس مجموع مربع الانحرافات نعد الجدول التالي:

الجدول رقم (٥,٧). الجدول المساعد لحساب مجموع مربع الانحرافات للمثال (٤).

$(y_t - \hat{y}_7)^2$	\hat{y}_7	$(y_t - \hat{y}_5)^2$	\hat{y}_5	$(y_t - \hat{y}_3)^2$	\hat{y}_3	y_t	السنوات
۲۸۶۳	٤٩٩	١٨٤٩	010	١٧٦٤	017	٥٥٨	1977
٤٤١	٥٣٥	771	٥٣٧	٣٦	٥٦٢	007	1977
١	OVY	1	077	٦٤	070	٥٧٣	٨٢٩١
٣٤٨١	375	1779	7.7	۲۸۹	٥٨٢	٥٦٥	1979
11777	٧١٤	١٨٤٩	701	3775	777	٦٠٨	1970
V7771	970	3773	٧٧٤	•	٧٠٦	٧٠٦	1971
Y V . E	1707	١١٠٨٨٩	1177	9.70	٨٩٩	٨٠٤	1977
14440	1007	1.9071	١٥١٨	V79	1807	1147	۱۹۷۳
١٣٨٣٨٤	7.09	34777	1909	177.70	7.77	۲۳۸۱	1975
4414	7077	١	7011	۸١	7019	701.	1970
٥٤٩٠٨١	76.7	79.071	3.77	1.9071	7997	7770	1977
ολλγλο	٤٥٨٠	01075	٤٠٥٥	1.7.9	۳۷۱۰	77.17	1977
١١٣٨٤٨٩	٥٧١٨	712.74	0 2 4 2	120978	٥٠٣٣	1013	١٩٧٨
9897071	7/1/	111007	٦٩٨٠	1711	7/19/	7777	1979

مبادىء التنبؤ الإداري

تابع الجدول رقم (٥,٧).

$(y_t - \hat{y}_7)^2$	\hat{y}_7	$(y_t - \hat{y}_5)^2$	$\hat{\mathcal{Y}}_5$	$(y_t - \hat{y}_3)^2$	\hat{y}_3	y_t	السنوات
7799889	1777	17/9717	۸۱۰۸	۳۷۰۸۸۱	٥٩٧٨	98 • 8	۱۹۸۰
۳۰۲۷٦٠٠	۸٦٠٤	1441481	9174	801759	9401	1.788	19.81
37.617	۹۰۳۷	۸۰٦٥٦	9719	19 97	9981	9000	1987
07770	94.9	71.9	9 8 8 8	٥٨٥٦٤	9777	9978	۱۹۸۳
٥٧٤٥٦٤	८९०९	099.77	73 P A	801789	9178	9717	۱۹۸٤
٧٨٨٥٤٤	٨٥٦٩	V90778	۸٥٧٣	١٢٣٤٣٥	۸٤١٢	۲۱۸۲۷	1910
171577	٥٢٢٨	3377	۸۱۰۱	17997	۷۷۲٥	٧٨٣٩	۱۹۸٦
¥174	٧٩٢٣	٤٨٤	٧٦٣٣	77.9	٧٧٠٢	V700	١٩٨٧
1	VV11	٤	7717	7979	γοέλ	V711	١٩٨٨
744171	٧٨٦٨	97788	٧٦٩١	7.77	٧٥٢٣	7779	١٩٨٩
117770	V910	117747	7917	770	۷۷۳۰	٧٥٨٠	199.
79179	V979	21717	۸۰۲۸	1770	۸۱۹۷	۸۲۳۲	1991
3 • 17 9 3	۸۰۷۷	٣٨٤٤٠٠	۸۱٥٩	188770	٨٣٩٤	۸۷۷۹	1997
97771	٨٤٨٢	71.70	۸۳۱٦	75777	۸۳۲۷	۸۱۷۱	1998
455019	٨١٢٨	£7461	۸۷۱۲	10701	۸۱۹۰	۸۰۳۱	1992
3.77.1	۸٦٩١	٨٦٤٣٦	ለገገ۳	7011	۸۸۷۰	۸۳٦٩	1990
719017.7		V71•VA1		144.441	_		المجموع

من الجدول السابق نلاحظ أن مجموع مربع الانحرافات في حالة المتوسط المتحرك الذي طوله يساوي ثلاث سنوات هو أفضل من باقي المتوسطات الأخرى، لذلك يفضل اختيار هذه الفترة لتكون هي طول أو درجة المتوسط المتحرك البسيط لسلسلة المثال (١).

يعطي المتوسط المتحرك البسيط نفس الأهمية أو الوزن للقيم الداخلة في حسابه، وقد يكون من الأفضل في بعض السلاسل ترجيح قيم معينة على غيرها كترجيح البيانات الأحدث على البيانات الأقدم نظرا لما تلعبه هذه البيانات في عملية التنبؤ التي هي الهدف الأساسي من دراسة السلاسل الزمنية. فمثلا ربما تكون القيمة الأخيرة في السلسلة الزمنية هي أفضل مؤشر للمستقبل لذلك يجب أن تعطى أهمية كبيرة عند حساب المتوسط المتحرك، وخوفا من أثر التغيرات العشوائية التي يمكن أن تجدث فمن الأفضل إدخال القيم الثلاث الأخيرة بدرجة متناقصة من الأهمية. وهكذا فبدلا من إعطاء القيم الأربع الأخيرة في السلسلة نفس المرجح (٢٠,٠) يمكن أن ترجح هذه القيم بـ ٤٠،، ٣٠،٠ ، ٠، ١، (مجموع المرجحات يساوي الواحد)، هذا الترجيح يعطي ثالث أقدم قيمة نصف أهمية أحدث قيمة (٤٠٠). طبعا يمكن اختيار مرجحات أخرى حسب السلسلة المدروسة.

إن إعطاء أية قيمة من قيم السلسلة الزمنية أهمية تفوق أهمية القيم الأخرى يعرف بالمرجحات أو التثقيلات التي نتج عنها فكرة المتوسطات المرجحة وهي:

(۵,٤) المتوسطات المتحركة الثنائية Centered Moving Averages

يعرف المتوسط المتحرك الثنائي بأنه متوسط متحرك بسيط طوله يساوي ٢ للمتوسط المتحرك البسيط الذي طوله يساوي k. مثلا، إذا كان لدينا متوسط متحرك بسيط طوله ٤، فإن القيمة الأولى لهذا المتوسط تساوى إلى:

$$ma_1(4) = \frac{y_1 + y_2 + y_3 + y_4}{4}$$

والقيمة الثانية تساوي إلى:

$$ma_2(4) = \frac{y_2 + y_3 + y_4 + y_5}{4}$$

وبذلك يصبح المتوسط المتحرك الثنائي للقيمتين السابقتين على الشكل التالي:

$$ma(2\times4) = \frac{1}{2}\left(\frac{y_1 + y_2 + y_3 + y_4}{4} + \frac{y_2 + y_3 + y_4 + y_5}{4}\right)$$

وبإصلاح هذه العلاقة تصبح على النحو التالي : $ma(2\times4) = \frac{y_1+2y_2+2y_3+2y_4+y_5}{8}$

نلاحظ من هذه العلاقة أن الحد الأول والحد الأخير مرجحان بـ 0.125 = $\frac{1}{8}$ بينما باقي الحدود مرجحة بـ 0.25 = $\frac{1}{4}$. أي أن المتوسط المتحرك الثنائي ما هو إلا متوسط متحرك مرجح طوله ٥.

بشكل عام ، إن أي متوسط متحرك ثنائي من الشكل ($ma(2 \times k)$ يكافئ متوسط متحرك مرجح طوله 1 + k ، ترجح أو تثقل كل المشاهدات الداخلة في حسابه براء ماعدا المشاهدتين الأولى والأخيرة حيث ترجحان براء 1 + k . مثلا : $ma(2 \times 12) = \frac{1}{12} (0.5,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,0.5)$

غالبا، يستخدم المتوسط المتحرك الثنائي من الشكل (4×2) مع البيانات الفصلية، بينما يستخدم المتوسط المتحرك الثنائي $ma(2 \times 12)$ مع البيانات الشهرية لإزالة أثر التغيرات الموسمية من البيانات، وسنبين كيفية استخدام هذا المتوسط في الفصلين القادمين.

Double Moving Averages المتوسطات المتحركة المضاعفة (٥,٥)

بتعميم حالة المتوسط المتحرك الثنائي على أي متوسط متحرك بسيط نحصل على متوسط متحرك مضاعف. مثلا، يمكن اعتبار أن $ma(3\times3)$ هو متوسط متحرك مضاعف للمتوسط المتحرك البسيط (3) وهكذا....

(7,3) المتوسطات المتحركة المرجحة Weighted Moving Averages بشكل عام، يمكن تعريف المتوسط المتحرك المرجح الذي طوله يساوي k

بالعلاقة التالية:

استخدام طرائق المتوسطات المتحركة في التنبؤ الإدارى ١٧٣

$$(o,) \bullet) \qquad maw_t = \sum_{j=-m}^m a_j y_{t+j}$$

 $m = \frac{k-1}{2} : =$

و a_j مقدار الترجيحات أو التثقيلات.

بعد أن تعرفنا على أنواع المتوسطات المتحركة لندرس كيفية استخدامها في عملية التنبؤ الإداري.

(٥,٧) استخدام المتوسطات المتحركة في التنبؤ

تستخدم طريقة المتوسطات المتحركة في التنبؤ، خاصة إذا كانت البيانات المتوفرة عن الظاهرة المدروسة قليلة وغير كافية لاستخدام الطرائق الأخرى، حيث يؤخذ المتوسط المتحرك لأحدث القيم فقط في السلسلة المدروسة وتصبح العلاقة (٥,٢) على الشكل التالى:

$$\hat{y}_{t+1} = ma(k) = \frac{\sum_{t-n+1}^{n} y_t}{k}$$

t+1 ونعتبر أن قيمة المتوسط المتحرك تساوي القيمة المقدرة للسلسلة في الفترة ثم ندخل هذه القيمة في حساب القيمة المقدرة في الفترة t+1 وهكذا. وبشكل عام، تستخدم طرائق المتوسطات المتحركة في التنبؤ في المدى القصير.

مثال (٥): لنحسب القيمة المقدرة لواردات القطاع الخاص السعودي في المثال (١) خلال الفترة ١٩٦٣ - ١٩٩٨م باستخدام متوسط متحرك بسيط ثم مرجح طول فترته أربع سنوات.

أولا: باستخدام المتوسط المتحرك البسيط: نعتبر أن المتوسط الحسابي للقيم الأربع الأولى هو القيمة المقدرة أو المتنبأ بها للسنة الخامسة، أي:

$$\hat{y}_{1967} = ma_1(4) = \frac{y_1 + y_2 + y_3 + y_4}{4} = \frac{355 + 451 + 435 + 558}{4} = 499.75$$

والمتوسط الحسابي للقيم الأربع التي تلي القيمة الأولى هي القيمة المقدرة للسنة السادسة:

$$\hat{y}_{1968} = \frac{y_2 + y_3 + y_4 + y_5}{4} = \frac{451 + 435 + 558 + 556}{4} = 500.00$$

$$\hat{y}_{1967} = \frac{(355 \times 0.1) + (451 \times 0.2) + (435 \times 0.3) + (558 \times 0.4)}{1} = 479.40$$

وبشكل مشابه يمكن تقدير الورادات في بقية السنوات كما هو واضح من الجدول التالي:

الجدول رقم (٥,٨). السلسلة الأصلية والسلسلتين المقدرتين للمثال (١).

	(1)	علون المعادر فون معا	J * ' -		.) () 0)
$(y_t - may)^2$	$(y_t - mq)^2$	maw(4)	$ma_t(4)$	القيم الفعلية	ٔ السنوات
		_	_	700	١٩٦٣
_	_	_ ~	_	٤٥١	1978
	_	_	_	٤٣٥	1970
· _			_	001	1977
٥٨٦٧,٥٦	117/19,07	٤٧٩,٤٠	£ £ 9, V 0	007	1977
7711,74	0779, * *	071,9*	0 * * , * *	٥٧٣	١٩٦٨
194,71	119.,70	001,1*	07+,0+	०२०	1979
۱۸۵۷,٦١	7.70,	098,90	074, **	٦٠٨	19.4
10104,71	17.4.70	٥٨٢,٩٠	040,0+	٧٠٦	1971
7107V,71	٣٦٤٪١,٠٠	٦٣٥,١٠	714,00	۸۰٤	1977
7771,70	777012,+7	٧١١,٥٠	٦٧٠,٧٥	1144	١٩٧٣
Y12.779,	7217727,07	911,	۸۲٦,۲٥	۲۳۸۱	1978
9 8 1 • 9 8 , • 1	104775.40	1089,90	1779,00	701.	1970
790010,71	197.1.,70	۲۰۳٦,۱۰	177.0.	7770	1977

تابع الجدول رقم (٥,٥).

				· · · / I	707
$(y_t - may)^2$	$(y_t - mq)^2$	maw(4)	$ma_t(4)$	القيم الفعلية	السنوات
190454,41	7787987,07	7817,90	Y110, Y0	47.14	1977
7017.82	7771077,07	۳۰٦٤,٨٠	Y	1073	۱۹۷۸
۸۱۰9٣٩٥,۲٩	1 • £ • 从7人9, • 7	٣٧٨٨,٣٠	72·9, V0	٦ ٦٣٦	1979
۱۸۷۰۷۳٥٥,٠٤	Y E T Y A A A V , O T	٥٠٧٨,٨٠	8881,70	9 2 + 2	۱۹۸۰
1.709.07,.1	17791078, * *	٧٠٦٣,٩٠	7177,**	1.458	1481
071770,71	٣٠٤٩٣٨٩,٠٦	۸٧٥١,١٠	٧٧٥٨,٧٥	9000	١٩٨٢
YV	1	9889,70	۸۹۷۲,۲٥	9978	۱۹۸۳
۱۷۷٦٨,٨٩	۸٠٥٥,٠٦	۹۸۵۰,۳۰	91.7,70	9717	۱۹۸٤
٤٥٥١٣٩٥,٥٦	٤٨٥٧٦١٦,٠٠	9.818,80	۹۸۸٥,۰۰	٧٦٨١	١٩٨٥
1197791,88	19 . 0 . 9 . , . 7	۸۹۳۲,۸۰	9719,70	٧٨٣٩	١٩٨٦
07778.,89	141744.11	۸۳۸۰,۷۰	۸۸۰۲,۷٥	V700	١٩٨٧
97877,77	WY 80 8 8, 4 4	٧٩٢١,٦٠	۸۲۲۳,۰۰	V711	١٩٨٨
۸۸٦٨٤,٨٤	١٠٠٨٠٦,٢٥	٧٦٧٦,٨٠	٧٦٩٦,٥٠	V ~ V 4	١٩٨٩
917, • 8	١٦٨١,٠٠	٧٥٤٩,٨٠	٧٦٢١,٠٠	٧٥٨٠	199.
٤٨٨٠٤١,٩٦	٤٥٦٦٣٨,٠٦	٧٥٣٣,٤٠	V007,70	۸۲۳۲	1991
90171+,+9	1177177,70	٧٨٠٣,٧٠	٧٧٠٠,٥٠	۸۷۷۹	1997
٤١٠٨,٨٦	7177770	۸۲۳۵,۱۰	V997,0 *	. ۸۱۷۱	1998
V09 · · , Y0	70880,70	۸۳۰٦,۵۰	A19+,0+	۸۰۳۱	1998
10901,79	£٣٢٣,•7	۸۲٤۲,۷۰	17.7,70	۸٣٦٩	1990
TVV1T78,**	401,40	۸۲٦٩,٠٠	۸۳۳۷,0٠	1.711	1997
777088,97	77777,70	۹۰۱۸,٤٠	۸٦٩٥,٥٠	٨٥٣٢	1997
٤٢٤٣٦,٠٠	10.1,07	۸۹٥٣,٠٠	۸۷۸٥,٧٥	AVEV	1991
٥٨٧١٣٨٣٧,٤٣	11VV£TTT, 9 E			_	المجموع

نلاحظ من هذا الجدول أن مجموع مربع الانحرافات في حالة المتوسط المتحرك المرجح أقل بكثير من مجموع مربع الانحرافات في حالة المتوسط المتحرك البسيط، لذلك يفضل غالبا استخدام المتوسطات المتحركة المرجحة في التنبؤ.

أما إذا كانت البيانات شهرية فإن طول فترة المتوسط المتحرك تساوي إلى ١٢، ويعتبر متوسط السنة الأخيرة هو القيمة المقدرة للشهر الأول من السنة التي تليها كما يظهر من المثال التالى:

مثال (٦): الجدول التالي يوضح الكمية المستهلكة من الكهرباء (ميغاواط) في المنطقة الوسطى خلال عام ١٩٩٩م، والمطلوب: تقدير استهلاك المنطقة الوسطى خلال الأشهر الثلاثة الأولى من عام ٢٠٠٠م باستخدام متوسط متحرك بسيط طوله ١٢ شهرا.

الجدول رقم (٥,٩). كمية الكهرباء المستهلكة (ميغاواط) في المنطقة الوسطى خلال عام ١٩٩٩م.

ч	9	٤	h	۲	١	الشهر
00 · V	7 - 5 V	090.	7700	7479	٥٤٨٠	الكمية المستهلكة
١٢	11	1.	٩	۸	٧	الشهر
2002	٣ ٣٩ <i>٨</i>	۳٥٨٥	4775	474.	7777	الكمية المستهلكة

المصدر: وزارة الصناعة والكهرباء.

يمكن تقدير استهلاك المنطقة الوسطى من الكهرباء في الشهر الأول من عام ٢٠٠٠م من العلاقة التالية:

$$\hat{y}_{2000-1} = \frac{\sum_{t=1}^{12} y_t}{12} = \frac{5480 + 6379 + \dots + 4354}{12} = 4673.5$$

وبحذف استهلاك الشهر الأول من عام ١٩٩٩م وإدخال القيمة المقدرة لاستهلاك الشهر الأول من عام ٢٠٠٠م بدلا عنه في العلاقة السابقة يتم حساب القيمة المقدرة لاستهلاك الشهر الثاني من عام ٢٠٠٠م على الشكل التالي:

$$\hat{y}_{2000-2} = \frac{\sum_{t=1}^{12} y_t}{12} = \frac{6379 + 5562 + \dots + 4673.5}{12} = 4606.292$$

وبشكل مشابه يتم تقدير استهلاك الشهر الثالث من عام ٢٠٠٠م بالعلاقة التالية:

$$\hat{y}_{2000-3} = \frac{\sum_{t=1}^{12} y_t}{12} = \frac{5562 + 5950 + \dots + 4606.292}{12} = 4458.566$$

أما إذا كانت البيانات فصلية عندها تكون طول فترة المتوسط المتحرك مساوية إلى ٤، ونعتبر أن متوسط السنة الأخيرة هو تقدير للفصل الأول من العام الذي يليه كما يوضحه المثال التالي.

مثال (٧): الجدول التالي يوضح عدد المرضى الذين راجعوا العيادات المتخصصة في مستشفى الملك خالد الجامعي خلال العام ٢٠٠٠م:

الجدول رقم (٥,١٠). عدد المرضى الذين راجعوا الغيادات في مستشفى الملك خالد الجامعي خلال عام ٠٠٠ م.

الوابع	الثالث	الثاني	الأول	الفصل
1 2 V 9	١٤٠٨	1701	1801	عدد المرضى

المصدر: فرضى.

والمطلوب: تقدير عدد المرضى الذين يتوقع أن يراجعوا مستشفى الملك خالد الجامعي خلال الفصلين الأولين من عام ٢٠٠١م.

بشكل مشابه للمثال السابق يمكن أن نقدر عدد المرضى في الفصل الأول من عام ٢٠٠١م بالعلاقة التالية:

$$\hat{y}_{2001-1} = \frac{\sum_{t=1}^{4} y_t}{4} = \frac{1356 + 1251 + 1408 + 1479}{4} = 1374$$

وعدد المرضى المقدر في الفصل الثاني من عام ٢٠٠١م يساوي:

$$\hat{y}_{2001-2} = \frac{\sum_{t=1}^{4} y_t}{4} = \frac{1251 + 1408 + 1479 + 1374}{4} = 1379$$

أسئلة ومسائل غير محلولة

- ١ عرف المتوسط التحرك البسيط.
- ٢- ما الفرق بين المتوسط المتحرك البسيط والمتوسط الحسابي؟
 - ٣- عرف مقاييس دقة التنبؤ.
 - ٤- لماذا نستخدم مقاييس دقة التنبؤ؟
 - ٥ عدد واشرح أهم مقاييس دقة التنبق.
 - ٦- عرف مقياس ثيل وبين مجال استخدامه.
 - ٧- اذكر مقياس دقة التنبؤ المستخدم مع النماذج التالية:
 - أ) نماذج الانحدار البسيط.
 - ب) نماذج الانحدار المتعدد.
 - ج) نماذج المعادلات الآنية.
 - د) نماذج المتوسطات المتحركة.
 - هـ) نماذج تحليل السلاسل الزمنية.
 - و) نماذج التمهيد الأسي.
 - ز) نماذج بوكس جنكنز.
- ٨- ما الفرق بين متوسط الانحرافات ومتوسط الانحرافات المطلقة؟
- · ٩- عرف المتوسط المتحرك الثنائي، ثم وضح الفرق بينه وبين المتوسط المتحرك لبسيط.
- ١ عرف المتوسط المتحرك المضاعف، ثم وضح الفرق بينه وبين المتوسط المتحرك الثنائي.
 - ١١- عرف المتوسط المتحرك المرجح.
 - ١٢ لماذا نفضل غالبا، استخدام المتوسط المتحرك المرجح في التنبؤ؟
- ١٣ ليكن لدينا الجدول التالي والذي يمثل صادرات المملكة العربية السعودية من الزيت الخام والقيمة المقدرة لهذه الصادرات خلال الفترة: ١٩٦٣ - ١٩٩٩م:

الجدول رقم (٥,١١). الصادرات السعودية الفعلية والمقدرة من الزيت الخام (مليون طن) خلال الفترة:

القيمة المقدرة	١٩٦٦م.	السنوات
011	٥٤٥	١٩٦٣
٦٠١	٥٨٧	1978
٦٣٣	٦٧٩	١٩٦٥
٦٨٧	PYA	١٩٦٦
٧٨٢	۸۸۹	1977
AVV	۹٦٨	١٩٦٨
940	1.7.	١٩٦٩
١٠٦٣	۱۱۷٤	197.
1141	١٥٢٨	1971
18.1	١٩٩٣	1977
١٧٤٨	Y07.	1977
7778	7.47	1978
7777	72.9	1970
Y9 • A	798.	۱۹۷٦
7197	7187	1977
455 V	YA18	۱۹۷۸
7871	7711	1979
70 17	7777	۱۹۸۰
7790	7797	١٩٨١
WV · 9	Y•0A	١٩٨٢
77.1	1271	۱۹۸۳
7898	١١٦٨	١٩٨٤

تابع الجدول رقم (٥,١١).

	() // 5 - 5 - 6
القيم الفعلية	السنوات
٧٨١	١٩٨٥
119.	١٩٨٦
٩٧٣	1947
1720	۱۹۸۸
١٢١٨	١٩٨٩
7371	199+
۲۳۸۲	1991
78.9	1997
* ****	1998
7770	1998
7797	1990
۲۲۳٦	1997
YYOV	1997
7777	1991
۲۰۸۸	1999
	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\

المصدر: مؤسسة النقد العربي السعودي، التقرير السنوي لعام ١٩٩٩م.

والمطلوب

أ) حساب مقاييس دقة التنبؤ التالية:

- متوسط الانحرافات.
- متوسط الانحرافات المطلقة.
- مجموع مربع الانحرافات.
- متوسط مربع الانحرافات.

- الخطأ المعياري للتقدير.
- متوسط الانحرافات النسبي.
- متوسط الانحرافات المطلقة النسبي.
 - مقياس ثيل.
 - ب) ماذا تستنتج من قيمة مقياس ثيل؟
- ج) حساب المتوسطات المتحركة البسيطة للصادرات السعودية الفعلية إذا كان طول المتوسط المتحرك ٣، ٥، ٧ سنوات على التوالي.
- د) التنبؤ بكمية الصادرات السعودية من الزيت الخام في عامي ٠٠٠ م و ١٠٠ م باستخدام متوسط متحرك بسيط طوله ثلاث سنوات، ثم باستخدام متوسط متحرك مرجح بالقيم: ٥,٠، ٣,٠، ٢,٠ على الترتيب. ١٤ ليكن لدينا الجدول التالي والذي يمثل النقد المتداول خارج المصارف السعودية خلال الفترة ١٩٩٧ ٢٠٠٠ م:

الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثايي	القصل الأول	السنوات
7.	£ £	٤٧	٥٢	۱۹۹۷م
٥١	. 00	٤٥	٤٦	۸۹۹۱م
00	2.7	٤٤	٤٧	١٩٩٩م
01	73	٤٨	٤٨	۲۰۰۰

المصدر: مؤسسة النقد العربي السعودي، التقرير السنوي لعام ٢٠٠٠ م.

والمطلوب

أ) تقدير النقد المتداول خلال الفترة ١٩٩٧ – ٢٠٠٠م باستخدام متوسط متحرك بسيط طوله أربع فصول.

- ب) تقدير النقد المتداول خلال الفترة ١٩٩٧ • • ٢ م باستخدام متوسط متحرك مرجح بالتقيلات: ٠,١ ، •,٢ ، ، ،٢ ، ، ، ، ، على الترتيب. ج) تقدير النقد المتداول لفصول عام ١ • ٢ م باستخدام متوسط متحرك
- بسيط طوله أربع فصول. د) تقدير النقد المتداول لفصول عام ٢٠٠١م باستخدام متوسط متحرك
- مرجح بالتقيلات: ٤,٠،٣,٠، ٢,٠، ١,٠ على الترتيب. ١- لكن لدنا الحدول التال والذي عثا عدد مرض السكر الذي راجعوا

١٥ - ليكن لدينا الجدول التالي والذي يمثل عدد مرضى السكر الذين راجعوا مستشفى الملك عبد العزيز الجامعي خلال أشهر العام الماضي:

الجدول رقم (٥,١٣). عدد مرضى السكر الشهري الذين راجعوا مستشفى الملك عبد العزيز الجامعي خلال عام ٥٠٥٠م.

٦	٥	٤	٣	۲	١	الشهر
VVY	7.7.5	٨١٢	ΓΙΛ	1007	٨٤٨	عدد المرضى
١٢	11	١.	٩	٨	٧	الشهر
००९	٥٦٠	٤١٢	173	117.	٧٨٠	عدد المرضى

المصدر: مستشفى الملك عبد العزيز الجامعي.

والمطلوب

- أ) ما طول المتوسط المتحرك البسيط الذي يفضل استخدامه مع البيانات الشهرية.
- ب) استخدام المتوسط المتحرك البسيط الذي حددته في الطلب السابق لتقدير عدد مرضى السكر المتوقع مراجعتهم للمستشفى خلال أشهر عام ٢٠٠١م.
- ج) قدر عدد مرضى السكر المتوقع مراجعتهم للمستشفى خلال أشهر عام ٢٠٠١م باستخدام متوسط متحرك مرجح بالتثقيلات المناسبة.

(الفصل (العاوس

استخدام طرائق تعليل السلاسل الزمنية في التنبؤ الإداري

(۱,۱) مقدمــة

يعتبر تحليل السلاسل الزمنية Times series من أهم أساليب التنبؤ الإداري حول مستقبل ظاهرة ما بناء على مسارها في الماضى دون ارتكاب أخطاء فادحة.

من المؤكد أن تحليل السلاسل الزمنية لا يؤدي إلى تنبؤ تام، ولكنه ترم الأسس التي من خلالها نستطيع تكوين صورة عن تطور تلك الظاهرة في المستقبل، وبالتالي تخفيض الشك أو عدم اليقين.

هناك تعاريف كثيرة للسلسلة الزمنية وجميعها تلتقي حول تغير الظاهرة عبر الزمن. ومن أبسط هذه التعاريف: أن السلسلة الزمنية هي مجموعة من المشاهدات المأخوذة عن متغير واحد أو أكثر مرتبة وفقا لزمن حدوثها في فترات زمنية متتابعة ومتساوية.

وتعتبر السلاسل الزمنية الخاصة بالمؤشرات الاقتصادية مثل الدخل القومي والعمالة والبطالة والأرقام القياسية للإنتاج الصناعي من السلاسل الزمنية الهامة. ومن الأمثلة الأخرى على السلاسل الزمنية: المبيعات السنوية للشركات التجارية والصناعية خلال فترة زمنية معينة وصافي دخل هذه الشركات.

وتحليل السلاسل الزمنية لا يقتصر على المجالات الاقتصادية فقط، بل يمتد أيضا ليشمل مجالات أخرى مثل: تطور عدد السكان في بلد ما خلال فترة زمنية محددة،

وعدد السياح في منطقة جغرافية خلال أشهر معينة من السنة، وكمية الأمطار في منطقة معينة، وأعداد الطلاب في الجامعات... إلخ.

تنقسم السلاسل الزمنية من حيث دورية المشاهدات الإحصائية إلى:

- سلاسل زمنية عقدية تحدث كل عشر سنوات مثل التعدادات السكانية.
- سلاسل زمنية سنوية مثل المؤشرات الاقتصادية المختلفة (الدخل القومي، العمالة، البطالة، الصادرات، الواردات ... إلخ).
- سلاسل زمنية فصلية أو ربع سنوية مثل استهلاك الكهرباء والمحروقات ومبيعات بعض أنواع الأغذية... إلخ.
 - سلاسل زمنية شهرية مثل حركة السياح ومبيعات السيارات وغيرها.
 - سلاسل زمنية أسبوعية مثل إحصاءات مكتب العمل.
 - سلاسل زمنية يومية كحركة الأسهم ومؤشرات الأسواق المالية.
 - سلاسل زمنية ساعية مثل قياس درجات الحرارة.

يعتبر الزمن عند تحليل السلاسل الزمنية المحصلة للقوى المؤثرة في الظاهرة المدروسة، أي أنه يمثل المتغير الستقل، بينما يمثل قيم الظاهرة المدروسة المتغير التابع ونرمز له بـ Y. ويمكن تمثيل السلسلة الزمنية بيانيا بوضع الزمن على المحور الأفقي وقيم الظاهرة المدروسة على المحور الرأسي.

يعتمد تحليل السلاسل الزمنية على معرفة القوى المؤثرة فيها، فالسلاسل الزمنية تخضع لمتغيرات دورية وشبه منتظمة تعكس تأثير عوامل مختلفة كالأعياد والمناسبات والعادات والتقاليد... إلخ. وقد تخفي هذه التغيرات التطور الأساسي للظاهرة المدروسة، ولإزالة أثر هذه التغيرات لا بد من تحليل السلسلة الزمنية إلى مكوناتها الأساسية.

(٦,٢) مكونات السلسلة الزمنية

تتكون السلسلة الزمنية عادة من أربعة عناصر أو قوى مؤثرة هي: الاتجاه العام، التغيرات الدورية، التغيرات الموسمية، والتغيرات غير المنتظمة أو العشوائية.

ويمكن تحليل السلسلة المشاهدة ككل، أو تحليل جزء من مكوناتها. لكن قبل تحليل السلسلة من المفضل توضيح هذه المكونات:

أ) الاتجاه العام Trend: إن الاتجاه العام للسلسلة الزمنية هو عبارة عن تغيرات أساسية طويلة الأمد لا يظهر أثرها إلا بعد مرور فترة طويلة من الزمن، وبالتالي تأخذ شكلها بصورة تدريجية، ويكون تطورها بطيئا وصغيرا ما بين سنة وأخرى. وإن أهم ما يميزها أنها تستمر في اتجاه واحد صعودا أو هبوطا مدة طويلة من الزمن، وإذا حدث وغيرت اتجاهها فإنها تثابر على هذا الاتجاه الجديد فترة أخرى طويلة من الزمن.

وعلى الرغم من عدم معرفة فترة الاتجاه العام الفعلية، فإن هذه الفترة في السلاسل الزمنية الاقتصادية والتجارية تكون كبيرة بدرجة تكفي لاحتواء دورتين اقتصاديتين على الأقل حتى يمكن الحصول على معلومات كافية. ويتم تمثيل الاتجاه العام بيانيا، عادة، بخط مستقيم أو منحنى مجهد.

ب) التغيرات الدورية Cyclical variations: هي تقلبات تتكرر على نفس الوتيرة وتستعيد سيرتها كل عدة سنوات. وتختلف هذه التقلبات من دورة إلى أخرى سواء من حيث طول الفترة الزمنية للدورة، أو من حيث اتساع التقلبات. وتظهر هذه التقلبات أعلى أو أسفل خط الاتجاه العام. وهي ناتجة عن الدورات الاقتصادية التي تمتد عادة لسنتين أو أكثر.

تتضح هذه التغيرات في السلاسل الزمنية التي تغطي عدة سنوات، ويمكن تعريف الدورة بأنها ذبذبة طويلة المدى أو تقلبات للبيانات حول خط الاتجاه العام تشمل على الأقل فترة تعادل ثلاثة مواسم كاملة.

وترجع التغيرات الدورية إلى عوامل كثيرة، منها التغير في عرض السلع والخدمات وفي الطلب عليها والسياسات الحكومية والعلاقات الدولية... إلخ.

وتمر الدورة الاقتصادية عادة، بأربعة مراحل هي: مرحلة النمو أو الازدهار، تتلوها مرحلة الانكماش، ثم مرحلة الركود، وأخيرا مرحلة الكساد أو الأزمة. ويقاس طول الدورة بالفترة التي تفصل بين مرحلتي ازدهار متاليتين أو بين مرحلتي ركود متتاليتين.

غالبا، يعتبر قياس أو توقع هذه الدورات صعبا، ويتطلب تحليل سلسلة طويلة نسبيا من البيانات.

ج) التغيرات الموسمية Seasonal Variations: هي تقلبات تحدث للظاهرة في مواعيد وأزمنة محددة تتكرر في نفس المواعيد على مدار الفترة الزمنية، وتكون مدة العدورة أقل من سنة ولها أمثلة كثيرة منها: استهلاك الكهرباء والمياه والغاز والمحروقات، مبيعات بعض الأغذية والملابس في المناسبات والأعياد... إلخ. وتعد التغيرات الموسمية الفصلية من أكثر هذه التغيرات تعرضا للدراسة.

ويمكن للتغيرات الموسمية أن تكون يومية أو أسبوعية أو شهرية أو فصلية، أو أية فترة زمنية مدتها أقل من سنة.

وترجع التغيرات الموسمية إلى عدد من العوامل منها الطبيعي كالتغير في الجو ومنها ما يرتبط بالسلوك الإنساني كالعادات والتقاليد والأعياد والمواسم... إلخ.

وتعتبر التغيرات الجوية من أهم العوامل التي تؤدي إلى حدوث تغيرات موسمية في الإنتاج الزراعي وفي أعمال البناء وفي حركة النشاط السياحي وفي الطلب على الألبسة الثقيلة في فصل الشتاء في البلاد الباردة وعلى المشروبات الغازية في فصل الصيف. وتجدر الإشارة إلى أن الطلب على المواد الموسمية يتقدم أو يتأخر عن الموسم نفسه فالطلب على ألبسة أو هدايا العيد يسبق العيد عادة.

د) التغيرات العرضية والعشوائية Irregular Variations: هي تقلبات لا تتبع غوذجا محددا في تغيراتها وليس لها شكل محدد أو مسببات واضحة، وتشير إلى تحركات السلسلة الزمنية للأعلى أو الأسفل بعد استبعاد أثر التغيرات السابقة، لذلك تسمى بالتغيرات الباقية Residual Variations.

ترجع التغيرات العشوائية إلى عوامل لا يمكن التحكم فيها، مثل الكوارث الطبيعية كالزلازل والبراكين والفيضانات والأحداث السياسية والحروب.

وتتميز التغيرات العشوائية بعدم إمكانية التنبؤ بها، بسبب عدم انتظامها وطبيعتها العرضية غير المتوقعة وقصر الفترة الزمنية التي تحدث فيها.

(٦,٣) تجزئة السلسلة الزمنية

تهدف عملية تجزئة السلسلة أو تفكيكها إلى قياس أثر كل عامل من العوامل المؤثرة في السلسلة.

يعرف نموذج السلسة الزمنية Time Series Model بأنه تحديد لعلاقة السلسلة بمكوناتها الرئيسية.

ويستخدم عادة كل من نموذج حاصل الجمع ونموذج حاصل الضرب كتقريب للعلاقة الحقيقية بين عناصر ومكونات السلسلة التي تظهرها البيانات.

ويعتبر نموذج حاصل الضرب Multiplicative Model من النماذج الواسعة الانتشار. فإذا فرضنا أن:

القيمة الأصلية للسلسلة. y_t

يمة الاتجاه العام. t_t

 s_i = قيمة التغيرات الموسمية.

قيمة التغيرات الدورية. c_i

 i_i = قيمة التغيرات العرضية والعشوائية.

فإن نموذج حاصل الضرب يعطى بالعلاقة:

$$(7,1) y_t = t_t \times s_t \times c_t \times i_t$$

يستخدم هذا النموذج عندما يكون مدى التغيرات متغير من سنة إلى أخرى.

أما نموذج حاصل الجمع Additive Model فيعطى بالعلاقة:

$$(7,7) y_t = t_t + s_t + c_t + i_t$$

يستخدم هذا النموذج عندما يكون مدى التغيرات الموسمية ثابت من سنة إلى أخرى ومستقل عن قيم الاتجاه العام. وفي هذه الحالة فإن التشتت حول الاتجاه العام يكون ثابتا تقريبا. ويؤخذ الانحراف المعياري السنوي كمقياس للتشتت حول الاتجاه العام الذي يعطى بالعلاقة:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^{n} (y_t - \overline{y})^2}{n}}$$

حيث تمثل n عدد المشاهدات في السنة، فهي ٤ في السلسلة الفصلية و١٢ في السلسلة الشهرية.

و, لا القيم الفعلية.

و \overline{y} الوسط الحسابي للقيم الفعلية في السنة.

فلو كان لدينا سلسلة زمنية شهرية مؤلفة من أربع سنوات ، فسوف يكون لدينا أربعة أوساط حسابية وأربعة انحرافات معيارية. فإذا كان التشتت ثابتا تقريبا مهما تكن قيمة الوسط الحسابي السنوي، فإننا نستنتج أن القيمة الفعلية للسلسلة الزمنية هي غوذج الجمع. أما في حالة الشك فنلجأ إلى حساب معادلة انحدار صعلى ا:

$$\sigma = b_0 + b_1 t$$

ودراسة ميل المستقيم (قيمة b_1):

فإذًا كانت قيمة $b_1 < 0.05$ فإننا نختار نموذج الجمع

وإذا كانت قيمة $b_{\rm l} > 0.10$ فإننا نختار نموذج الضرب

أما إذا كانت قيمة $> 0.10\,b_1\,0.05>$ فإننا نأخذ النموذجين ونختار من بينهما النموذج ذا التشتت الأقل*.

في نموذج الجمع يتم التعبير عن كل عنصر من عناصر العلاقة (٦,٢) كقيمة عددية وليس كنسبة مئوية.

ولتوضيح الفرق بين النموذجين باستخدام المتغيرات الموسمية لنأخذ المثال التالي:

مثال (١): لنفرض أن مبيعات إحدى الشركات في شهر نيسان (إبريل) من عام مثال (١) لنفرض أن مبيعات هذه الشركة في الشهر الذي يليه من

^{*} الإحصاء الاقتصادي، د. أحمد رفيق قاسم ود. عمر حلاق، ص ٣٩.

نفس العام وهو شهر أيار (مايو) كانت ٧٥٠ ألف ريال سعودي. لنفرض أيضا أن مبيعات هذه الشركة في شهر نيسان من عام ٢٠٠٠ م كانت ١٢٠٠ ألف ريال سعودي، أي بزيادة ٢٠٠٠ ألف ريال أو ٢٠٪ عن مبيعات نفس الشهر من العام السابق. فما هي المبيعات المتوقعة في شهر أيار من عام ٢٠٠٠م؟

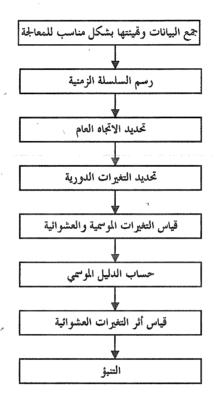
الحالة الأولى: إذا استخدمنا نموذج الجمع فإننا سنضيف ٢٠٠ ألف ريال إلى مبيعات شهر أيار من عام ١٩٩٩م لنحصل على تقدير لمبيعات شهر أيار من عام ٢٠٠٠ م، أي ٢٠٠٠ م، أي ٢٠٠٠ م، أي ٢٠٠٠ م،

الحالة الثانية: إذا استخدمنا نموذج الضرب فيجب ضرب مبيعات شهر أيار من عام ١٩٩٩م بـ ١٠٢٪ (٢٠٪ + ١٠٠٠٪) لنحصل على عام ١٩٩٩م بـ ١,٢٪ (١٠٠٠ ألف ريال. تقدير لمبيعات شهر أيار من عام ٢٠٠٠م، أي ٢٥٠٠٠ = ١٠٠٠ ألف ريال.

من هذا المثال نلاحظ أن التغير النسبي في المبيعات يعتبر أكثر واقعية من التغير المطلق، لذلك يفضل استخدام نموذج الضرب في تحليل السلاسل الزمنية.

عند تجزئة السلسلة الزمنية إلى مكوناتها الرئيسة نفترض أن هذه المكونات مستقلة عن بعضها البعض. وقد لا يكون هذا الافتراض صحيحا في بعض الأحيان، فالتغير العرضي الناشئ عن الحروب أو الكوارث الطبيعية قد يؤثر بدرجة كبيرة على بعض أو كل عناصر السلسلة الزمنية. كما أن حدوث تغير موسمي غير عادي قد يؤدي إلى التأثير في التغيرات الدورية إلى التأثير في الاتجاه العام. وعلى الرغم من هذه الاعتراضات فإن افتراض استقلالية مكونات السلسلة الزمنية عن بعضها البعض يعتبر مفيدا من الناحية التطبيقية لأنه يمدنا بتقريب مبدئي يكن استخدامه في أغراض التنبؤ.

وباعتماد نموذج الضرب في تحليل السلسلة الزمنية المدروسة، وبفرض أن مكونات السلسلة مستقلة عن بعضها البعض فإننا نلجأ إلى مجموعة من الخطوات لتجزئة السلسلة وتقدير كل مكون من مكوناتها يمكن أن نوضحها بالشكل التالى:

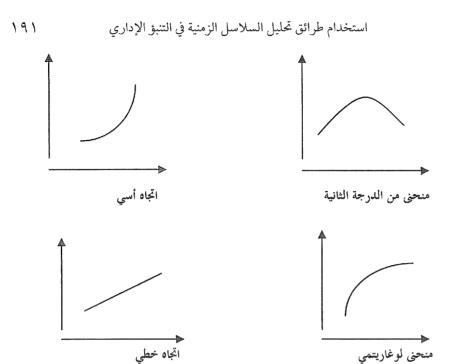


الشكل رقم (٦,١). خطوات تحليل السلسلة الزمنية.

لندرس هذه الخطوات بالتفصيل.

(٦,٤) تحليل الاتجاه العام

يعتبر الاتجاه العام من أكثر مكونات السلسلة الزمنية استخداما في التنبؤ. ويعتمد تحليل الاتجاه العام على إيجاد خط مستقيم أو منحنى يصف حركة السلسلة الزمنية في فترة زمنية طويلة نسبيا. الشكل رقم (٦,٢) يوضح الاتجاهات المألوفة أو المتكررة:



الشكل رقم (٦,٢). الأشكال المألوفة للاتجاه العام.

سنهتم في هذا المقرر بالاتجاه العام الخطي لأنه الأكثر استخداما في مجال التنبؤ الإداري. وسنوضحه من خلال مثال تطبيقي.

إن الخط المستقيم يصف اتجاها عاما يتغير بمعدل ثابت، فالسلسلة التي تتزايد بمعدل ثابت مع الزمن يمكن تمثيلها بخط مستقيم ميله موجب، أما السلسلة التي تتناقص بمعدل ثابت مع الزمن فيمكن تمثيلها بخط مستقيم ميله سالب.

(٦,٤,١) جمع البيانات وتبويبها

يتم جمع البيانات الإحصائية بطرائق مختلفة حسب الهدف من الدراسة وأسلوب التحليل المتبع. ثم يجري تبويب هذه البيانات لتصبح قابلة للدراسة. ويمكن اعتبار البيانات المنشورة في أغلب النشرات الإحصائية الصادرة عن الوزارات أو المؤسسات الحكومية والخاصة والدولية سلاسل زمنية ، مثلا يمكن اعتبار الجدول رقم

(٦,١)، الذي يمثل الرقم القياسي لتكاليف الدعاية الطبية في المملكة العربية السعودية خلال الفترة من ١٩٧٠-١٩٩٧م، سلسلة زمنية.

(٦,٤,٢) التمثيل البيابي للسلسلة الزمنية

تعتبر هذه الخطوة مهمة جدا في تحليل السلاسل الزمنية لأن الرسم البياني للسلسلة يعطي فكرة سريعة وأولية عن طبيعة الاتجاه العام ومدى ارتباطه بالزمن وعن وجود التغيرات الموسمية والدورية والعرضية.

مثال (٣): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل الرقم القياسي لتكاليف الدعاية الطبية في المملكة العربية السعودية خلال الفترة من ١٩٧٠–١٩٩٧م:

الجدول رقم (٦,١). الرقم القياسي لتكاليف الدعاية الطبية في المملكة العربية السعودية من عام ١٩٧٠م المجدول رقم (٦,١).

الرقم القياسي للدعاية الطبية	السنة	الرقم القياسي للدعاية الطبية	السنة
٩٨	١٩٨٤	٣٣	194.
٩٨	١٩٨٥	71	1971
97	١٩٨٦	77	1977
٩٧	١٩٨٧	٣٤	1975
1	١٩٨٨	٣٦	1978
1.5	١٩٨٩	٤٦	1970
1.1	1990	٤٢	1977
1.1	1991	٤٢	1977
1.7	1994	71	1944
1.7	1998	٧٩	1979
1.7	1998	V9	۱۹۸۰
1.5	1990	۸۰	١٩٨١
1.7	1997	٩١	1914
1.5	1997	٩٨	19.47

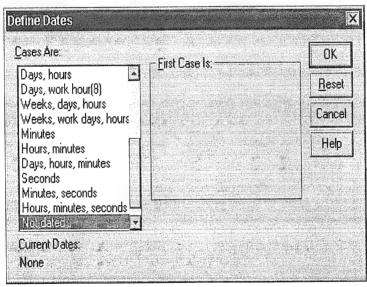
المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة، وزارة التخطيط، ١٩٩٨م.

والمطلوب: تمثيل بيانات هذا الجدول.

لرسم بيانات الجدول السابق، سنمثل الزمن على المحور الأفقي والرقم القياسي على المحور الرأسي. ثم نرسم نقاط الانتشار ونصل فيما بينها فنحصل على المنحنى البياني الممثل لهذه السلسلة. ويمكن استخدام برنامج SPSS في رسم منحنى السلسلة باتباع الخطوات التالية:

١ - نعرف متغيرا يمثل قيم السلسلة الزمنية ثم ندخِل قيم السلسلة الزمنية في عمود المتغير.

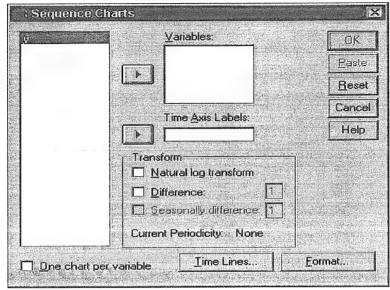
۲- نفتح قائمة بيانات Data ونختار منها تعريف تاريخ Define date ، فتظهر
 نافذة الحوار التالية :



الشكل رقم (٦,٣). نافذة الحوار الخاصة بتحديد التاريخ المناسب للسلسلة الزمنية.

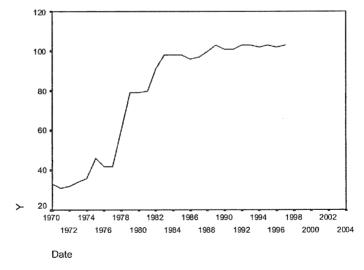
٣- نختار من هذه النافذة سنوات Years ، ثم نكتب في نافذة السنوات ١٩٧٠م ،
 ثم ok فتظهر السنوات إلى جانب قيم السلسلة .

٤ - نفتح قائمة الرسم Graphs ثم نختار منها متتابعة أو متوالية Sequence فتظهر نافذة الحوار التالية:



الشكل رقم (٦,٤). نافذة الحوار الخاصة برسم منحني بياني.

٥- ننقـل المتغير y مـن القائمـة اليسـرى إلى القائمـة اليمنـى تحـت مـتغيرات
 ٧ Variables ، ثم نضغط على مفتاح الإدخال فنحصل على الشكل التالى:



الشكل رقم (٦,٥). المنحني البياني للرقم القياسي للدعاية الطبية.

نلاحظ من الشكل أعلاه أن الرقم القياسي للدعاية الطبية قد تزايد خلال الفترة المدروسة. وهذا لا يعني أنه قد ازداد في كل سنة وإنما يعني أن هناك اتجاه عام متزايد، حيث هناك سنوات يزداد فيها زيادة كبيرة وسنوات أخرى يتناقص وهكذا.

(٦,٤,٣) تحديد خط الاتجاه العام

يتم تحديد خط الاتجاه العام بإحدى الطرائق التالية:

أ) طريقة الرسم اليدوي: تتلخص هذه الطريقة برسم خط يمر من (أو بالقرب من) معظم نقاط شكل الانتشار.

إن هذه الطريقة بسيطة وسهلة ولكنها غير دقيقة وتختلف من شخص إلى أخر ولا يمكن تطبيقها إلا إذا كان الهدف هو الحصول على قيم تقريبية. أما إذا كان الهدف هو الحصول على الطرائق الأخرى.

ب) طريقة المتوسطات المتحركة Moving Averages: لقد استخدمنا في الفصل السابق المتوسطات المتحركة في التنبؤ بقيم السلسلة الزمنية اعتمادا على البيانات المتوفرة عن الظاهرة المدروسة. وسنقوم في هذا الفصل باستخدام المتوسطات المتحركة في تمهيد السلسلة الزمنية لتقدير الاتجاه العام.

الفكرة الأساسية من المتوسطات المتحركة هي أن المشاهدات المتجاورة في الزمن تكون قريبة من بعضها البعض، وبالتالي فإن حساب المتوسط المتحرك للنقاط المتجاورة يمكن اعتباره مقدرا جيدا للاتجاه العام والتغيرات الدورية لأن المتوسط المتحرك يلغي أثر التغيرات الموسمية والعشوائية من البيانات ويبقي على التغيرات الدورية والاتجاه العام.

لنأخذ المثال السابق المتعلق بالرقم القياسي للدعاية الطبية في المملكة العربية السعودية ولنحسب المتوسط المتحرك لفترة ثلاث سنوات ثم لحمس سنوات ثم لسبع سنوات. الجدول التالي يوضح عملية حساب هذه المتوسطات:

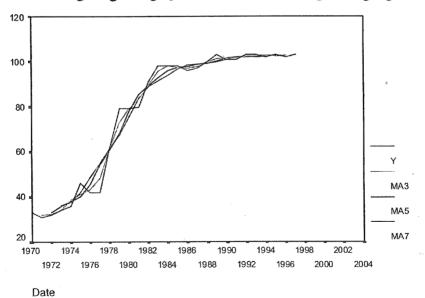
الجدول رقم (٦,٢). حساب المتوسطات المتحركة للسلسلة الزمنية المتعلقة بالرقم القياسي للدعاية الطبية.

	المتوسطات المتحركة		القيم الفعلية	السنوات
۷ سنوات	٥ سنوات	۳ سنوات		Julia
			44	1970
-	_	٣٢,٠	٣١	1971
<u> </u>	٣٢,٢	٣٢,٣	***	1977
٣٦,٣	٣٥,٨	٣٤,٠	٣٤	1977
۳۷,٦	٣٨, ٠	۳۸,۷	77	1978
٤١,٩	٤٠,٠	٤١,٣	٤٦	1970
٤٨,٦	٤٥,٤	٤٣,٣	23	1977
00,*	٥٤,٠	٤٨,٣	۲3	1977
٦١,٣	٦٠,٦	٦٠,٧	71	۱۹۷۸
٦٧,٧	٦٨,٢	٧٣,٠	٧٩	1979
٧٥,٧	٧٨,٠	٧٩,٣	٧٩	١٩٨٠
۸٣,٧ ٨٥,٤		۸۳,۳	٨٠	۱۹۸۱
۸۹,۰	۸۹,۲	۸۹,٧	٩١	1987
91,8	97,0	90,7	٩٨	۱۹۸۳
٩٤,٠	97,7	۹۸,۰	9.8	١٩٨٤
97,9	۹٧,٤	٩٧,٣	9.8	١٩٨٥
٩٨,٦	۹٧,٨٠	٩٧,٠	٩٦	١٩٨٦
99,*	٩٨,٨	۹۷,۷	9٧	1947
99,8	99,8	100,0	١.,	۱۹۸۸
1 , 1	۱۰۰,٤	1.1,8	1.7	1919
١٠١,١	1.1,7	1.1,7	1.61	1990
١٠١,٩	1.7,7	1.1,7	1.1	1991

تابع الجدول رقم (٦,٢)	(٦.	41	، قیم	لدو ل	الج	تابع
-----------------------	-----	----	-------	-------	-----	------

	المتوسطات المتحركة		القيم الفعلية	السنوات	
۷ سنوات	٥ سنوات	۳ سنوات			
1.7,5	1.7,.	1.7,8	1.4	1997	
1.7,1	١٠٢,٤	۱۰۲,۷	1.4	1997	
1 + 7 , 8	1.7,7	1.7,7	١٠٢	1998	
	1.7,7	1.7,8	1.4	1990	
#*************************************	_	1.7,7	1.7	١٩٩٦	
	_		1.4	1997	

نلاحظ من هذا الجدول أن سلاسل المتوسطات المتحركة تقل عن سلسلة البيانات الأصلية بمقدار k-1 قيمة ، حيث تمثل k طول فترة المتوسط المتحرك ، لكن هذه السلاسل أقل تقلبا من السلسلة الأصلية كما يظهر من الشكل التالى:



الشكل رقم (٦,٦). المنحني البياني لسلاسل الجدول رقم (٦,٣).

ج) طريقة المتوسطات النصفية: في هذه الطريقة يتم تقسيم السلسلة الزمنية إلى قسمين متساويين أو شبه متساويين حسبما تكون السلسلة زوجية أو فردية، ثم يحسب المتوسط الحسابي لكل قسم ويوضع في منتصف المسافة التي حسب من أجلها، ثم يتم رسم المتوسطين بيانيا والخط الواصل بينهما يعتبر الاتجاه العام للسلسلة الزمنية المدروسة.

إن طرائق المتوسطات بشكل عام هي طرائق تقريبية، لذلك يفضل استخدام الطريقة الرياضية في إيجاد الاتجاه العام إذا كانت بيانات السلسلة المدروسة تسمح بتطبيق هذه الطريقة.

د) الطريقة الرياضية: لا يمكن تحديد معادلة الاتجاه العام، ما لم نختر فترة زمنية محددة نعتبرها بدء الزمن، قد تكون في بداية السلسلة أو في أية نقطة داخل السلسلة أو خارجها، تدعى فترة الأساس وتلحق بمعادلة الاتجاه العام.

إذا اعتبرنا أن العلاقة بين الزمن t والاتجاه العام T هي علاقة خطية فيمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى المستخدمة في الانحدار الخطي لتقدير معادلة انحدار الاتجاه العام الخطي على الزمن. لكن توجد فروق كثيرة بين مفهوم المربعات الصغرى في تحليل الانحدار ومفهومها في السلاسل الزمنية. ففي تحليل الانحدار تمثل النقاط التي تقع على خط الانحدار المتوسطات الشرطية للمتغير التابع Y بافتراض قيمة معينة للمتغير المستقل X. كذلك فإن انحرافات القيم المشاهدة للمتغير Y عن المتوسطات الشرطية الموجودة على خط الانحدار تمثل تغيرات عشوائية. وفي تحليل السلاسل الزمنية ، إذا تكونت السلسلة الزمنية من بيانات سنوية فإن انحرافات قيم السلسلة عن خط الاتجاه العام لا تمثل التغيرات العشوائية فقط بل تمثل التغيرات الدورية أيضا*.

لنفرض أن العلاقة بين الاتجاه العام الخطي والزمن هي من الشكل:

$$(7,7) y_t = b_0 + b_1 t$$

حيث y, عثل الاتجاه العام و t=1,2,....,n عثل الزمن و b_0 معالم معادلة الانحدار.

^{*} الإحصاء في الإدارة، مرجع سابق، ص ٨٨٢.

لتقدير معالم معادلة الانحدار نلجأ إلى استخدام طريقة المربعات الصغرى (انظر الفقرة (٢,٥).

ووفق هذه الطريقة يمكن حساب معالم معادلة الانحدار بعدة صيغ منها:

$$(7, \xi) b_0 = \overline{y} - b_1 \overline{t}$$

$$\overline{y} = \frac{\sum_{t=1}^{n} y_t}{n}$$
 : عيث

$$\bar{t} = \frac{\sum_{t=1}^{n} t_t}{n}$$

و,t مثل الزمن و,y مثل قيم السلسلة المشاهدة.

$$.b_1 = \frac{\displaystyle\sum_{t=1}^n t_t y_t - \overline{y} \displaystyle\sum_{t=1}^n t_t}{\displaystyle\sum_{t=1}^n t_t^2 - \overline{t} \displaystyle\sum_{t=1}^n t_t}$$
: عما يتم حساب b بعدة صيغ منها

وضمن مفهوم ضرورة اختيار فترة أساس في أية نقطة من الزمن ، يمكننا أن نختار النقطة التي تسهل العمليات الحسابية. نفترض في هذه الطريقة أن مركز الإحداثيات بالنسبة للزمن t هو t وبذلك تصبح المعادلتان الطبيعيتان هما:

(7,
$$\forall$$
)
$$\sum_{t=1}^{n} y_{t} = nb_{0} + b_{1} \sum_{t=1}^{n} (t_{t} - \bar{t})$$

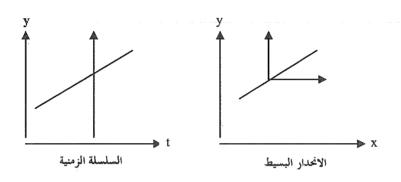
$$(7, \Lambda) \qquad \sum_{t=1}^{n} y_{t} \left(t_{t} - \bar{t} \right) = b_{0} \sum_{t=1}^{n} \left(t_{t} - \bar{t} \right) + b_{1} \sum_{t=1}^{n} \left(t_{t} - \bar{t} \right)^{2}$$

وبما أن $(t_t - \bar{t}) = 0$ لذلك تؤول المعادلتين السابقتين إلى :

$$(7,9) \qquad \sum_{t=1}^{n} y_{t} = nb_{0} \Rightarrow b_{0} = \overline{y}$$

$$(7,1) \qquad \sum y_t \left(t_t - \overline{t}\right) = b_1 \sum \left(t_t - \overline{t}\right)^2 \Rightarrow b_1 = \frac{\sum_{t=1}^n y_t \left(t_t - \overline{t}\right)}{\sum_{t=1}^n \left(t_t - \overline{t}\right)^2}$$

تجدر الإشارة إلى أن هذه الطريقة في حل المعادلات الطبيعية في حالة السلاسل الزمنية تقتضي نقل المحور الأفقي فقط إلى نقطة الوسط الحسابي للمتغير المستقل، بينما في حالة الانحدار الخطي البسيط يتم نقل المحورين الأفقي والرأسي إلى النقطة التي تمثل الوسطين الحسابين للمتغيرين، التابع والمستقل كما يظهر من الشكل التالي:



الشكل رقم (٦,٧). الفرق بين الانحدار البسيط والسلسلة الزمنية في نقل المحاور.

لنطبق هذه الطريقة على بيانات المثال (٢) ولنعد الجدول المساعد التالي:

الجدول رقم (٦,٣). الجدول المساعد لحساب الاتجاه العام للرقم القياسي للدعاية الطبية في السعودية.

	التسب	الاتجاه العام	t_t^2	$\left(t_t - \bar{t}\right)^2$	$y_t(t_t - \bar{t})$	$y_t t_t$	$t_t - \bar{t}$	y_t	t_t	السنوات
	الدورية	$\hat{y}_t = 3273 + 3.15 \times t_t = T_t$								
	$\frac{y_t}{\hat{y}_t} \times 100$									
	91,90	٣٥,٨٨	١	۱۸۲,۲٥	£ £ 0 , 0 –	٣٣	14,0-	77	١	1970
	٧٩,٤٣	٣٩,•٣	٤	107,70	۳۸۷,٥-	٦٢	17,0-	٣١	۲	1971
5	٧٥,٨٧	٤٢,١٨	٩	177,70	۳۸٦, ۰-	97	11,0-	٣٢	٣	1977
	٧٥,٠١	٤٥,٣٣	١٦	110,70	TOV, • -	١٣٦	۱۰,۵-	٣٤	٤	1974
	٧٤,٢٦	٤٨,٤٨	40	9+,40	٣٤٢, ٠-	۱۸۰	9,0-	٣٦	٥	1978
	۸۹,۱۰	01,77	47	٧٢,٢٥	٣٩١,٠-	YV7:	۸,٥	٢3	٦	1970

تابع الجدول رقم (٦,٣).

$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
YY,0. OV,9T TE £Y,Y0 YVT, TT T,0- £Y A 1949 99,AV T1,.A A1 T.Y0 TT0,0- 0£9 0,0- T1 9 1949 1YY, T£,YT 1 Y.Y0 TY0,0- V9. £,0- V9 1. 1949 1YY,00 TY,TA 1Y1 1Y,Y0 YVT,0- AT9 T,0- V9 11 19A 1YY,01 YT,A 1Y1 Y,Y0 YY0,0- AT9 T,0- A* 1Y 19A 1YY,01 YT,A 1Y1 Y,Y0 YY0,0- AY Y0 YY0,0- AY Y1 Y1<
99,AV 71,*A A1 #**,Yo #**O,o- 089 0,o- 71 9 19V 1YY,*** 78,YY 1*** Y**,Yo #**O,o- V9** 1** 19V 11Y,Yo 7YX 1Y1 1Y,Yo YY7,o- A79 #**O- V9 11 19A 11Y,EY V**,O** 188 7,Yo Y**O- 47** 7,o- A** 1Y 19A 1YY,O** V**,TA 179 Y,Yo 1Y7,o- 11A** 1,o- 91 1** 19A 1YY,O** V**,TA 171 Y,Yo 1Y7,o- 11A** 1,o- 91 1** 19A 1YY,O** V**,A** 170 190 100 100 100 100 19A 100 19A 111,YY A7,A* YA* 1,YO Y** 107 107 107 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100
1YW,** 78,YW 1** Y*,YO WOO,O- V9* 8,0- V9 1* 19V 11V,YO 7V,XX 1Y1 1Y,YO YV,O- AA W,O- V9 11 19A 11W,EW V*,OW 18E 7,YO Y************************************
11V,70 7V,7A 1Y1 1Y,70 7V7,0- A79 T,0- V9 11 19A 11T,2T V*,0T 12£ 7,70 Y************************************
11W, EW V., OW 1 EE 7, YO Y 47. Y, O A. 17 19A 1YW, OO VW, TA 179 Y, YO 170, O 11AW 1, O 91 1W 19A 1YV, OO V7, AW 197 *, YO £9, ** 1WY *, O 9A 16 19A 1YY, OW V9, 9A YYO *, YO £9, ** 1EV* *, O 9A 10 19A 1YY, OW XY, YO YYO YYYY YYO YYO YYYY YYO YYYY YYO YYYY YYO YYYY YYO YYYY YYYY YYYY YYYY YYYY YYYY YYYY YYYYY YYYYY
17m,01 Vm,7A 17q Y,Yo 1m1,o- 11Ar 1,o- q1 1m 1qA 17v,oo V7,Ar 1q7 •,ro £q,•- 1mvr •,o- qA 1£ 1qA 17v,or Vq,qA Yro •,ro £q,•- 1£v• •,o qA 1o 1qA 11v,Aq Ar,1r Yol 1xyo 1xv* 1xo qA 1r 1qA 111,Yv Ar,xA YAq 7,ro Y£*,• 1xrr Yo qr 1v 1qA 1x,vi Aq,£r Yr£ 1x,ro xrq,o 1v£r yo
17V,00 V7,AT 197 •,Y0 £9,•- 17VY •,0- 4A 1£ 19A 17Y,0T V9,9A YY0 •,Y0 £9,• 1£V• •,0 9A 10 19A 11V,A9 AT,1T Y01 Y,Y0 1£V,• 107A 1,0 9A 17 19A 111,YV A7,YA YA9 7,Y0 Y£•,• 17YY Y,0 97 1V 19A 1•A,£T A9,£T YY£ 17,Y0 TTT,0 1V£T T,0 1Y 19A 1•A,*1 47,0A T1 Y•,Y0 20,0 Y•T• 0,0 1•T Y• 19A 1•Y,08 40,VT £** Y**,Y0 707,0 Y**,Y1 70 1•1 Y1 199 4A,49 1•Y,*T £A£ 07,Y0 Y0Y,0 Y**YY Y,0 1•1 YY 199
177,0% V9,9A YY0 *,70 £9,* 1£V* *,0 9A 10 19A 11V,A9 AM,1M Y01 Y,70 1£V,* 107A 1,0 9A 17 19A 111,YV A7,YA YA9 7,0 Y£*,* 17MY Y,0 97 1V 19A 1*A,£T M7,ET 17,Y0 M7,0 1V£T M,0 9V 1A 19A 1*A,*1 47,0A M71 Y*,Y0 20*,* 19** 20** 1** 19A 1*V,09 40,VT 2** Y**,Y0 07,0 7** 1** 194 1*Y,1£ 4A,AA ££1 £7,Y0 707,0 YYYY V,0 1** 1** 1** 194 4A,49 1**Y** £A£ 07,Y0 V0V,0 YYYY V,0 1** 1** 194
11V,A9 AT, 1T YOT Y,YO 18V,* 107A 1,O 9A 17 19A 111,YV A7,YA YA9 7,YO YE*,* 17TY Y,O 97 1V 19A 1*A,£T A9,£T YY£ 1Y,YO TTQ,O 1V£T T,O 9V 1A 19A 1*A,*1 97,OA TT1 Y*,YO 20*,* 19** 2,O 1** 19 19A 1*V,O9 90,VT 2** Y**,YO 07,O Y** 1** 199 1*Y,1£ 9A,AA 2£1 2**,YO 7O7,O Y** Y** 199 9A,99 1*Y,*T* 2A 07,YO Y** Y** Y** 199
111,77 A7,7A YA9 7,70 YE*,* 1777 Y,0 97 17 19A 1*A,£7 A9,£8 YY£ 17,70 YY9,0 17£7 Y,0 97 1A 19A 1*A,*1 97,0A Y71 Y*,70 £0*,* 19** £,0 1** 19 19A 1*Y,09 90,Y8 £** Y**,70 077,0 Y**1* 0,0 1**7 Y* 19A 1*Y,1£ 9A,AA ££1 £7,70 707,0 Y1Y1 7,0 1**1 Y* 199 9A,99 1*Y,*** £A£ 07,70 Y0Y,0 YYYY Y,0 1**1 Y* 199
1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00 1.00
1 * A, * 1 9 * 7, 0 A \$\tau 1\$ \tau \cdot \
1.V,09 90,VW £ W.,YO 077,0 Y.7 0,0 1.W Y. 19A 1.Y,1E AA,AA ££1 £Y,YO 707,0 Y1Y1 7,0 1.0 Y.1 199 4A,AA 1.Y,.W £XE 07,YO YYYY V,0 1.0 Y. 199
1.7,12 4A,AA
٩٨,٩٩ ١٠٢,٠٣ ٤٨٤ ٥٦,٢٥ ٧٥٧,٥ ٢٢٢٢ ٧,٥ ١٠١ ٢٢
97,97 1.0,17 0.4 77,70 70,0 7779 7,0 1.44
90,.4 1.4, 77 071 9.40 974,0 7577 9,0 1.77 75 199
91,00 111,84 770 110,70 1071, 7000 10,0 107 70 199
١٩٩ ٢٦ ٦٠١ ٥,١١ ٨٧٦ ٥,١٨٤,٥ ١٣٢,٢٥ ١٠٣ ٢٦ ١٩٩
A7,7. 11V,VA VY9 107,70 1YV0,. YV08 1Y,0 1.7 YV 199
199 AO, IV IY., 9T VAE IAY, 70 IT9., 0 YAAE IT, 0 I.T YA 199
- VV1٤ ١٨٢٧,٠ ٥٧٤٩,٠ ٣٧٥٦٢ ٠,٠ ٢١٩٤ ٤٠٦ صوع ٢٠١

ويمكن حساب معالم نموذج الانحدار وفق الصيغتين السابقتين: أولا: بالصيغة المباشرة

$$\overline{y} = \frac{\sum y_t}{n} = \frac{2194}{28} = 78.36$$

$$\overline{t} = \frac{\sum t_t}{n} = \frac{406}{28} = 14.5$$

$$b_1 = \frac{\sum t_t y_t - \overline{y} \sum t_t}{\sum t_t^2 - \overline{t} \sum t_t} = \frac{37562 - 78.36(406)}{7714 - 14.5(406)} = 3.15$$

 $b_0 = \overline{y} - b_1 \overline{t} = 78.36 - 3.15 (14.5) = 32.68$

ويذلك تصبح معادلة الاتجاه العام أو الانحدار أو التنبؤ: $y_t = 32.68 + 3.15t$ حيث إن سنة الأساس هي ١٩٧٠م.

ثانيا: بالصيغة المختصرة

$$b_0 = \overline{y} = 78.36$$

$$b_1 = \frac{\sum y_t (t_t - \overline{t})}{\sum (t_t - \overline{t})^2} = \frac{5749}{1827} = 3.15$$

وبذلك نحصل على معادلة الاتجاه العام: $\hat{y}_i = 78.36 + 3.15t$, باعتبار سنة الأساس هي عام ١٩٧٤م. أما إذا اعتبرنا سنة الأساس هي ١٩٧٠م، عندها يجب إعادة محور الزمن إلى نقطة الصفر على الشكل التالى:

$$\begin{split} \hat{y}_t &= 78.36 + 3.15 \left(t_t - \overline{t} \right) \\ \hat{y}_t &= 78.36 + 3.15 t_t - 3.15 (14.5) \\ \hat{y}_t &= 78.36 + 3.15 t_t - 45.68 \\ \hat{y}_t &= 32.68 + 3.15 t_t \end{split}$$

وباستخدام برنامج SPSS وطريقة الانحدار الخطي البسيط باعتبار أن المتغير المستقل هو الزمن t، وبتحويل السنوات المتتالية إلى سلسلة أو متوالية عددية حدها الأول t وحدها الأخير t (t = 1,2,...,28) أنحصل على النتائج التالية:

7.4

استخدام طرائق تحليل السلاسل الزمنية في التنبؤ الإداري

Variables Entered/Removed^b

Model	Variables Entered	Variables Removed	Method
1	T ^a		Enter

a. All requested variables entered.

b. Dependent Variable: Y

Model Summary

					Std. Error
		_	5 0	Adjusted	of the
	Model	R	R Square	R Square	Estimate
1	1	.910 ^a	.829	.822	11.9938

a. Predictors: (Constant), T

ANOVA^b

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	18090.313	1	18090.313	125.758	.000ª
	Residual	3740.116	26	143.851		
	Total	21830.429	27			

a. Predictors: (Constant), Tb. Dependent Variable: Y

Coefficientsa^a

			Unstand Coeffi		Standardi zed Coefficien ts		
ı	Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
	1	(Constant)	32.730	4.657		7.027	.000
		Т	3.147	.281	.910	11.214	.000

a. Dependent Variable: Y

أي أن معادلة الاتجاه العام هي:

 $\hat{y}_t = 32.73 + 3.15t_t$

وهي نفس المعادلة التي حصلنا عليها بالطريقة اليدوية مع ملاحظة تقريب الأرقام.

(٦,٥) تحديد التغيرات الدورية

إذا كانت بيانات السلسلة الزمنية سنوية فإن تأثير التغيرات الموسمية لا يظهر في السلسلة، بينما يظهر تأثير كل من الاتجاه العام والتغيرات الدورية والعشوائية. وبذلك يصبح نموذج الضرب:

$$y_t = T_t \times c_t \times i_t$$
 : ويتقسيم طرفي هذه المعادلة على T_t غصل على $\frac{y_t}{T_t} = c_t \times i_t$

وكما هو واضح من هذه المعادلة أنها تضم فقط التغيرات الدورية والعشوائية عادة يتم ضرب المعادلة السابقة بـ ١٠٠ ليتم التعبير عن القيم الفعلية كنسبة مئوية من قيمة الاتجاه العام المناظرة ، أي:

(٦,١١) =
$$\frac{y_t}{T_t} \times 100 = (c_t \times i_t) \times 100$$

وبتطبيق هذه المعادلة على المثال السابق وباعتبار أن $\hat{y}_t = \hat{y}_t$ نخصل على النسب الدورية وهي قيم العمود الأخير من الجدول رقم (٦,٣).

وبما أن التغيرات العشوائية تتميز بعدم انتظامها وقصر فترتها الزمنية لذلك يمكن تجاهلها واعتبار المقدار $c_i \times i_i$ يمثل التغيرات الدورية للسلاسل الزمنية السنوية.

إذا لم توجد تغيرات دورية فإن قيم العمود الأخير ينبغي أن تساوي ١٠٠، وإلا فإن التغيرات الدورية أثرت في قيم السلسلة الزمنية وجعلتها تنحرف عن المائة بالزيادة أو بالنقصان.

(٦,٦) قياس أثر التغيرات الموسمية

يستخدم تحليل الاتجاه العام في اتخاذ القرارات والتخطيط طويل الأجل (خمس سنوات أو أكثر). بينما تدرس التغيرات الدورية عند التخطيط للأجل المتوسط (من سنة

إلى خمس سنوات). أما في التخطيط قصير الأجل (أقل من سنة) فإن التغيرات الموسمية خلال السنة تلعب دورا كبيرا وتعتبر أساسية وهامة ويجب قياس أثرها.

يمكن قياس أثر التغيرات الموسمية في أية سلسلة زمنية عندما تتضمن بيانات السلسلة دورة مدتها أقل من سنة، وعليه فقد نستعملها لقياس أثر دورة موسمية شهرية أو فصلية أو أسبوعية في الشهر الواحد أو دورة يومية في الأسبوع أو حتى دورة ساعية في اليوم.

ولحساب التغيرات الموسمية يجب حساب الأدلة الموسمية. فإذا كانت البيانات شهرية، يكون لدينا ١٢ دليلا موسميا. وإذا كانت البيانات فصلية أو ربع سنوية، يكون لدينا أربعة أدلة موسمية. ومتوسط الأدلة الموسمية للسنة يجب أن يساوي ١٠٠. فإذا كان الدليل الموسمي للفصل الأول يساوي ٩٥ فإن ذلك يعني أن الفصل الأول أقل في المتوسط بمقدار ٥٪ عن متوسط السنة. وإذا كان الدليل الموسمي للفصل الثاني يساوي ١١٠ فإن ذلك يعني أن الفصل الثاني أكبر في المتوسط بمقدار ١٠٪ عن متوسط السنة.

تستخدم الأدلة الموسمية لقياس أثر التغيرات الموسمية، أو بعبارة أخرى لتخليص بيانات السلسلة الزمنية من أثر هذه التغيرات.

هناك عدة طرق لحساب الأدلة الموسمية، منها طريقة المتوسط الحسابي للبيانات في كل فصل، وطريقة المتوسط الحسابي المعدل الذي يحسب للقيم الباقية في كل فصل بعد حذف أعلى وأقل قيمة. وإذا كانت البيانات مبعثرة بشكل كبير فيمكن حذف أقل قيمتين أو أعلى قيمتين. ويستخدم المتوسط الحسابي المعدل عادة لإزالة أثر التأثيرات غير العادية.

لكن الطريقة الأكثر استخداما في قياس أثر التغيرات الموسمية هي طريقة النسبة إلى المتوسط المتحرك Ratio-to Moving Average Method.

ولحساب التغيرات الموسمية يجب تخليص البيانات الفعلية من أثر التغيرات غير الموسمية (الأتجاه العام والتغيرات الدورية والتغيرات العشوائية).

عمليا لا يمكن استبعاد تأثير التغيرات غير الموسمية، لكن تستخدم بعض الطرق التقريبية لجعل تأثير هذه التغيرات في حدها الأدنى.

وتتلخص إحدى الطرق العملية في إيجاد سلسلة من المتوسطات المتحركة تحتوي على الاتجاه العام والتغيرات الدورية فقط. وبقسمة البيانات الأصلية على المتوسطات المتحركة، نحصل على سلسلة من البيانات تحتوي على التغيرات الموسمية والعشوائية فقط، أي:

$$\frac{y_t}{ma(k)} = \frac{t_t \times c_t \times s_t \times i_t}{t_t \times c_t} = s_t \times i_t$$

- ديث: ma(k) المتوسط المتحرك البسيط للفترة

ولاستبعاد أثر التغيرات العشوائية ، يؤخذ المتوسط الشهري (إذا كانت السلسلة شهرية) أو الفصلي (إذا كانت السلسلة فصلية) للبيانات التي نحصل عليها من المعادلة (٦,١٢)، وبذلك يتم عزل أثر التغيرات الموسمية.

(٦,٧) حساب الدليل الموسمي

يمكن تلخيص طريقة حساب الدليل الموسمي في الخطوات التالية:

الخطوة الأولى: حساب المتوسط المتحرك الشهري (أو الفصلي) البسيط (12) : وفيها يتم حساب المتوسط الحسابي للقيم الـ ١٢ الأولى وتوضع النتيجة في منتصف المسافة بين الشهر السادس والسابع، ثم حساب المتوسط الحسابي للقيم الـ ١٢ التي تلي القيمة الأولى وهكذا....

الخطوة الثانية: حساب المتوسط المتحرك الشهري الثنائي (21×2) ma: وفيها يتم حساب المتوسط الحسابي للمتوسطين المتحركين الأول والثاني المحسوبين في الخطوة الأولى ووضع الناتج في منتصف المسافة بين المتوسطين، ثم حساب المتوسط الحسابي للمتوسطين المتحركين الثاني والثالث ووضع النتيجة في المنتصف وهكذا.... والهدف من هذه الخطوة هو تخليص بيانات السلسلة من أثر التغيرات الموسمية.

الخطوة الثالثة: حساب نسبة التغيرات الموسمية والعشوائية: وفيها يتم قسمة القيم الفعلية للسلسلة الزمنية على المتوسط المتحرك الشهري الثنائي ثم ضرب الناتج بـ ١٠٠٠:

$$\frac{y_t}{ma(12\times 2)} \times 100 = \frac{t_t \times c_t \times s_t \times i_t}{t_t \times c_t} \times 100 = (s \times i_t) \times 100$$

الخطوة الرابعة: حساب المتوسط الحسابي للمتوسطات المتحركة الناتجة عن الخطوة الثالثة: للتخلص من أثر التغيرات العشوائية ويتم حسابه لكل شهر من أشهر السنة (أو الفصول) حيث نحصل على متوسط حسابي لكل شهر (أو فصل) يتكرر خلال كل سنوات السلسلة الزمنية.

الخطوة الخامسة: حساب الدليل الموسمي: باعتبار أن مجموع المتوسطات الحسابية في كل سنة يجب أن يساوي ١٢٠٠ (٤٠٠ إذا كانت البيانات فصلية)، لذلك يجب تعديل مجموع هذه المتوسطات بضرب كل متوسط حسابي بـ ١٢٠٠ ثم قسمة الناتج على مجموع المتوسطات الفعلي فنحصل على الدليل الموسمي المعدل.

لنوضح طريقة حساب الدليل الموسمي من خلال المثال التالي:

مثال (٣): ليكن لدينا الجدول التالي، الذي يمثل إنتاج شركة الجبس الأهلية بآلاف الأطنان للفترة ١٩٩٥ – ١٩٩٥م، والمطلوب حساب الأدلة الموسمية الشهرية وتخليص بيانات السلسلة من أثر التغيرات الموسمية.

الجدول رقم (٦,٤). إنتاج شركة الجبس الأهلية بآلاف الأطنان خلال الفترة من ٩٩٣–٩٩٥م.

الإنتاج	الشهر	السنة	الإنتاج	الشهر	السنة	الإنتاج	الشهر	السنة
۲۸	70	1990	79	14	1998	70	١	1998
۲۷	77		۸۲	١٤		7 8	۲	,
7 8	77		**	١٥		77	٣	
77	۲۸		۲۸	١٦		77	٤	
٣١	79		۲۸	۱۷		77	٥	
۸۲	۳.		۲۷	١٨		70	٦	
79	771		۲۸	١٩		۸۲	٧	
71	47		٣.	۲٠		4.	٨	

تابع الجدول رقم (٦,٤).

الإنتاج	الشهر	السنة	الإنتاج	الشهر	السنة	الإنتاج	الشهر	السنة
79	٣٣	1990	44	71	1992	44	٩	1998
۲۸	٣٤		77	77		۲۸	1.	·
77	٣٥		۲٦ .	74		77	11	
۳۱	٣٦		44	7 2		۲۸	١٢	***************************************

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة.

وبتطبيق الخطوات السابقة، وبملاحظة أن مجموع المتوسطات الحالي يساوي إلى ١٢٠٤, انحصل على الجدول التالي:

الجدول رقم (٦,٥). الجدول المساعد لحساب الدليل الموسمي لإنتاج شركة الجبس الأهلية.

الدليل الموسمي	المتوسط الحسابي	(3/5) x 100	MA (12x2)	MA (12)	الإنتاج	الشهر	السنة
المعدل (۸)	للأشهر (٧)	(₹)	(8)	(\$)	(٣)	(₹)	(1)
1 • ٢ , ٤	۱۰۲,۸	-	-		40	١	1997
۹۸,۷	۹۹,۰	-	-	_	7 £	۲	
91,8	91,7	******		_	77	٣	
۸۹,٦	۸٩,٩	-	_	-	۲٦	٤	
1 . 0, 9	1.7,7		_	_	77	٥	
۹۸,۷	99,+	_	-	-	۲٥	٦	
1.7,7	1.7,7	1.8,9	۲٦,٧	۲٦,٥	۲۸	٧	
1 • 9 , 1	1.9,0	111,1	77	۲٦,٨	٣.	٨	
١٠٥,١	1.0,0	100,9	۲۷, ٤	۲۷,۲	79	٩	
۹۸,۰	٩٨,٣	1.1,7	YV,V	۲۷,٦	۲۸ -	١.	
٩٦,١	٩٦,٤	۹٧,٠	۲۷,۸	۲۷,۸	YV	11	
۱۰۲,۸	1.7,1	1 * * , *	۲۸	۲۷,۹	۲۸	١٢	

تابع الجدول رقم (٦,٥).

					.(.	ے رہم رہ,	
الدليل الموسمي	المتوسط الحسابي	(3/5) x 100	MA (12x2)	MA (12)	الإنتاج	الشهر	السنة
المعدل (٨)	للأشهر (٧)	(٦)	(8)	(\$)	(₹)	(٢)	(1)
۱۰۲,٤	۱۰۲,۸	1 • ٣,٣	۲۸,۱	۲۸,۱	49	١	1998
٩٨,٧	99,*	99,٧	۲۸,۱	۲۸,۱	۲۸	۲	
٩١,٤	91,7	٩٦,١	۲۸,۱	۲۸,۱	77	٣	
۲,۹۸	۸۹,۹	144,4	۲۸	۲۸,۱	۲۸	٤	
1.0,9	۲,۲۰۱	۱۰۰,٤	۲۷,۹	۲٧,٩	۲۸	٥	
٩٨,٧	99,0	97,9	YV,9	۲۷,۸	77	٦	
۱۰۲,۳	1 * ۲, ۷	١٠٠,٤	۲٧,٩	YV,9	۸۲	٧	
1 • 9 , 1	1.9,0	1.7,9	۲٧,٨	۲٧,٨	٣٠	٨	
1.0,1	1.0,0	1.0,.	۲۷,٦	۲۷,۸	79	٩	
٩٨,٠	٩٨,٣	90,8	۲۷,۳	YV,0	77	١.	
97,1	٩٦,٤	90,9	۲٧,١	۲۷	۲٦	1-1	
١٠٢,٨	1.7,1	1.7,8	۲۷,۳	۲۷,۳	79	١٢	
١٠٢,٤	۱۰۲,۸	1.7,7	۲٧, ٤	۲۷,۳	۲۸	١	1990
٩٨,٧	99,0	٩٨,٣	YV,0	۲٧,٤	77	۲	
91,8	91,7	۸۷,۳	YV,0	YV,0	3.7	٣	
۸۹,٦	۸٩,٩	٧٩,٨	۲۷,٦	YV,0	77	٤	
1.0,9	1.7,7	117, •	YV,V	YV,V	۳۱	٥	
۹۸,۷	99,*	1.1,7	YV,V	YV,V	۸۲	٦	
1.7,5	1.7,٧	-	_	YV,V	79	٧	
1 • 9 , 1	1+9,0	_	-	-	71	٨	
1.0,1	1.0,0	_	_	_	79	٩	
٩٨,٠	٩٨,٣	-	_	-	۲۸	1.	
97,1	٩٦,٤	_	-	_	77	11	
۱۰۲,۸	1.7,1	_	_	_	41	17	

نلاحظ من الدليل الموسمي المعدل أن إنتاج الجبس في الأشهر: الأول والخامس والسابع والثامن والتاسع والأخير أعلى من المتوسط السنوي بسبب التغيرات الموسمية التي تؤدي إلى زيادة الطلب على هذا المنتج. بينما في باقي الأشهر تنخفض عن المتوسط السنوي.

(٨,٨) قياس أثر التغيرات العرضية والعشوائية

في الفقرة السابقة حسبنا $s_i \times i_i$ ، ولقياس أثر التغيرات العرضية والعشوائية يكفي أن نقسم هذا المقدار على الدليل الموسمي s_i الموضح بالعمود الأخير من الجدول رقم (s_i).

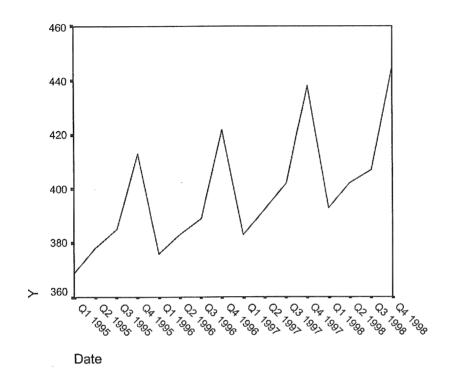
مثال (٤): لنفرض أن الجدول التالي يمثل المبيعات الفصلية لأحد محلات بيع الألبسة الجاهزة في مدينة الرياض بآلاف الريالات، والمطلوب حساب الأدلة الموسمية الفصلية لهذه المبيعات وتخليصها من أثر التغيرات الموسمية.

الجدول رقم (٦,٦). المبيعات الفصلية بآلاف الريالات لمحلات زيد للألبسة الجاهزة.

المبيعات	الفصول	السنوات	المبيعات	القصول	السنوات
۳۸۳	١	1997	779	١	1990
797	۲		۳۷۸	۲	
٤٠٢	٣		۳۸٥	٣	
٤٣٨	٤	Walter Control of the	٤١٣	٤	
۳۹۳	١	1991	471	,	1997
٤٠٢	۲		۳۸۳	۲	
٤ • V	٣		۳۸۹	٣	
٤٤٥	٤		277	٤	

المصدر: فرضى.

نلاحظ أن هناك زيادة واضحة في مبيعات الفصل الرابع من كل سنة كما يظهر من الشكل البياني لهذه السلسلة.



الشكل رقم (٦,٨). السلسلة الزمنية لمبيعات محلات زيد للألبسة الجاهزة.

وبتطبيق نفس خطوات المثال السابق نحصل على الجدول التالي:

الجدول رقم (٦,٧). الأدلة الموسمية الفصلية لمحلات زيد للألبسة الجاهزة.

البيانات	الدليل	المتوسط	التغيرات	المتوسط	المتوسط			
المستبعد منها	الموسمي	الحسابي	الموسمية	المتحرك	المتحرك	المبيعات	القصول	السنوات
S_t \int_{0}^{t}	المعدل	للفصول	والعشوائية	الثنائي	البسيط			
۳۸۳	٩٦,٢	٩٦,٣		_		٣٦٩	١	1990
471	٩٧,٧	۹٧,٨	_	_	-	۳۷۸	۲	
٣٨٩	99,1	99,1	99,0	۳۸۷,۱	۳۸٦,۳	470	٣	
۳۸۷	١٠٦,٨	1 • 7, 9	1.7,8	٣٨٨,٦	٣٨٨,٠	٤١٣	٤	

تابع الجدول رقم (٦,٧).

							رحم (۲۰٫۱)	٠٠٠ ١٠٠
البيانات	الدليل	المتوسط	التغيرات	المتوسط	المتوسط			
المستبعد منها	الموسمي	الحسابي	الموسمية	المتحرك	المتحرك	المبيعات	الفصول	السنوات
S_t \int_{0}^{∞}	المعدل	للفصول	والعشوائية	الثنائي	البسيط			
891	97,7	97,7	97,0	۳۸۹,٥	۳۸۹,۳	۳۷٦	١	١٩٩٦
797	97,7	۹٧,٨	٩٨,٠	٣٩٠,٩	۳۸۹,۸	۳۸۳	۲	
791	9.9,1	99,1	٩٨,٥	447,4	٣٩٢,٠	۳۸۷		
890	۱۰٦,۸	1 • 7, 9	1 • ٦, ٩	٣٩٤,٩	۳۹٣,۸	277	٤	
٣ 9 <i>A</i>	97,7	٩٦,٣	97,8	٣٩٧,٩	٣٩٦,٠	٣٨٣	١	1997
٤٠١	۹۷,۷	۹٧,٨	٩٧,٦	٤٠١,٨	۳۹۹,۸	۳۹۲	۲	
8.7	99,1	99,1	99,7	٤٠٥,٠	٤٠٣,٨	٤٠٢	٣	
٤١٠	۱۰٦,۸	1•7,9	۱۰۷,٥	٤٠٧,٥	٤٠٦,٣	٤٣٨	٤	
٤٠٨	97,7	97,8	۹٦,٠	٤٠٩,٤	٤ • ٨,٨	۳۹۳	١	١٩٩٨
٤١١	٩٧,٧	۹٧,۸	۹٧,٨	٤١٠,٩	٤١٠,٠	٤٠٢	۲	
٤١١	99,1	99,1		_	٤١١,٨	٤٠٧	٣	
277	۱۰٦,۸	1•7,9	-	_	_	٤٤٥	٤	

نلاحظ من عمود الدليل الموسمي المعدل أن مبيعات الفصول الثلاثة الأولى من السنة تقل عن المتوسط السنوي بينما تزيد مبيعات الفصل الرابع عن المتوسط السنوي.

(٦,٩) التنبؤ

إن الهدف الأساسي من تحليل السلاسل الزمنية هو التنبؤ بالقيم المستقبلية للظاهرة المدروسة، والجدير بالذكر أن التنبؤ هو عملية إسقاط للبيانات الماضية على

المستقبل، لذلك لو تغيرت المؤثرات على السلسلة الزمنية المدروسة فإن القيم المستقبلية قد لا تعكس سلوك المتغير الذي دلت عليه البيانات السابقة.

لندرس هذه الخطوة من خلال المثال التالي:

مثال (٥): لنفرض أن لدينا الجدول التالي والذي يمثل المبيعات الفصلية لأحد المحلات التجارية بآلاف الريالات خلال الفترة ١٩٩٠-١٩٩٧م، والمطلوب تقدير مبيعات هذا المحل لكل فصل من فصول عام ١٩٩٨م.

الجدول رقم (٦,٨). المبيعات الفصلية لأحد المحلات التجاريسة في الفترة ١٩٩٠–١٩٩٧م بـآلاف المعودية.

المبيعات	الفصل	السنة	المبيعات	الفصل	السنة
٥٨,٧	1	1998	٤٨,٦	١	199.
٦٧,١	۲		08,7	۲	
٧٤,٢	٣		٥٩,٨	٣	
۱۰۲,۸	٤		٧٩,٨	٤	
٦٥,٣	1	1990	٤٩,٥	١	1991
٧٢,٣	۲,		٥٦	۲	
٧٨,٣	٣		٦٣,٥	٣	
111,7	٤		۸٥,٥	٤	
٧٢,١	١.	1997	٥٤,٧	1	1997
۸۲	۲	·	09,9	۲	
٩١,٦	٣		٦٥	٣	
١٢٧,٥	٤		٨٩	٤	

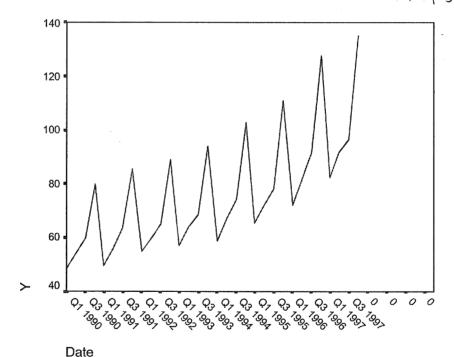
تابع الجدول رقم (٦,٨).

المبيعات	الفصل	السنة	المبيعات	الفصل	السنة
۸۲,۳	١	1997	٥٧	١	4994
9.7	۲		74, 9	۲	
٩٦,٧	٣		٦٨,٦	۳ -	
188,9	٤		98,7	٤	

المصدر: فرضى.

لنطبق الخطوات التي درسناها في الفقرات السابقة:

أ) رسم شكل الانتشار: الشكل التالي يوضح الخط البياني لبيانات الجدول رقم (٦,٨):



S

الشكل رقم (٦,٩). شكل انتشار السلسلة الزمنية للمثال (٥).

410

نلاحظ من شكل الانتشار أن هناك تغيرات موسمية قوية تؤثر سلبا على المبيعات في الفصل الأول من كل عام، لكن بنفس الوقت يوجد اتجاه عام خطي متزايد.

ب) حساب الاتجاه العام: إذا اعتبرنا أن الفصول تساوي الزمن t وتمثل المتغير المستقل، وأن المبيعات تمثل المتغير التابع واستخدمنا طريقة الانحدار البسيط باستعمال الحاسب الآلي نحصل على معادلة الاتجاه العام التالية:

$$\hat{T}_t = 55.2 + 1.43t_t$$

حيث إن فترة الأساس هي الفصل الأول من عام ١٩٩٠م وأن t تتغير بمقدار فصل واحد، وبالتالي يمكن التنبؤ بقيم المبيعات لفصول عام ١٩٩٨م على الشكل التالي:

$$\hat{t}_{1998-1} = 55.2 + 1.43(33) = 102.39$$

$$\hat{t}_{1998-2} = 55.2 + 1.43(34) = 103.82$$

$$\hat{t}_{1998-3} = 55.2 + 1.43(35) = 105.25$$

$$\hat{t}_{1998-4} = 55.2 + 1.43(36) = 106.68$$

ج) التعديلات الموسمية: لحساب التعديلات الموسمية على المبيعات المقدرة لا بد من حساب الدليل الموسمي المعدل، لذلك نعد الجدول التالي:

										~		т		Y					_	3
1,4	99,8	101,0	1 * * , 0	99,7	99,8	99,1	1.1,.	99,/	1.1,9	۹۸,۹	۹۷,۸	99,7	1.1,7	ì			(*/\h)×1	(14)	الدليل العشوالي	
97,1.	97,77	95,79	98, 4+	94,79	95,54	۲۷,0۶	۹۸,۰۰	94,98	100,49	94,07	۹٦,۸۲	99,99	1.4,74	1.4,44	1.5,77		(1/A)×1 (9/1.) ×1	الدوري (۱۱)	الدليل	
٧٨,٠٨	۷٦,٦٥	٧٥,٢٢	٧٣,٧٩	٧٢,٣٦	٧٠,٩٣	79,00	۲۸,۰۷	77,78	70,71	۲۳,۷۸	14,40	70,98	०९, १९	۰۸,۰٦	07,75		3	العام	الإتجاه	
٧٨,٠٨ ٧١,٩١	٧٠,٧٢	٧)	19,01	٧٦,٩٤	٦٧,٠١	77,07	77,71	70,77	70,27	17,77	٧٠,٣٧	70,94	71,70	70,44	09,77	(\mathbb{\pi}/\h)\times 1	الموسمية (٩)	منها أثر التغيرات	القيم المستبعد	ة للمثال (٥).
14.,91	97,97	90,01	۲۰,۲۸	14.94	47,47	90,01	۸۲,۰٦	14.94	97,97	90,01	۲۰,۲۷	14.94	97,97	90,01	۸۲,۰٦	_	والمراجع	الدليل		يرات الدوري
14.94 141,.7	۹۷,۰۳	۹۰,۰۸	AY, 1Y	141,07	۹۷,۰۲	۸۰,۰۸	11,71	141,.7	44, .4	۹۰,۰۸	۸۲,۱۲	141,07	۹۷,۰۳	۹۰,۰۸	۸۲,۱۲		للفصول (٧)	لمسابي	المتوسط	الموسمي والتغ
141,49	97,24	9.,94	13,71	14.57	۹٦,٣٨	۷۹,۶۸	۲۷,۲۸	14.41	٠٧,٨٥	۸٩,•٢	۸۰,۱۷	۱۳۰,۷۱	۹۸,٥٠	ı	I		البسيط الثنائي (٥) ١٠٠×(٥/٣) اللفصول (٧)	المتحوك المتحوك والعشوائية (١)	المتوسط المتوسط التغيرات الموسمية المتوسط	الجدول رقم (٦,٩). الجدول المساعد لحساب الاتجاه العام والمدليل الموسمي والتغيرات الدورية للمثال (٥).
V1, V0 V1, T0 98, Y	V1,12 V.,98	٧٠, ٢٧	79,14	٦٨, ٢٢	١٧,٤٤ ٦٧,١٥	77,77 77,77	77,.9	۲٥,٤١	78,77	77,91 77,7.	71,78	71,00	۲۰,۷۱	I	ı		الشائي (٥)	المتحوك	المتوسط	ساب الاتجاد
V1, 40		77,27	۲۸,۷۲	74,47	٥١,٧٢	77,77	70,90	78,98	74,74	14,4.	11,72 71,78	۲۰,۸۲	14 14 14	ı	ı	(\$)	الم	المتحرك	المتوسط	المساعد لح
95,7	٦٨,٦	٦٣,٩	٧٥	۸۹	70	09,9	٥٤,٧	۸٥,٥	٦٣,0	10	٤٩,٥	٧٩,٨	۸,۶٥	٥٤,٢	۲,۸۶		3	المبيعات		. الجدول
3	4	~		3	4	-1		~	-1	٧	-	~	7	۲.	_		3	السنوات الفصول الميعات		م (۲,۹)
			1994				1997				1991				199.		3	السنوات		الجدول رق

- 145,9
41,V
91,00 100,00 101,21 97
AT, 10 9A, 9A 99, TY AY, T
171,71 . 9V,1. 9A,70 17V,0
97,00 92,00 90,00 91,7
14,10 91,77 97,7° 17
1,77 AV,07 A9,77 VY,1
171, T. 12, 79 AT, EA 111, T
92, 77 77, 77, 70, 70, 70, 70, 70
14,01 A.,VY V4,7A VY,Y
17, 29 V9, 17 VA, 70 70, T
171, V9 VA, VV, TO 1.7, A
97,97 77,07 70,7. 72,7
1,41 V2,77 VT,00 1V,1
1.00 VY,00 VY,10 0A,V
(4)
(٣) البسيط الثنائي (٥) ١٠٠×(٥/٣) للفصول (٧)
السنوات الفصول الميعات المتحرك المتحرك والعشوائية (١٦)
المتوسط المتوسط التغيرات الموسمية المتوسط

تابع الجدول رقم (٦,٩).

بعد ذلك يمكننا أن نعدل المبيعات المتوقعة في عام ١٩٩٨م بضرب المبيعات المقدرة في كل فصل بالدليل الموسمي المعدل المناظر ثم قسمة الناتج على ١٠٠ على الشكل التالى:

 $\hat{t}_{1998-1} = 102.39 \times 82.06 \div 100 = 83.96$

 $\hat{t}_{1998-2} = 103.82 \times 90.01 \div 100 = 93.44$

 $\hat{t}_{1998-3} = 105.25 \times 96.96 \div 100 = 102.09$

 $\hat{t}_{1998-4} = 106.68 \times 130.97 \div 100 = 139.75$

د) تعديل الدورة: هذه الخطوة هي الأصعب لأن التغيرات الدورية ذات طبيعة غير منتظمة وترتبط ارتباطا وثيقا بالحالة العامة للاقتصاد. وتظهر معظم السلاسل الزمنية اختلافا واضحا بالنسبة لتوقيت واتساع الدورة الاقتصادية.

ويتم اللجوء إلى بعض المؤشرات الاقتصادية Economic indications للتنبؤ بالتغيرات الدورية، وخاصة مؤشرات الناتج القومي الإجمالي ومؤشرات بعض القطاعات الاقتصادية كتصاريح البناء والتغير في المخزون... إلخ.

وعلى الرغم من أن التغيرات التي تحدث للمؤشرات الاقتصادية المختارة تشبه التغيرات التي تحدث في الدورة الاقتصادية لكنها قد تختلف عنها بالتوقيت والاتساع، لذلك يجب استخدامها بعناية وحرص.

وهناك طريقة أخرى بسيطة للتنبؤ بالتغيرات الدورية بإضافة أو حذف نسبة معينة من قيمة السلسلة في الفترة السابقة حسب الحالة الاقتصادية فيما إذا كانت رواجا أو كسادا. ففي حالة مثالنا أعلاه يمكن إضافة ٥٪ إلى مبيعات عام ١٩٩٨م إذا كانت مرحلة النشاط الاقتصادي هي مرحلة ازدهار وطرح ٥٪ في الحالة المعاكسة.

لكن الطريقة الأكثر استخداما في التطبيقات العملية هي ضرب القيم المقدرة عمامل الدورة الذي يحسب من الدليل الدوري مقسوما على ١٠٠، حيث يتم حساب

الدليل الدوري بقسمة القيم الفعلية بعد إزالة أثر التغيرات الموسمية منها على قيم الاتجاه العام وضرب الناتج بـ ١٠٠ كما هو واضح في الجدول السابق. وبذلك تصبح قيمة المبيعات المقدرة كما يلى:

 $\begin{aligned} \hat{t}_{1998-1} &= 83.96 \times 103.82 \div 100 = 87.17 \\ \hat{t}_{1998-2} &= 93.44 \times 104.20 \div 100 = 97.36 \\ \hat{t}_{1998-3} &= 102.09 \times 100.16 \div 100 = 102.25 \\ \hat{t}_{1998-4} &= 139.75 \times 102.00 \div 100 = 142.55 \end{aligned}$

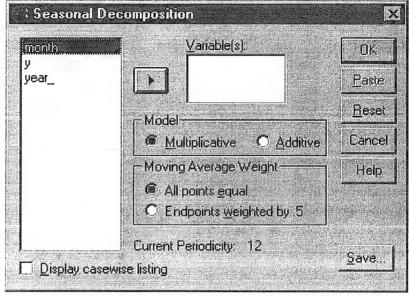
ه) إدخال التغيرات العشوائية (تحليل المخطوة): يمكن أن نعدل المبيعات المتوقعة في عام ١٩٩٨م بإدخال أثر التغيرات العشوائية وذلك بضرب القيم المقدرة بالدليل العشوائي للسنة الأخيرة وقسمة الناتج على ١٠٠. كما يمكن أن يستخدم الدليل العشوائي (العمود الأخير من الجدول السابق) في إيجاد التوزيع الاحتمالي لمركبات السلسلة الزمنية T و S و C.

(١,١٠) المعالجة الآلية للسلاسل الزمنية الموسمية

في المعالجة الآلية يتم حساب الدليل الموسمي المعدل والدليل الدوري والدليل العشوائي بنفس الأسلوب الذي اتبعناه في هذا الفصل، بالإضافة إلى تخليص البيانات من أثر التغيرات الموسمية والدورية.

لنطبق هذه الطريقة أولا على بيانات شهرية ثم على بيانات فصلية.

أولا: إذا كانت السلسلة الزمنية شهرية: يشترط برنامج SPSS ألا تقل البيانات الشهرية عن أربع سنوات كاملة، لذلك ندخل بيانات الجدول رقم (٦,٤) كسلسلة زمنية شهرية ونضيف لها بيانات عام ١٩٩٦م، ثم نفتح قائمة التطبيقات الإحصائية ونختار منها السلاسل الزمنية، ثم نختار من نافذتها الفرعية تحليل التغيرات الموسمية Seasonal Decomposition، فتظهر نافذة الحوار التالية:



الشكل رقم (٩,١٠). نافذة الجوار الخاصة بمعالجة التغيرات الموسمية.

ننقل المتغير الممثل للسلسلة من القائمة اليسرى إلى اليمنى ثم نضغط على مفتاح الإدخال فنحصل على الدليل الموسمي المعدل للأشهر على النحو التالي:
Results of SEASON procedure for variable Y

Multiplicative Model. Equal weighted MA method. Period = 12.

	Seasonal
	index
Period	(* 100)
1	102.120
2	98.227
3	87.446
4	80.216
5	111.281
6	100.556
7	103.795
8	110.699
9	104.179
10	99.393
11	95.997
12	106.091

بالإضافة إلى أربعة متغيرات جديدة هي:

۱ - معامل التغيرات العشوائية الشهري ERR ويساوي إلى الدليل العشوائي مقسوما على ١٠٠.

٢- البيانات المخلصة من أثر التغيرات الموسمية SAS.

٣- معامل التصحيح الموسمي الشهري SAF.

٤- البيانات المخلصة من أثر التغيرات الدورية STC، كما يظهر من الجدول التالى:

الجدول رقم (٦,١٠). نتائج المعالجة الآلية لسلسلة إنتاج شركة الجبس الأهلية.

Control of the Contro	PSS Data Edit View Data T	 The significant control of the sign	Graphs Utilities Wind	low Help		#_ # ×
		The second of th	·推[在] 图[亚] [[SO		a la culto (1)
1:y		25				<u>.</u>
	Y	еп_1	sas_1	saf_1	stc_1	yar
1.	25.00	1.03579	24.48094	1.02120	23.63516	145 145
2	24.00	.98957	24.43317	.98227	24.69080	
3	22.00	.95533	25.15829	.87446	26.33460	, and a second
4	26.00	1.19761	32.41245	.80216	27.06419	
5	26.00	.88809	23.36437	1.11281	26.30847	
6	25.00	.95305	24.86185	1.00556	26.08664	
7	28.00	1.02852	26.97627	1.03795	26.22827	
8	30.00	.99977	27.10046	1.10699	27.10667	
9	29.00	1.00552	27.83662	1.04179	27.68389	
10	28.00	1.01444	28.17100	.99393	27.77013	i sa
						D V
		SPSS Proce	essor is ready			

ثانيا: إذا كانت السلسلة الزمنية فصلية: لا تختلف طريقة المعالجة عن الحالة السابقة سوى استبدال الشهر بالفصل. فلو أخذنا السلسلة الزمنية للمثال (٤) وطبقنا عليها نفس خطوات الحالة الأولى، لحصلنا على النتائج التالية:

Results of SEASON procedure for variable Y Multiplicative Model. Equal weighted MA method. Period = 4.

9	Seasonal
	index
Period	(* 100)
1	96.346
2	97.809
3	99.082
4	106.763

الجدول رقم (٦,١١). نتائج المعالجة الآلية لسلسلة مبيعات محلات زيد للألبسة الجاهزة.

J. (8)		ndow Help	Graphs Utilities Wi	Transform Statistics	SPSS Data Edi <u>V</u> iew <u>D</u> ata	AND DESCRIPTION OF THE PARTY OF
		T S G		SED A	自回り	
				559		:у
vai	stc_1	saf_1	sas_1	err_1	у	
	384.09271	.96346	382.99268	.99714	369.00	1
	386.00981	.97809	386.46831	1.00119	378.00	2
	387.28539	.99082	388.56845	1.00331	385.00	3
	388.46838	1.06763	386.83787	99580	413.00	4
	389.86497	.96346	390.25812	1.00101	376.00	- 5
	391.39710	.97809	391.58033	1.00047	383.00	6
	393.25493	.99082	392.60552	.99835	389.00	7
	395.38041	1.06763	395.26776	.99972	422.00	8
	398.11129	.96346	397.52356	.99852	383.00	. 9
	401.59633	.97809	400.78195	.99797	392.00	10
1						

(٦,١١) طريقة مكتب إحصاء السكان الأمريكي Census II

طورت هذه الطريقة من قبل مكتب إحصاء السكان الأمريكي واستخدمتها كثير من المؤسسات الحكومية الأمريكية وغيرها في مجالات مختلفة.

أدخل على هذه الطريقة منذ تم اكتشافها في عام ١٩٥٥م تعديلات كثيرة، وأطلق على كل تعديل اسم نسخة أو طبعة Version. من أشهر هذه النسخ:

- X-11 في عام ١٩٦٧م.
- X-11 ARIMA في عام ١٩٨٨م.
- X-12 ARIMA في عام ١٩٩٧م وهي امتداد لنسخة X-11 ARIMA. شرحا مختصرا لهذه النسخة من خلال مثال تطبيقي، وسنطلق عليها طريقة بدلا من نسخة.

إن الخطوات الأساسية في هذه الطريقة هي نفس خطوات تحليل السلاسل الزمنية التي درسناها في الفقرات السابقة من هذا الفصل، ولاسيما استخدام المتوسطات المتحركة البسيطة والثنائية.

عادة، تستخدم طريقة X-12 ARIMA متوسطات متحركة مرجحة قصيرة تسمى منقيات أو مصاف Filters عند بداية ونهاية السلسلة لتنقية البيانات التي يتم تعديلها والتنبؤ بها باستخدام نموذج ARIMA بدلا من البيانات المفقودة نتيجة حساب المتوسطات المتحركة.

تتألف هذه الطريقة من مرحلتين وعدة خطوات، لنشرح هذه المراحل والخطوات من خلال المثال التالي:

مثال (٦): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل عدد المسافرين لإحدى شركات النقل الجوى خلال الفترة ١٩٤٩ – ١٩٥٦م:

الجدول رقم (٦,١٢). عدد المسافرين حسب الأشهر (بالآلاف) على الخطوط الجوية الدولية خلال الفترة 14٤٥ م.

17	11	1 .	٩	٨	٧	۳	٥	ź	٣	۲	١	السنوات
١١٨	١٠٤	119	١٣٦	١٤٨	١٤٨	170	171	179	١٣٢	114	117	1989
١٤٠	118	188	١٥٨	\V*	14.	1 2 9	170	100	181	١٢٦	110	1900
177	127	771	۱۸٤	١٩٩	199	۱۷۸	۱۷۲	۱٦٣	۱۷۸	10.	180	1901

^{*} Forecasting ، مرجع سابق ، ص ۱۱۳ .

ل رقم (۲,۱۲).	نابع اجددو
---------------	------------

1 4	11	1.+	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١	السنوات
198	۱۷۲	191	7 • 9	727	74.	414	۱۸۳	۱۸۱	198	۱۸۰	۱۷۱	1907
7.1	۱۸۰	711	777	777	778	727	779	770	777	١٩٦	197	1908
779	7.4	779	709	798	4.7	778	772	777	740	۱۸۸	7 + 8	1908
777	777	778	717	٣٤٧	٣٦٤	٣١٥	۲٧٠	424	777	۲۳۳	787	1900
4.7	771	٣٠٦	٣٥٥	٤٠٥	٤١٣	۳۷٤	۳۱۸	414	۳۱۷	777	3.47	1907

المصدر: Forecasting، ص ۱۰۹.

و المطلوب

فصل المركبات الأساسية لسلسلة المسافرين عن بعضها البعض حسب طريقة .Census II

المرحلة الأولى: تهدف طريقة Census II إلى فصل التغيرات الموسمية عن باقي مركبات السلسلة الزمنية، كما هي الحال في طرائق تحليل السلاسل الزمنية التقليدية. تتألف هذه المرحلة من الخطوات التالية:

- الخطوة الأولى: يتم في هذه الخطوة ، حساب متوسط متحرك شهري بسيط مدته ١٢ شهرا (12×12) MA لبيانات السلسلة الأصلية.
- $\frac{y_t}{MA(2\times 12)}$ حيث حيث $\frac{y_t}{MA(2\times 12)}$ حيث عثل $\frac{y_t}{MA(2\times 12)}$

نتائج هذه الخطوة تعتبر تقديرات أولية لمركبتي التغيرات الموسمية والتغيرات العشوائية كما يوضحها الجدول التالى:

	· O-5- · ·		w.		,	-)	٠,٠	- /		` '	1	, - ,
۱۲	11	١.	٩	٨	٧	٩	٥	٤	٣	۲.	١	السنوات
۹٠,٩	۸۰,٦	97,0	۱۰٦,۳	117,8	۱۱٦,٧	_	****		_		-	1989
9 . , 0	٧٥,٢	۸۹,٦	۱۰۸,٤	۱۱۸,۷	١٢٠,٦	۱ ۰۷, ٤	91,+	۹٩,٠	١٠٤,٥	٩٤,٧	۸۷,٦	190.
97,1	۸۲,۰	91,7	١٠٤,٩	112,7	117,7	1.0,5	1.4,7	99,7	11.,.	۹٤,٠	97,7	1901
9 . , 9	۸۱,۷	97,7	۱۰۳, ٤	171,7	117,1	111,8	98,0	98,7	1.7,1	۹٦,٧	94, 8	1907
۸۹,۱	۸۰,۲	٩٤,٠	۱٠٥,٤	۱۲۰,۷	۱۱۷,۲	١٠٨,١	1.7,7	۱۰٥,٤	۱۰٦,۸	۸۹,۷	۹۰,۸	1908
۸۹,۱	۸۰,۱	91,0	۱۰٤,۸	17.,1	١٢٥,٦	111,0	99,7	۹٧,٠	1 • 1, 7	۸۱٫٦	19,0	1902
91,0	٧٨,٧	97,7	١٠٦,٤	119,9	۱۲۷, ٤	111,4	97,9	97,7	٩٨,٥	۸٧,٤	97,8	1900
	_		1_	_	_	118,4	٩٨,٠	97,4	99,0	۸۸,۱	91,7	1907

الجدول رقم (٦,١٣). التقديرات الأولية للتغيرات الموسمية والعشوائية لسلسلة بيانات المسافرين.

الخطوة الثالثة: في هذه الخطوة يتم حساب متوسط متحرك مضاعف (3×3) MA للقيم الموجودة في الجدول رقم (٦,١٣) والقيم الناتجة عثل تقديرا أوليا للمركبة الموسمية.

النسب الموجودة في الجدول رقم (٦,١٣) تتضمن التغيرات الموسمية والعشوائية ويتقسيمها على المتوسط المتحرك المضاعف (3×3) MA، والذي يمثل تقديرا أوليا للتغيرات الموسمية نحصل على تقدير للتغيرات العشوائية على الشكل التالى:

$$\frac{s_t i_t}{s_t} = i_t$$

القيم الكبيرة في سلسلة التغيرات العشوائية i, تعتبر قيما شاذة أو متطرفة في البيانات الأصلية ، لذلك يتم حذفها واستبدالها بقيم تتناسب وباقي قيم السلسلة. كما يتم تقدير القيم المفقودة في بداية ونهاية السلسلة والناتجة عن حساب المتوسطات المتحركة.

الخطوة الرابعة: الهدف من هذه الخطوة هو حذف التغيرات العشوائية بحساب متوسط متحرك مضاعف (3×3) MA لكل شهر من السنة على انفراد. هذا المتوسط المتحرك يشبه المتوسط المتحرك في الخطوة السابقة فيما عدا أننا نستخدم البيانات المعدلة

بما فيها تقديرات البيانات المفقودة. بعد ذلك يتم حساب الدليل الموسمي الشهري المعدل لكل سنة باعتبار أن مجموع أشهر السنة يساوي إلى ١٢٠٠ فنحصل على الجدول التالي:

الجدول رقم (٢,١٤). الدليل الموسمي الشهري المعدل لسلسلة بيانات المسافرين.	المسافرين.	سلسلة بيانات	وي المعدل ل	الموسمي الشبه	٦). الدليل	, 1 ()	الجدول رقم
--------------------------------------------------------------------------	------------	--------------	-------------	---------------	------------	--------	------------

14	11	١.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١	السنوات
91,1	۸۱,۲	91,8	۱۰۷,۰	117,1	۱۱۸,٤	۱۰۷,۱	۹۸,۱	99,1	۱۰۳,۷	98,4	91,9	1989
91,7	۸١,٥	91,8	1 • ٦, ٦	117,0	114,1	۱ • ٧ , ٤	۹۸,۱	۹۹,۰	١٠٣,٥	۹٤,٠	۹۲,۰	1900
91,8	۸۱,۷	97,1	1 . 0 , 9	114,7	۱۱۷,٦	۱۰۷,۹	٩٨,٢	۹٩,٠	۱۰۳,۳	94,4	97,7	1901
9 • , 9	۸۱,٦	97,7	1.0,4	119,7	114,7	1 • 9 , •	٩٨,٤	۹۸,٥	۱۰۲,۷	97,1	97,1	1907
۹٠,٤	۸٠,٩	94,1	1.0,7	17.,4	17 . , 1	۱۰۹,۸	٩٨,٥	۹۸,۱	1 • 1, 9	٩٠,٦	۹۱,۷	1908
۹٠,٠	۸۰,۲	97,0	1.0,0	17.,	174,1	111,•	٩٨,٤	٩٧,٦	۱۰۰,۸	۸۹,۳	۹۱,۳	1908
۹٠,٠	٧٩,٦	91,9	١٠٥,٨	14.7	170,7	۱۱۱,۸	۹۸,۰	97,0	۹۹,۸	۸۸,٥	۹١,٤	1900
9 . , .	٧٩,٤	91,8	1.0,9	174,7	177,1	117,7	۹٧,٨	97,5	99,7	۸۸,۱	91,0	1907

الخطوة الخامسة: بقسمة البيانات الأصلية على الدليل الموسمي المعدل نحصل على البيانات المخلصة من أثر التغيرات الموسمية والقيم الناتجة تتضمن الاتجاه العام والتغيرات الدورية والعشوائية كما توضحه العلاقة التالية:

$$\frac{y_t}{s_t} = \frac{t_t c_t s_t i_t}{s_t} = t_t c_t i_t$$

الخطوة السادسة: تهدف هذه الخطوة إلى التخلص من أثر التغيرات العشوائية الموجودة في بيانات الخطوة السابقة ، أي عزل الاتجاه العام والتغيرات الدورية عن التغيرات العشوائية ، لذلك نستخدم متوسطات متحركة مرجحة تسمى متوسطات هندرسون المرجحة Henderson's weighted average.

تمتاز متوسطات هندرسون المرجحة بأن طولها يتناسب طردا مع التغيرات العشوائية الموجودة في السلسلة، فكلما زادت التغيرات العشوائية كلما زادت طول فترة المتوسط المتحرك. بالنسبة للسلاسل الشهرية تكون طول فترة المتوسط ٩ أو ١٣ أو ٢٣ حسب التغيرات العشوائية، أما في السلاسل الفصلية فتكون إما ٥ أو ٧ قيم. ويما أن التغيرات العشوائية في المثال المدروس متوسطة فقد تم اختيار طول متوسط هو ١٣ قيمة. استخدام هذا المتوسط المتحرك يزيل أثر التغيرات العشوائية من البيانات ويظهر

الاتجاه العام والتغيرات الدورية فقط كما هو موضح في الجدول التالي:

الجدول رقم (٦,١٥). التقديرات الأولية للاتجاه العام والتغيرات الدورية لسلسلة بيانات المسافرين.

14	11	١.	ą	٨	٧	٦	٥	٤	۴	۲	١	السنوات
179,8	۱۲۸,٥	۱۲۷,۷	177,1	177,7	۱۲٦,۲	177,1	۱۲٦,۲	۱۲٦,۳	۱۲٦,٠	170,0	۱۲٤,۸	1989
101,9	۱٤٨,٤	1£7,7	188,0	184,9	180,9	۱۳۸,٦	۱۳٦,۲	١٣٤,٠	۱۳۲,٤	181,8	۱۳۰,۳	190.
۱۸۳,۲	179,7	۱۷۵,۸	177,0	۱۷۰,٥	179,7	179,8	179,7	۱٦٨,٤	177,0	۱٦١,٨	107,7	1901
717,7	۲۰۸, ٤	۲٠٥,٤	۲۰۲,۸	199,0	197,1	194,1	191,•	189,7	۱۸۸, ٤	۱۸۷,۳	140,7	1907
771,7	777,7	۲۲۳, ٤	۲۲۳,۸	272,0	۲۲٦,٠	۲۲۸,۰	779,8	779,4	277,5	774,7	۲۱۸,۰	1908
۲0 ٦,0	707,0	7 2 9 , 1	7 2 7, 4	7 £ £ , 1	787,7	749,0	240,7	741,4	277,1	777, 8	717,V	1908
۳٠٦,٠	۳۰۱,۸	۲۹۷,۷	۲9 ٣,9	79.,7	۲۸٦,٤	۲۸۲,۳	۲ ٧ ٧,٩	۲۷۳,٥	779,7	۲ ۲ ٤ , 9	77.7	1900
٣٤١,٢	۳۳۹,۰	۲۳۷,۰	۳۳٥,۲	۳۳۴,۳	۳۳۱,۱	411,7	270,1	477,0	۴۱۸,۸	۳۱٤,۸	۳۱۰,0	1907

الخطوة السابعة: إن بيانات الجدول السابق تتضمن الاتجاه العام والتغيرات الدورية، وبقسمة البيانات الأصلية عليها (الخطوة الثانية) نحصل على التغيرات الموسمية والعشوائية الأخيرة والتي يعبر عنها رياضيا:

$$\frac{y_t}{t_t c_t} = \frac{t_t c_t s_t i_t}{t_t c_t} = s_t i_t$$

الخطوة الثامنة: هي إعادة للخطوة الثالثة لكن باستخدام القيم التي حصلنا عليها في الخطوة السابقة وباستخدام متوسط متحرك مضاعف 5×3 بدلا من 3×3.

الخطوة التاسعة: هي إعادة للخطوة الرابعة ولكن باستخدام متوسط متحرك مضاعف 5×8 بدلا من 8×8 فنحصل على المركبة الموسمية الموضحة في الجدول التالى:

الجدول (٦,١٦). التقديرات الأولية للتغيرات الموسمية في سلسلة بيانات المسافرين.

١٢	11	١.	٩	٨	٧	٦	0	٤	٣	۲	١	السنوات
91,4	۸۱,۲	97,7	1 + 7,9	۱۱۸,۰	۱۱۸,۱	۱۰٦,۷	۹٦,۸	99,0	١٠٥,٥	۹۳,۷	۹٠,٤	1929
91,4	۸۱,۳	97,0	۱۰٦,٧	۱۱۸,٤	۱۱۸,۲	۱۰٦,۷	97,9	99,8	1.0,8	۹۳,۲	۹٠,٥	1900
91,1	۸۱,٤	97,7	1 - 7, 4	119,0	۱۱۸,۸	۱۰۷,۰	۹۷,۳	99,+	۱۰٤,۹	۹۲,۳	۹٠,٧	1901
9 • , 9	۸۱,۳	۹۲,۸	۱ • ٦, •	119,8	119,7	۱۰۷,٥	۹۷,۷	٩٨,٥	1 . 2 , 7	91,1	91,1	1907
۹۰,۷	۸۱,۲	97,7	1 + 0, V	17.1	۱۲۰,۸	۱۰۸,٦	9٧,9	۹۸,۱	1.4,7	۸۹,۹	91,0	1908
۹٠,٤	۸٠,٩	97,7	١٠٥,٦	۱۲۰,٤	۱۲۲,۰	۱۰۹,۸	۹۸,۱	۹۸,۰	1 • 1,9	۸۸,۹	۹۱,۷	1908
۹٠,١	۸۰,٦	97,1	١٠٥,٦	17.0	174,1	111,1	۹۸,۱	۹٧,٩	1 * * , 9	۸۸, ٤	91,7	1900
۸٩,٩	۸٠,٤	۹۱,۷	۱۰٥,۷	۱۲۰,۳	۱۲۳,۸	117,•	٩٨,٢	۹٧,٨	1 , ۲	۸۸,۲	91,7	1907

الخطوة العاشرة: هي نفس الخطوة الخامسة لكن باستخدام المركبة العشوائية التي حصلنا عليها في الخطوة التاسعة.

الخطوة الحادية عشرة: بتقسيم نتائج الخطوة العاشرة على نتائج الخطوة السادسة نحصل على مركبة التغيرات العشوائية أو العرضية.

الخطوة الثانية عشرة: في هذه الخطة يتم استبدال القيم المتطرفة من المركبة العشوائية كما في الخطوة الثالثة فنحصل على بيانات معدلة هي بالضبط البيانات الأصلية ولكن بدون قيم متطرفة. بالنسبة للمثال المدروس فقد تم تعديل ١٠ قيم من القيم الـ ٩٦ التي تتألف منها السلسلة الأصلية.

المراحل التالية: يتم تكرار الخطوات الـ ١٢ السابقة مرتين متتاليتين ابتداء من البيانات المعدلة الناتجة في الخطوة الثانية عشرة من المرحلة الأولى بدلا من البيانات الأصلية. المكونات الناتجة من المرحلة النهائية موضحة بالجداول التالية:

الجدول رقم (٦,١٧). المركبة الموسمية النهائية لسلسلة بيانات المسافرين.

١٢	11	١.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	۳	۲	١,	السنوات
91,7	۸۱,٤	۹۱,۸	۱۰٦,٤	117,7	۱۱۸,۱	۱۰٦,٦	۹٧,٠	99,8	1 * 0,9	9٣,9	۹٠,٧	1989
91,7	۸۱,٤	۹۲,۰	۱۰٦,۲	۱۱۸,۲	۱۱۸,۱	۱۰٦,٧	97,7	99,1	١٠٥,٨	۹٣, ٤	۹٠,٨	1900
91,1	۸۱,٤	97,8	۱۰٦,۰	۱۱۸,۸	111,0	۱۰۷,۰	۹۷,۷	٩٨,٦	1.0,0	97,7	۹١,٠	1901
۹٠,٨	۸۱,۳	97,0	۱۰٥,۸	119,8	119,7	۱۰۷,۷	٩٨,٢	٩٨,٢	۱۰٤,۸	91,5	91,4	1907
9.,0	۸۱,۱	97,7	١٠٥,٦	17+,1	۱۲۰,۳	۱۰۸,۸	٩٨,٤	۹٧,٨	1.7,7	9 • , 1	91,7	1908
۹٠,٣	۸٠,٩	97,7	١٠٥,٦	۱۲۰,٤	۱۲۱,٤	11.,.	۹۸,٥	97,7	1.7,7	۸۹,۱	91,7	1908
9 . , .	۸٠,٧	97,7	1.0,7	17.7	177,7	111,7	۹۸,۳	٩٧,٧	۱۰۱,۱	۸۸,٥	٩١,٦	1900
19,9	۸۰,٥	91,9	1 . 0 , 9	17.0	٤٢٣, ٤	117,•	٩٨,٢	97,7	1 , ٢	۸۸,۲	۹۱,٦	1907

الجدول رقم (٦,١٨). مركبة الاتجاه العام النهائية لسلسلة بيانات المسافرين.

١٢	11	١.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١	السنوات
171,1	۱۲۸,۳	١٢٧,٦	177,1	۱۲٦,۷	۱۲٦,٤	177,7	177,7	177,1	۱۲٥,۸	170, 8	178,9	1989
102,0	100,9	۱٤٨,٠	180,9	1 { { { { { { { { { { { { { { { { { { {	187,8	١٤٠,٥	۱۳۸,۳	۱۳٦,٠	۱۳۳,۷	۱۳۱,۸	۱۳۰,۳	190+
١٨٢,٠	179,5	۱۷٦,٠	1771	179,9	۲,۸۲	۱٦٧, ٤	۱٦٧,٠	177,8	178,9	177,7	۱۵۸,٤	1901
717,9	7.9,7	Y • 0, V	۲۰۲,۱	191,7	198,7	19•,7	۱۸۷,۹	۱۸٦,۱	140,1	١٨٤,٥	۱۸۳,۷	.1907
۲۲۳, ٤	774, 8	۲۲۳,۸	778,8	270,5	277,4	277,1	277,7	777,7	772,7	771,*	۲۱۷,۰	1908
700,5	701,7	۲٤٨,٦	7	7	757,7	78.,7	۲۳۷,۰	۲۳۳,۱	779,7	۲۲٦,٠	778, •	1908
۲٠٦,١	4.4,4	۲9 ۷,9	794,7	۲۸۹,٥	۲۸٥,۳	7.1,1	۲۷٦,۸	۲۷۲,٥	۲٦٨,٢	۲ ٦٣, ٩	709,0	1900
٣٣٩,٤	۳۳۷,0	٣٣٦,٢	20,0	445,7	۳۳۳,۰	٣٣٠,٢	77.77	٣٢٢,٠	٣١٧,٦	٣١٣,٦	۲۰۰,۹	1907

مبادىء التنبؤ الإداري

الجدول رقم (٦,١٩). المركبة العشوائية النهائية لسلسلة بيانات المسافرين.

۱۲	11	١٠	٩	٨	٧	4	٥	٤	٣	۲	١	السنوات
۱۰۰,۱	99,7	۱۰۱,٦	١٠٠,٥	99,7	99,7	۱۰۰,۳	٩٨,٩	۱۰۳,۱	99,1	1 , Y	٩٨,٩	1989
99,8	۹۲,۸	۹٧,٦	۱۰۲,۰	۹۹,۸	1 • 1 , 1	٩٩,٤	97,9	1 • • , ٢	99,7	۱۰۲,۳	٩٧,٢	190.
1 , Y	۱۰۰,۰	99,٧	١٠٠,٦	٩٨,٦	۹۹,۸	99,8	1.0,8	۹۹,۳	۱۰۲,٤	99,9	١٠٠,٦	. 1901
۱۰۰,۳	۱۰۱,۱	۱۰۰,۳	۹٧,٨	۲۰۲,۳	۹۹,٤	۱۰٦,۳	99,7	۹٩,•	99,0	١٠٦,٨	۱۰۲,۰	1907
99,8	99,8	۱۰۱,۸	١٠٠,٠	1 • • , 7	۹٧,٠	٩٨,٤	۱۰۲, ٤	۱۰٦,۱	1.1,0	٩٨,٤	۹۸,٦	1904
99,4	۹۹,۸	99,0	99,7	99,0	۱۰۲,٥	99,9	۱۰۰,۳	99,7	1 , ۲	۹٣,٤	99,٣	1908
۱۰۰,۸	97,7	٩٩,∀	۱۰۰,٥	99, 8	۱۰٤,۱	۱۰۰,۸	99,7	۱۰۱,۱	٩٨,٥	۹۹,۸	۱۰۱,۸	1900
۱۰۰,۳	99,7	۹٩,٠	99,9	۱۰۰,٤	۱۰۰,٥	۱۰۱,۱	99,5	99,0	99,7	۱۰۰,۱	۱۰۰,۱	1907

بعد تقدير المركبات الأساسية للسلسلة الزمنية يتم تطبيق سلسلة من الاختبارات التشخيصية لتحديد فيما إذا كانت عملية تحليل السلسلة ناجحة أم لا. هذه الاختبارات ليست إحصائية من الناحية الرياضية البحتة ولكنها مبنية على الاستدلال المنطقى .

قد يبدو أن هذه الطريقة طويلة ومعقدة بسبب عدد الخطوات الكثيرة ، لكن الفكرة الأساسية بسيطة وهي فصل المركبات الأساسية للسلسلة الزمنية (التغيرات الموسمية – الاتجاه العام والتغيرات الدورية – التغيرات العشوائية) واحدة تلو الأخرى ، والخطوات والمراحل المتعددة مصممة لتمهيد وتحسين تقديرات كل مركبة من مركبات السلسلة الزمنية. ولعكل الخاصة الأساسية لهذه الطريقة أن إزالة أثر التغيرات الموسمية والعشوائية لا يتم في نفس الوقت كما هو الحال في طرائق تحليل السلاسل الزمنية التقليدية مما يعطى نتائج بشكل عام أكثر دقة.

^{*} Forecasting ، مرجع سابق، ص ۱۱۹.

(٦,١٢) طريقة STL

اقترحت هذه الطريقة من قبل كليفيلاند وشركاؤه Cleveland et al في عام ١٩٩٠م في عام ١٩٩٠م Seasonal-Trend decomposition كبديلٍ لطريقة STL. وSTL هي اختصار لـ procedure based on Loess.

تعتمد هذه الطريقة غوذج الجمع بدلا من غوذج الضرب، وطريقة الحساب فيها أبسط من طريقة الالله الكنها غير مستقرة بالقرب من أطراف السلسلة لذلك فإن استخدامها قليل في التطبيقات العملية*.

^{*} Forecasting ، مرجع سابق ، ص ١٢٥.

أسئلة ومسائل غير محلولة

- ١ عرف السلسلة الزمنية ثم تحدث عن مكوناتها.
 - ٢ ما المقصود بتجزئة السلسلة الزمنية؟
 - ۳- عرف نموذج الضرب Multiplicative Model.
 - ٤ متى يستخدم نموذج الجمع Additive Model ؟
- ٥- اشرح باختصار طرائق تحديد خط الاتجاه العام.
- ٦ عرف طريقة مكتب الإحصاء الأمريكي Census II ومتى اكتشفت هذه الطريقة؟
 - ٧- ما أشهر نسخة من طريقة Census II؟ وما آخر نسخة منها؟
 - ۸- من كم مرحلة وخطوة تتألف طريقة Census II؟
 - 9- ما الفرق بين طريقة Census II وبين طرائق تحليل السلاسل الزمنية التقليدية؟
 - ١ ما الفرق بين طريقة Census II وبين طريقة STL؟
- ١١- ليكن لدينا الجدول التالي، الذي يمثل النقد المتداول (مليون ريال) خارج المصارف السعودية خلال الفترة: ١٩٩٨-١٩٩٨م:

الجدول رقم (٦,٢٠). النقد المتداول (مليون ريال) خارج المصارف السعودية خلال الفتـــرة: ١٩٦٣-

النقد المتداول	السنة	النقد المتداول	السنة	النقد المتداول	السنة
خارج المصارف		خارج المصارف		خارج المصارف	
- ٣٩٨٩٦	1911	٨٥٥٩	1970	731	1978
80950	١٩٨٨	۱۳٦٠۸	1977	٩٧٨	1972
٣٣٨٧٧	1919	1747.	1977	11.5	1970
£ { V V }	1990	71.1.	1974	1781	1977
17733	1991	70199	1979	١٣٧٤	1997
٤٣٧٧٢	1997	33177	١٩٨٠	1804	١٩٩٨

تابع الجدول رقم (٦,٢٠).

النقد المتداول	السنة	النقد المتداول	السنة	النقد المتداول	السنة	
خارج المصارف		خارج المصارف		خارج المصارف	Managed I	
27777	1998	7.511	١٩٨١	1079	1979	
११९७०	1998	70771	1977	7351	1970	
٤٣٠٨٧	1990	72700	1917	1901	1971	
£٣•٣A	1997	7500.	1918	7 & A.A.	1977	
2017	1997	٣٦٨٦٨	1910	3777	1977	
٤٥٠١٩	1991	۳۸٦٠٤	١٩٨٦	0.07	1978	

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة- وزارة التخطيط.

والمطلوب

- أ) رسم شكل انتشار السلسلة الزمنية المثلة لكمية النقود المتداولة خارج المصارف السعودية، ماذا يمكن أن نستنتج من هذا الشكل؟
- ب) حساب المتوسطات المتحركة للسلسلة السابقة إذا كان طول فترة المتوسط المتحرك: ٣ و٥ و٧ سنوات على التوالي.
- ج) حساب معادلة الاتجاه العام باستخدام برنامج SPSS وتفسير نتائج المعالحة.
- د) تقدير كمية النقود المتداولة في عامي ١٩٩٩م و٢٠٠٠م باستخدام معادلة الاتجاه العام.
- ه) حساب النسب (الأرقام القياسية) الدورية للسلسلة السابقة وتفسيرها. ١٢ - ليكن لدينا الجدول التالي، الذي يمثل مبيعات محل درة الحاسبات الإلكترونية في مدينة الرياض (ألف ريال) خلال الفترة ١٩٩٨ - ٢٠٠٠ م:

الجدول رقم (٦,٢١). مبيعات محل درة الحاسبات الإلكترونية بآلاف الريالات خلال الفتـــرة ١٩٩٨-

المبيعات	الشهر	السنة	المبيعات	الشهر	السنة	المبيعات	الشهر	السنة
٤a	١	۲۰۰۰م	٤٥	١	١٩٩٩م	70	١	۱۹۹۸م
٥٥	۲		٤٠	۲		٤ ٠	۲	
0 *	٣		٥٣	٣		٣٥	٣	
0 *	£ .			٤		٣٥-	<u> </u>	
٤٥	. 0		٤٥	٥		٤٠	٥	
٥٠	٦		٤٥	٦		٤٠	٦	
00	٧		٥٠	٧		٤٠	٧	
٧.	٨		00	۸		7.	٨	
۸۰	٩		٧٥	٩		٧٠	٩	
70	١.		٤٥	1.		. ٤٠	1.	
٦٥	11		٤٥	11		٤٠	11	
٧٠	١٢		٥٠	١٢		٥٠	١٢	

المصدر: فرضي.

و المطلوب

- أ) رسم شكل انتشار السلسلة الزمنية الممثلة لمبيعات محل درة الحاسبات، ماذا يحكن أن نستنتج من هذا الشكل.
 - ب) حساب المتوسط المتحرك السنوي البسيط.
 - ج) حساب المتوسط المتحرك السنوي الثنائي.
 - د) حساب التغيرات الموسمية.
 - هـ) حساب المتوسط الحسابي للأشهر.
 - و) حساب الأدلة (الأرقام القياسية) الشهرية المعدلة.
 - ز) تخليص بيانات السلسلة من أثر التغيرات الموسمية.

١٣ - ليكن لدينا الجدول التالي، الذي يمثل إنتاج الشركة العربية لصنع الزجاج (الكمية بالطن) خلال الفترة ١٩٩٥ - ١٩٩٩م:

الجدول رقم (٦,٢٢). إنتاج الشركة العربية لصنع الزجاج (الكمية بالطن) خـــلال الفتـــرة ١٩٩٥-

الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثايي	الفصل الأول	السنة
٣	٩	٦	٤	١٩٩٥م
٤	١.	٦	٥	۲۹۹۲م
٦	11	٨	٦	۱۹۹۷م
۸	١٣	٦	٧	۱۹۹۸م
11	١٤	٥	٩	١٩٩٩م

المصدر: فرضي.

والمطلوب

- أ) رسم شكل انتشار السلسلة الزمنية الممثلة لإنتاج الزجاج.
- ب) حساب معادلة الاتجاه العام باستخدام برنامج SPSS ثم تفسير نتائج المعالجة الآلية.
- ج) تقدير إنتاج الزجاج لكل فصل من فصول عام ٢٠٠٠ م باستخدام معادلة الاتجاه العام.
- د) تصحيح التقديرات التي حصلت عليها في الطلب السابق بإدخال التعديلات الموسمية.
- هـ) تصحيح التقديرات التي حصلت عليها في الطلب السابق بإدخال التعديلات الدورية.

100

and approximately and the consists of

(الفصل (السابع

استخدام طرائق التمهيد الأسي في التنبؤ الإداري

(٧,١) مقدمــة

تعتبر طرائق التمهيد الأسي Exponential Smoothing من الطرائق المفيدة في التنبؤ عندما يكون المطلوب التنبؤ بعدد كبير من السلاسل الزمنية التي تتميز بالاستقرار النسبي دون حدوث تغيرات غير متوقعة فيها.

وتتميز هذه الطرائق بأنها تعطي وزنا نوعيا أكبر للقيم الأخيرة في السلسلة، وهذا لا يعني إهمال القيم الأخرى، لكن الأهمية النسبية للقيم تتناقص كلما رجعنا إلى الوراء. فإذا كان لدينا مجموعة من القيم:

 t_n فالقيمة t_n هي أهم قيمة تليها $t_0,t_1,t_2,....,t_n$

ويعتبر التنبؤ قصير الأجل المجال المفضل لاستخدام طرائق التمهيد الأسي. كما تتميز هذه الطرائق بسهولة العمليات الحسابية وبقلة عدد القيم الضرورية للتنبؤ (قيم السلسلة الزمنية المراد التنبؤ بها أو تقديرها). وهاتين الميزتين أدتا إلى تطور كبير في استخدام هذه الطرائق.

في الحقيقة، تحاول الشركات دائما معرفة مخزونها السلعي واحتياجاتها من المواد الأولية بأقصى سرعة ممكنة، وقد تصل هذه المواد إلى المئات أو الآلاف، وهذا العدد الكبير لا يمكن التنبؤ به باستخدام طرائق التنبؤ السابقة لأنها تتطلب وقتا طويلا وتكلفة عالية، لذلك تلجأ هذه الشركات إلى استخدام طرائق التمهيد الأسى.

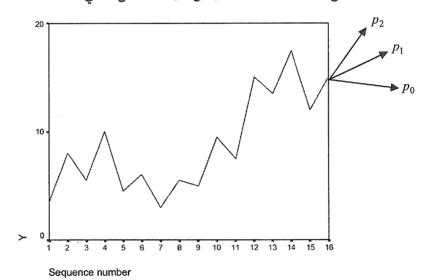
إن التمهيد الأسي هو مجموعة من الطرائق التجريبية أو العملية التي تعتمد على تمديد أو إطالة منحنى السلسلة الزمنية ، لكن السؤال الذي يطرح: كيف نمدد هذا أو ذاك المنحنى؟ مثال (١): لنفرض أن لدينا السلسلة الزمنية التالية التي تمثل عدد المرضى الذين راجعوا أحد المشافي الحكومية خلال السنوات ١٩٩٤-١٩٩٧م:

الجدول رقم (٧,١). عدد المرضى الذين راجعوا أحد المشافي الحكومية خلال الفتــــرة ١٩٩٤–١٩٩٧م (العدد بالآلاف).

الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثاني	الفصل الأول	السنة
١٠	0,0	۸	٣,٥	١٩٩٤م
0,0	٣	٦	٤,٥	١٩٩٥م
١٥	٧,٥	٩,٥	٥	١٩٩٦م
۲.	17	۱۷,٥	17,0	۱۹۹۷م

المصدر: فرضى.

إن شكل انتشار هذه السلسلة يمكن عميله بالشكل التالي:



الشكل رقم (٧,١). شكل انتشار السلسلة الزمنية للمثال (١).

 p_0, p_1, p_2 : نلاحظ أن هناك ثلاث إمكانيات على الأقل لتمديد المنحنى هي نلاث إمكانيات على الأقل فتار؟

إن دراسة منحنى الظاهرة حتى اللحظة n ، يعطي فكرة عامة عن كيفية تحديد هذا المنحنى. فمن الشكل أعلاه نلاحظ أن الامتداد p_1 هو أفضل امتداد ممكن لأنه يعبر عن تزايد المنحنى بالمتوسط ، لكن الأفضل إذا استطعنا أن نرجع منحنى الظاهرة أو السلسلة المدروسة إلى أحد الأشكال الرياضية المعروفة ، عندها يصبح من السهل تصور شكل المنحنى في المستقبل.

إن المنحنى الممثل لتغيرات السلسلة الزمنية في الماضي يمكن أن يكون خطيا، أو أسيا، أو جيبيا (سينيا)، ... إلخ. الحالات الثلاث الأولى هي الأساس في طرائق التمهيد الأسى (التمهيد الأسى البسيط، التمهيد الأسى المضاعف، التمهيد الأسى الثلاثي).

 α المشكلة الأساسية في تطبيق طرائق التمهيد هي تحديد قيمة معامل التمهيد هن الذي تنحصر قيمته بين الصفر والواحد. لنتعرف على كيفية تحديد هذا المعامل من خلال دراسة طرائق التمهيد المختلفة.

Simple Exponential Smoothing (SES) التمهيد الأسي البسيط (٧,٢)

يأخذ التمهيد الأسى البسيط الشكل العام التالى:

$$(\mathbf{V}, \mathbf{V}) \qquad \qquad \hat{y}_{t+1} = \alpha y_t + (1 - \alpha)\hat{y}_t$$

 $-\infty$ معامل التمهيد و α معامل التمهيد

القيمة المقدرة في الزمن \hat{y}_{t+1} .

 \hat{y}_{i} القيمة المقدرة في الزمن \hat{y}_{i}

القيمة الحقيقية أو الفعلية في الزمن y_i

المعادلة (٧,١) يمكن استنتاجها على الشكل التالي:

$$(V, Y)$$
 $\hat{y}_{t+1} = \hat{y}_t + \frac{1}{n} [y_t - \hat{y}_t]$

حيث: n طول فترة التنبؤ (الفترة المراد التنبؤ لها).

$$\hat{y}_{t+1} = \hat{y}_t + \frac{1}{n}y_t - \frac{1}{n}\hat{y}_t = \hat{y}_t(1 - \frac{1}{n}) + \frac{1}{n}y_t$$

وبفرض أن: $\alpha = \frac{1}{n}$ تصبح المعادلة:

$$\hat{y}_{t+1} = \alpha y_t + (1-\alpha)\hat{y}_t$$
 کما یکن کتابة المعادلة (۷,۱) بشکل آخر ، فلو فرضنا أن :

$$e_t = y_t - \hat{y}_t$$

حيث ، عثل الفرق بين القيمة المقدرة والقيمة الحقيقية في الزمن 1 ، وبالتعويض في المعادلة (٧,٢) نحصل على:

$$\hat{y}_{t+1} = \hat{y}_t + \alpha e_t$$

نلاحظ أن المعادلة (٧,١) تكرارية بطبيعتها، أي أن الحل السابق يستعمل للحصول على الحل التالي، فلو عوضنا في المعادلة عن \hat{y}_{t+1} بدلالة \hat{y}_{t} ثم بدلالة وهكذا....

$$\begin{split} \hat{y}_{t+1} &= \alpha y_t + (1 - \alpha) \hat{y}_t \\ \\ \hat{y}_t &= \alpha y_{t-1} + (1 - \alpha) \hat{y}_{t-1} \\ \\ \hat{y}_{t-1} &= \alpha y_{t-2} + (1 - \alpha) \hat{y}_{t-2} \end{split}$$

لو عوضنا عن \hat{y}_i بقيمتها في المعادلة (٧,١) نحصل على المعادلة التي جاءت منها تسمية التمهيد الأسى وهي:

$$\hat{y}_{t+1} = 0.1 y_t + 0.09 y_{t-1} + 0.081 y_{t-2} + 0.073 y_{t-3} +$$

ومن أجل $\alpha = 0.5$ نحصل على:

 $\hat{y}_{t+1} = 0.5 y_t + 0.25 y_{t-1} + 0.125 y_{t-2} + 0.063 y_{t-3} +$

وبشكل عام:

(V,0)
$$y_{t+1} = \sum_{j=0}^{t-1} \alpha (1-\alpha)^j y_{t-j}$$

 $\omega_j = \alpha (1-\alpha)^j$: (وزن نوعي) حيث نعطي للمشاهدة y_{i-j} معامل تثقيل أو ترجيح وزن نوعي) عبد الميانات وبحيث تتحقق العلاقة:

$$\sum_{j} \omega_{j} = 1$$

ويتم تحديد قيمة معامل التمهيد α في التمهيد الأسي البسيط بطريقة تجريبية حيث نختار قيمة α التي تجعل مجموع مربع انحرافات الأخطاء في حده الأدنى:

$$Q(\alpha) = \sum_{t=1}^{n} (y_{t+1} - \hat{y}_{t+1})^2 = Min$$

ويتم حساب الكمية ($Q(\alpha)$ من أجل قيم مختلفة ل α مبتدئين بـ $\alpha=0.1$ ثم زيادتها بـ 0.1

وأخيرا نختار قيمة α التي تقابل أقل قيمة لـ $Q(\alpha)$. وعادة تكون القيمة المثلى لـ α بين 0.1 و 0.3.

أخطاء التنبؤ: لقد وجدنا في الفصل الخامس أن أكثر طريقتين لقياس أخطاء التنبؤ استخداما في مجال التمهيد الأسي هما: متوسط الانحرافات المطلقة الذي يعطى بالعلاقة:

$$(V,\Lambda) \qquad MAD = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^{n} / y_t - \hat{y}_t / y_t$$

ومتوسط الانحرافات الذي يعطى بالعلاقة:

(V, 4)
$$BIAS = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^{n} (y_t - \hat{y}_t)$$

. \hat{y}_i القيمة المقدرة في الزمن \hat{y}_i

t القيمة الحقيقية في الزمن y_t

طول السلسلة الزمنية.

ومع أن الطريقتين تبدوان متشابهتين في الشكل لكنهما تقيسان تأثيرات مختلفة ، لأن متوسط الانحرافات المطلقة يجمع القيمة المطلقة للأخطاء ، أي أن الأخطاء الموجبة والسالبة تجمع سويا ويتحدد بالتالي حجم الأخطاء مما يوحي بدقة نموذج التنبؤ . وبناء عليه قد نستنتج أن دقة التنبؤ هي بحدود ٩٠٪ وبالتالي فإن نسبة الخطأ هي بحدود ١٠٪ بالزيادة أو بالنقصان ، ولذلك لا بد أن نتهيأ للحالات التي تكون فيها القيمة الحقيقية أكبر أو أقل من القيمة المتوقعة بـ ١٠٪. في المقابل متوسط الانحرافات يدل على اتجاه التنبؤ ، هل هو منخفض جدا أو عال جدا ومقدار ذلك بالزيادة أو بالنقصان . أي أن متوسط الانحرافات المطلقة يشير إلى متوسط قيمة الخطأ بينما يشير متوسط الانحرافات إلى اتجاه الخطأ .

مثال (٣): لنفرض أننا استخدمنا طريقتين للتنبؤ ثم اختبرنا جودتهما بمقارنتهما بالمعلومات المتوفرة عن أربعة أشهر وكانت النتائج كما هو موضح بالجدول التالي:

الجدول رقم (٧,٢). القيم الحقيقية والقيم المتوقعة وفق طريقتين للتنبؤ.

117	١٠٦	1.٧	1.7	القيم المقدرة بالطريقة الأولى /
11.	۱۰۷	1.0	١٠٤	القيم المقدرة بالطريقة الثانية
111	١٠٦	1.7	١٠٣	القيم الحقيقية

المصدر: فرضى،

ولحساب متوسط الانحرافات المطلقة ومتوسط الانحرافات نعد الجدول المساعد التالى:

الثانية	الطريقة	الأولى	الطريقة	نتائج	نتائج	القيم
$ly_t - \hat{y}_t l$	$y_t - \hat{y}_t$	$ly_t - \hat{y}_t l$	$y_t - \hat{y}_t$	الطريقة الثانية	الطريقة الأولى	الحقيقية
١	١	١	١	١٠٤	١٠٢	1.4
١	١	١	١-	١٠٥	1.7	١٠٦
١	1-		*	1.4	١٠٦	١٠٦
١	١	۲	۲-	11.	115	111
٤	•	٤	۲	_	_	

الجدول رقم (٧,٣). الجدول المساعد لحساب متوسط الانحرافات المطلقة ومتوسط الانحرافات للمثال (٢).

نلاحظ أن متوسط الانحرافات المطلقة للطريقة الأولى يساوي 1 بينما متوسط الانحرافات يساوي 2.0-، ومتوسط الانحرافات المطلقة للطريقة الثانية يساوي 1 بينما متوسط الانحرافات يساوي صفر. إذا الطريقة الثانية هي أفضل من الطريقة الأولى.

قد يحدث أن تكون قيمة متوسط الانحرافات المطلقة أصغر من قيمة متوسط الانحرافات في الطريقة الأولى وأكبر في الطريقة الثانية أو بالعكس. في مثل هذه الحالات نأخذ بعين الاعتبار الظاهرة المدروسة والظروف المحيطة بها، وبناء على هذه الظروف نقرر فيما إذا كانت طريقة الانحرافات المطلقة أو طريقة الانحرافات هي المقياس الأهم.

يستعمل متوسط الانحرافات المطلقة أحيانا كمؤشر تتبع (يتبع أثر التغير) في بعض النماذج التي تستخدم طريقة التنبؤ المتغير (من مرحلة إلى أخرى)، وفي هذا النوع من التنبؤ يتم فيه تغيير قيمة معامل التمهيد باستمرار بالزيادة أو بالنقصان حسب مؤشر التتبع إذا كان كبيرا أو صغيرا.

مثال (٣): لنحسب متوسط الانحرافات المطلقة ومتوسط الانحرافات للمثال $\alpha = 0.3$ و $\alpha = 0.1$ من أجل: $\alpha = 0.3$

يمكن اختيار القيمة المتوقعة الأولى بعدة طرق منها اعتبارها تساوي القيمة الحقيقية الأولى، وبتطبيق المعادلة (٧,١) نحصل على:

$$\hat{y}_2 = \alpha y_1 + (1-\alpha)\hat{y}_1 = 0.1(3.5) + 0.9(3.5) = 3.5$$
 $\hat{y}_3 = 0.1(8) + 0.9(3.5) = 3.95$: $\hat{y}_3 = 0.1(8) + 0.9(3.5) = 3.95$

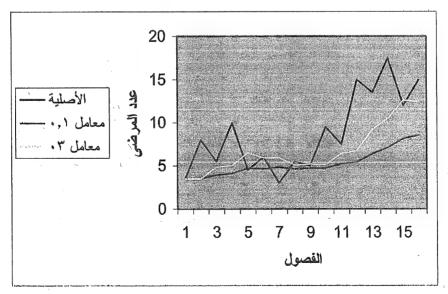
الجدول رقم (٧,٤). الجدول المساعد لحساب متوسط الانحرافات المطلقة والعادية للمثال (٣).

mad	mad	bias	bias	\hat{y}_t	ŷt		(1,74)	
$\alpha = 0.3$	$\alpha = 0.1$	$\alpha = 0.3$	$\alpha = 0.1$	$\alpha = 0.3$	$\alpha = 0.1$	y_t	الفصول	السنوات
,		b.	•	٣,٥	٣,٥	٣,٥	١	1998
٤,٥	٤,٥	٤,٥	٤,٥	٣,٥	٣,٥	٨	۲	
٠,٦٥	١,٥٥	۰,٦٥	1,50	٤,٨٥	٣,٩٥	0,0	٣	
٤,٩٥	٥,٨٩	٤,٩٥	٥,٨٩	0, 0	٤,١١	10	٤	
۲,۰۳	•,19	۲,۰۳	۰,۱۹–	٦,٥٣	٤,٦٩	٤,٥	١	1990
۰,۰۸	١,٣٢	٠,٠٨	١,٣٢	0,97	٤,٦٥	۲	۲	
۲,۹٥	١,٨١	۲,90-	1,41-	٥,٩٥	٤,٨١	٣	٣	
٠,٤٤	٠٨٧	٠,٤٤	* ۸٧	0,•7	٤,٦٣	0,0	٤	
٠,١٩	٠,٢٩	٠,١٩-	۰,۲۹	٥,١٩	٤,٧١	٥	١	1997
٤,٣٦	٤,٧٦	٤, ٣ፕ	٤,٧٦	0,12	٤,٧٤	۹,٥	۲	
1,+7	۲,۲۸	١,٠٦	۲,۲۸۰	٦,٤٤	0,77	٧,٥	٣	
۸, ۲٤	۹,٥٥	۸,۲٤	٩,٥٥	٦,٧٦	0,80	10	٤	
٤,٢٧	٧,١	٤,٢٧	٧,١	۹,۲۳	٦,٤٠	14,0	١	1997
ा,९९	10,89	٦,٩٩	10,89	10,01	٧,١١	۱۷,٥	۲	
٠,٦١	٣,٨٥	٠,٦١-	٣,٨٥	17,71	۸,۱٥	۱۲	٣	
٧,٥٧	11,27	٧,٥٧	11,27	۱۲,٤٣	۸,٥٤	۲.	٤	
۱۰۸,٦٧	۸٤,۱۸	۳۷,۳۳	٦١,٨٢	_	-		_	Σ
mad = 6.79	mad = 5.26	bias = 2.33	bias=3.86	_	_	_	-	

نلاحظ أن قيمة الخطأ كبيرة وفق مقياس متوسط الانحرافات المطلقة في الحالتين $\alpha=0.3$ و $\alpha=0.3$ و إن كانت أفضل قليلا في الحالة الأولى ($\alpha=0.1$)، ونفس الملاحظة بالنسبة لمقياس متوسط الانحرافات لكن الحالة الثانية أفضل من الأولى ($\alpha=0.3$). وتبدو هذه النتيجة طبيعية وذلك لأن نموذج التمهيد الأسي المستخدم بسيط جدا ولا يأخذ في الاعتبار التغيرات الموسمية وقيمة الاتجاه العام التي يجب أن تؤخذ بعين الاعتبار عند تحليل السلاسل الزمنية الموسمية. علما أن بعض نماذج التمهيد الأسي الأكثر تطورا مثل التمهيد الأسي المضاعف والثلاثي تعالج مثل هذه الحالة.

القيمة الموجبة لمقياس متوسط الانحرافات تدل على أن أغلب الأخطاء هي موجبة، أي أن التنبؤ متشائم (القيم المقدرة أقل من القيم الحقيقية). بينما تشير القيم السالبة لهذا المقياس إلى أن أغلب الأخطاء هي سالبة، أي أن التنبؤ متفائل (القيم المقدرة أكبر من القيم الحقيقية).

نلاحظ في الشكل التالي أيضا أن كلا النموذجين يعطيان قيم مقدرة أقل من القيم الحقيقية لأغلب الفصول.



الشكل رقم (٧,٢). السلسلة الأصلية والسلسلتين المقدرتين للمثال (٣).

بشكل عام إذا وجدنا أن قيمة α التي تعطي أفضل النتائج هي أكبر من 0.3 فربما من الأفضل أن لا تستخدم طريقة التمهيد الأسي البسيط وإنما تستخدم طرائق أخرى أكثر تطورا في التنبؤ.

مثال (2): لنفرض أن المبيعات الشهرية لأحد المحلات التجارية من مادة الصابون في الأشهر الستة عشر الماضية كانت على النحو المبين في الجدول رقم (٧,٥) والمطلوب: استخدام طريقة التمهيد الأسبي البسيط في تمهيد (تقدير) السلسلة المثلة لمبيعات الصابون إذا كانت $\alpha = 0.3$ في الحالات التالية:

١ - باستخدام الطريقة اليدوية.

٢- باستخدام برنامج SPSS بحيث أن القيمة الابتدائية يتم اختيارها بشكل آلي
 من قبل البرنامج.

- ٣- باستخدام برنامج SPSS بحيث يتم تحديد القيمة الابتدائية من قبل المستخدم.

الجدول رقم (٧,٥). المبيعات الشهرية الأحد الحلات التجارية.

		(/ //-3-3
السلسلة الأصلية	الأشهر	السنة
1797	1	۱۹۹۷م
17.9	۲	,
17.0	٣	
١٢٧٣	٤	
١٣٢٠	٥	
179.	٦	
1754	٧	
17+٣ .	Α.	
179.	٩	
. 147.	10	
1404	11	
17787	17	-

تابع الجدول رقم (٧,٥).

السلسلة الأصلية	الأشهر	السنة
3571	١	۱۹۹۸م
144.	۲	
1777	٣	-
١٣٣٢	٤	

المصدر: فرضى.

الحالة الأولى: الطريقة اليدوية: ذكرنا سابقا، أن القيمة المقدرة الأولى يمكن اختيارها بعدة طرائق من بين حلول طريقة المربعات الصغرى المرجحة أو المثقلة، من هذه الحلول الوسط الحسابي للقيمتين الأوليتين في السلسلة:

$$\hat{y}_1 = \frac{1293 + 1209}{2} = 1251$$

بعد ذلك نطبق المعادلة (٧,١) على الشكل التالي:

$$t=1\Rightarrow \hat{y}_2=\alpha y_1+(1-\alpha)\hat{y}_1=0.3(1293)+0.7(1251)\approx 1264$$
 $t=2\Rightarrow \hat{y}_3=0.3(1209)+0.7(1264)\approx 1247$: إذا تابعنا الخطوات بنفس الأسلوب نحصل على الجدول التالي

الجدول رقم (٧,٦). المبيعات الشهرية لأحد المحلات التجارية والقيم المقدرة لها.

السلسلة المقدرة (المهدة)	السلسلة الأصلية	الأشهر	السنة
1701	1797	1	۱۹۹۷م
3771	17.9	. Y	
V371.7	17.0	٣	
1770	۱۲۷۳	٤	
7371	177.	٥	1

تابع الجدول رقم (٧,٦).

السلسلة المقدرة (المهدة)	السلسلة الأصلية	الأشهر	السنة
1747	179.	٦	۱۹۹۷م
1708	١٢٤٣	٧	
1701	١٢٠٣	٨	
١٣٣٦	179.	٩	
١٢٨٢	۱۳٦٠	١.	
١٣٠٦	1808	11	
177.	1888	١٢	
1888	١٣٦٤	١	۱۹۹۸م
١٣٣٨	144.	۲	
1887	١٣٧٧	٣	·
١٣٤٨	1444	٤	
١٣٤٣		٥	
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	

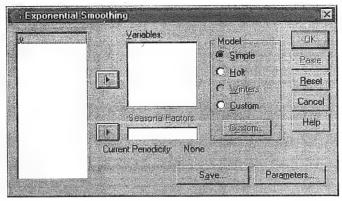
ومجوع مربعات الخطأ يساوي ٢٩٧١٠.

الحالة الثانية: باستخدام برنامج SPSS بحيث أن القيمة الابتدائية يتم اختيارها بشكل آلي من قبل البرنامج.

لتنفيذ المثال السابق على برنامج SPSS نتبع الخطوات التالية:

١- نشغل البرنامج وندخل بيانات الجدول رقم (٧,٥)، كما مر معنا سابقا.

7- نفتح قائمة التطبيقات الإحصائية Statistics ونختار منها السلاسل الزمنية Time series ثم تمهيد أسي Exponential Smoothing، فتظهر نافذة الحوار التالية:



الشكل رقم (٧,٣). نافذة الحوار الخاصة بنماذج التمهيد الأسي.

نلاحظ من هذه النافذة أن هناك أربعة نماذج للتمهيد الأسي: بسيط Simple ، وهو الخيار الفرضي، ونموذج المحال الخطي ونموج Winters ونموذج مخصص Custom يتم اختياره من قبل المستخدم.

٣- ننقل المتغير y الذي يمثل قيم السلسلة الزمنية الأصلية إلى قائمة المتغيرات .Variables

٤ - نفتح تبويب المعالم Parameters ، فتظهر نافذة الحوار التالية:

rend. None Jeasonal Component. I	Vone	Continu
General (Alpha) © Value: 기	Trend (Gannia).	Cancel Help
Grid Search Start: Stop; Bu	C Grid Search Staff: Stop: 999	Top
Seasonal (Della) Value: 1 Cliqui Search; Start Stop. Bg.	Tirend Mod (Fhi) F Value: [1 C Grid Search. Stati. 9ttp. 8y. [1 [9 [2]	Initial Values Automatic Custom Starting Trend

الشكل رقم (٧,٤). نافذة الحوار الخاصة بتحديد قيمة معامل التمهيد والقيمة الابتدائية.

۰, ۱ الفرضية تساوِي إلى ۰,۱ التمهيد General Alpha الفرضية تساوِي إلى ۱,۱ القوم بتغيرها إلى ۱,۳ ثم نختار استمرار Continue من نفس النافذة فنعود إلى النافذة السابقة.

٦- نضغط على مفتاح الإدخال فنحصل على النتائج التالية:

الجدول رقم (٧,٧). نتائج تمهيد سلسلة المثال (٤)، الحالة الثانية. 📺 323-6-2 - SPSS Data Editor File Edit View Data Transform Statistics Graphs Utilities Window Help 1:y 1293 fit 1 err_1 Var var var 1293.00 1299.06250 -6.06250 1209.00 1297.24375 -88.24375 1205.00 1270,77063 -65.77063 1273.00 1251.03944 21.96056 1257,62761 1220.00 -37.62761 6 1290.00 1246.33932 43.66068 1243.00 1259.43753 -16.43753 8 1203.00 1254.50627 -51.50627 1239.05439 150.94561 1390.00 10 1360.00 1284.33807 75.66193

E CO

[SPSS Processor is ready المنافعة المحقادة : المنافعة ا

- الأول عثل السلسلة الأصلية.

- الثاني يمثل السلسلة المهدة fit-1.
- الثالث يمثل سلسلة الفروق بين السلسلة الأصلية والسلسلة المهدة err-1. كما أن مجموع مربعات الخطأ يساوي ٥٣٣٤٨.

الحالة الثالثة: إذا كانت القيمة الابتدائية يتم تحديدها من قبل المستخدم.

نتبع نفس خطوات الحالة الثانية، لكننا نقوم بتحديد القيم الأولية Custom بعد تحديد قيمة معامل التمهيد مباشرة، حيث نختار مخصص Custom بدلا من آلي Automatic، فتنشط خليتيان: الأولى تتضمن القيمة الابتدائية Starting نكتب فيها قيمة الوسط الحسابي للقيمتين الأوليتين في السلسلة الأصلية، والثانية تتضمن الاتجاه العام Trend نكتب فيها قيمة الوسط الحسابي للسلسلة الأصلية، فنحصل على الشكل التالي:

rend: None Seasonal Component: N	one	Continue
- General (Alpha)	⊤Trend (Gammá)	Cancel
© <u>V</u> alue: 0.3	© Walue 1	Help
O Grid Search:	C Grid Search	
Start Scope By	Start: Stop: By:	
		The state of the s
	i — Trend Mod. (Phi)	Initial Values
© Value [1-1-	Ø Value: 1	C Auto <u>m</u> atic
A control of the cont	The second secon	© Custom
C Brid Search	C Grid Search	Starting: 1251
Start: Stop: By:	Start: Stop: By:	Trend: 1299
<u> </u>		Le de la companya de

الشكل رقم (٧,٥). نافذة تحديد القيمة الابتدائية في التمهيد الأسى البسيط.

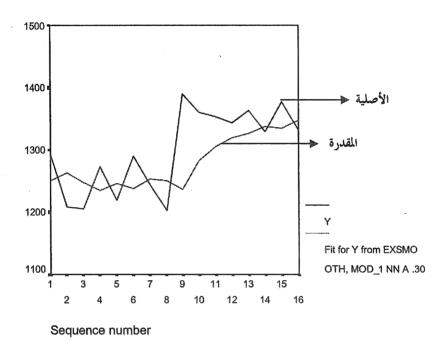
نتابع باقي الخطوات فنحصل على النتائج التالية:

The second second second	-2 - SPSS Dat	Market Mind and Autor of Contract of Contr	Graphs Utilities W	ofen Hala		i Stronger	ĺō
:у	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1293			,		
	y-	**************************************	en_1	1.34070	1680	war	
1	1293.00	1251.00000	42.00000				
2	1209.00	1263.60000	-54.60000				
3	1205.00	1247.22000	-42.22000				
4	1273.00	1234.55400	38.44600				
5	1220.00	1246.08780	-26.08780				
6	1290.00	1238.26146	51.73854				
7	1243.00	1253.78302	-10.78302				
8	1203.00	1250.54812	-47.54812				
9	1390.00	1236.28368	153.71632				Г
10	1360.00	1282,39858	77.60142				T
			•				<u> </u>

ومجموع مربعات الخطأ يساوي ٩٥٨٣.

وبمقارنة مجموع مربعات الخطأ في الحالات الثلاث نلاحظ أن نتائج الحالة الثالثة أفضل من باقي النتائج، وهي نفس الطريقة اليدوية لكن نتائجها أكثر دقة لذلك يفضل استخدامها في التطبيقات.

وبتمثيل السلسلتين الأصلية والممهدة وفق الحالة الثالثة باستخدام برنامج SPSS تخصل على الشكل التالي:



الشكل رقم (٧,٦). السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة للمثال (٤).

نلاحظ أن السلسلة المهدة أقل تقلبا من السلسلة الأصلية، كما أن قيمها بالمتوسط أقل من قيم السلسلة الأصلية.

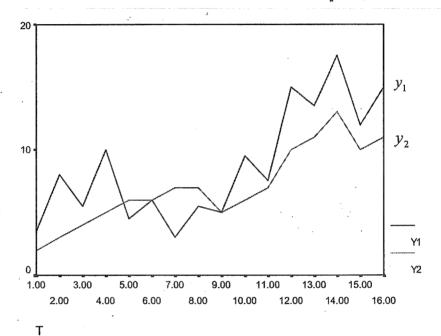
بعد الحصول على السلسلة المهدة يمكن استخدامها في التنبؤ باستخدام نموذج الانحدار الخطي البسيط، أو نعتبرها هي القيم المتنبأ بها كما مر معنا في المثالين ٣ و٤، مثلا يمكن تقدير مبيعات الصابون في شهر أيار (مايو) من عام ١٩٩٨م اعتمادا على المبيعات الفعلية على الشكل التالي:

$$\hat{y}_{17} = \alpha y_{16} + (1-\alpha)\hat{y}_{16} = 0.3(1332) + 0.7(1348) = 1343$$

أما بالنسبة لبقية الأشهر فيمكن اعتبار القيمة المقدرة السابقة هي القيمة الحقيقية على النحو التالى:

 $\hat{y}_{18} = \alpha \hat{y}_{17} + (1-\alpha)\hat{y}_{16} = 0.3(1343) + 0.7(1348) = 1347$ وهكذا بالنسبة لنقبة الأشهر.

بشكل عام نحتار قيمة صغيرة ل α عندما تكون البيانات شديدة التقلب، بينما نستعمل قيمة أكبر ل α عندما تكون البيانات شبه مستقرة أو أن تغيراتها غير شديدة كما يظهر من الشكل التالى:



الشكل رقم (٧,٧). اختيار قيمة α حسب تغيرات السلسلة الزمنية.

 α نلاحظ أن السلسلة y_1 ذات تقلبات شديدة لذلك نستخدم قيمة صغيرة ل y_1 بينما نستخدم قيمة كبيرة ل α في السلسلة y_2 لأن تقلباتها أقل شدة من السلسلة والمثالين التاليين يوضحان هذه الفكرة.

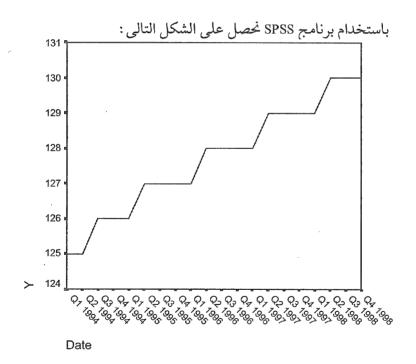
مثال (٥): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل المبيعات الفصلية لمخابز الريان في مدينة الرياض من الخبز بالطن خلال الفترة ١٩٩٤-١٩٩٨م، والمطلوب رسم

lpha=0.3 و lpha=0.1 على عاملي تمهيد السلسلة المثلة لمبيعات الخبز آليا باستخدام معاملي تمهيد: lpha=0.3 و lpha=0.3 ثم المقارنة بين النتائج في الحالتين.

الجدول رقم (٧,٩). مبيعات مخابز الويان الفصلية من الخبز بالطن خلال الفترة ١٩٩٤-١٩٩٨م.

القصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثايي	الفصل الأول	السنوات
١٢٦	771	170	170	١٩٩٤م
177	177	١٢٧	177	1990م
۱۲۸	. 171	177	١٢٧	١٩٩٣م
179	179	179	۱۲۸	۱۹۹۷م
١٣٠	١٣٠	۱۳.	179	۱۹۹۸م

المصدر: فرضى.



الشكل رقم (٧,٨). شكل انتشار سلسلة المثال (٥).

نلاحظ من شكل الانتشار أن السلسلة تزداد بمعدل ثابت ولا تحتوي على تقلبات كبيرة.

لنعتبر أن القيمة الابتدائية تساوي إلى متوسط القيمتين الأوليتين ١٢٥ وأن الاتجاه العام يساوي المتوسط الحسابي للسلسلة ويساوي ١٢٧,٧، وبتطبيق طريقة التمهيد الأسي البسيط من أجل $\alpha=0.1$ و $\alpha=0.3$ حصلنا على الجدول التالي:

الجدول رقم (٧,١٠). السلسلة الأصلية والسلسلتين المهدتين للمثال (٥).

•()	U. O. O	2
$\alpha = 0.3$	$\alpha = 0.1$	السلسلة الأصلية
۱۲٥,٠	170,.	١٢٥
۱۲٥,٠	۱۲٥,٠	170
170,.	۱۲٥,٠	١٢٦
۱۲۰,۳	170,1	١٢٦
170,0	170,7	771
140,4	١٢٥,٣	١٢٧
177,1	١٢٥,٤	١٢٧
۱۲٦,٣	١٢٥,٦	177 -
177,0	170,7	١٢٧
177,7	170,9	١٢٨
۱۲۷,۱	177,1	١٢٨
۱۲۷, ٤	177,7	١٢٨
۱۲۷,٦	- ۱۲٦, ٤	١٢٨
۱۲۷,۷	7,771	١٢٩
۱۲۸,۱	۱۲٦٫۸	144
۱۲۸, ٤	177,1	١٢٩
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	

تابع الجدول رقم (٧,١٠).

$\alpha = 0.3$	$\alpha = 0.1$	السلسلة الأصلية
۱۲۸,٦	۱۲۷,۳	١٢٩
174,7	۱۲۷, ٤	١٣٠
179,1	177,7	۱۳۰
۱۲۹,٤	177,9	14.
18,89908	٥٨,٧٠٤٤٥	مجموع مربعات الخطأ

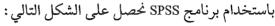
نلاحظ من هذا الجدول أن مجموع مربعات الخطأ في حالة $\alpha=0.1$ يساوي تقريبا أربعة أضعاف مجموع مربعات الخطأ في حالة $\alpha=0.3$ ، لذلك يفضل استخدام قيمة كبيرة لمعامل التمهيد إذا كانت السلسلة تتزايد (أو تتناقص) بمعدل ثابت ولا تحتوي على تقلبات كبيرة.

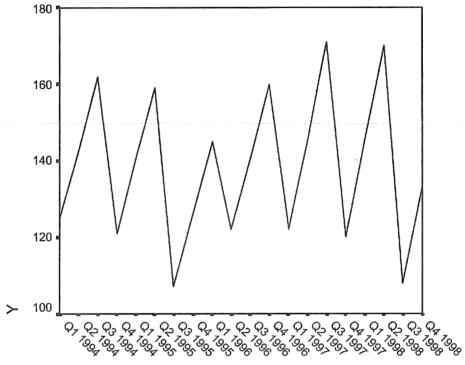
مثال (٦): لنفرض أن الجدول التالي يمثل المبيعات الفصلية لمخابز الريان في مدينة الرياض من المعجنات والحلويات ما عدا الخبز بالطن خلال الفترة ١٩٩٤ م مدينة الرياض من المعجنات والحلويات آليا ممثلة الممثلة لمبيعات المعجنات والحلويات آليا باستخدام معاملي تمهيد: $\alpha = 0.3$ و $\alpha = 0.3$ ثم المقارنة بين النتائج في الحالتين.

الجدول رقم (٧,١١). مبيعات مخابز الريان الفصلية من المعجنات والحلويـــات بـــالطن خــــلال الفتــــرة ١٩٩٤ - ١٩٩٨م.

الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثايي	الفصل الأول	السنوات
171	177	١٤٣	170	١٩٩٤م
١٢٦	١.٧	109	١٤٠	٥٩٩١م
17.	.1 £ 1	177	120	۱۹۹۲م
17.	۱۷۱	1 2 7	١٢٢	۱۹۹۷م
١٣٣	١٠٨	١٧٠	120	۱۹۹۸م

المصدر: فرضي.





Date

الشكل رقم (٧,٩). شكل انتشار سلسلة المثال (٦).

نلاحظ من هذا الشكل أن هناك اتجاه عام متناقص ولكن توجد تقلبات شديدة في السلسلة.

لنعتبرأن القيمة الابتدائية تساوي إلى متوسط القيمتين الأوليتين ١٣٤ وأن الاتجاه العام يساوي المتوسط الحسابي للسلسلة ويساوي ١٣٨,٣ ، وبتطبيق طريقة التمهيد الأسي البسيط من أجل $\alpha=0.1$ و $\alpha=0.3$ حصلنا على الجدول التالي:

الجدول رقم (٧,١٢). السلسلة الأصلية والسلسلتين المهدتين للمثال (٥).

$\alpha = 0.3$	$\alpha = 0.1$	السلسلة الأصلية
188,•	۱۳٤,٠	170
181,8	144,1	154
۱۳٤,۸	١٣٤,١	771
184, *	147,9	171
۱۳٦,٤	140,4	18.
۱۳۷,٥	۱۳٥,٨	109
184,9	۱۳۸,۱	1 • ∨
۱۳۲,۸	۱۳٥,٠	١٢٦
۱۳۰,۸	١٣٤,١	180
180,1	140,4	۱۲۲
171,1	١٣٣,٩	181
١٣٤,١	١٣٤,٦	١٦٠
1 £ 1 , 9	147,1	۱۲۲
180,9	۱۳٥,٦	١٤٦
۱۳۸,۹	١٣٦,٦	171
۱٤٨,٦	180,1	17.
12.,.	۱۳۸,۱	180
181,0	۱۳۸,۸	\V*
10.,.	181,9	١٠٨
۱۳۷, ٤	١٣٨,٥	177
9847,77718	V977,7£7£V	مجموع مربعات الخطأ

نلاحظ من هذا الجدول أن مجموع مربعات الخطأ في حالة $\alpha=0.1$ أقل من مجموع مربعات الخطأ في حالة $\alpha=0.3$ ، لذلك يفضل استخدام قيمة صغيرة لمعامل التمهيد إذا كانت السلسلة تحتوي على تقلبات كبيرة.

التمهيد الأسي البسيط باستخدام معامل تمهيد متغير

لقد اعتبرنا فيما سبق، أن معامل التمهيد الأسي α يتم تحديده بشكل تجريبي، حيث نختار قيمة α التي تجعل مجموع مربعات الانحرافات أقل ما يمكن. هناك طريقة أخرى تستخدم معامل تمهيد متغير تسمى ARRSES وهي اختصار لـ Rate Simple Exponential Smoothing

تهدف هذه الطريقة إلى تغيير قيمة α بشكل يتناسب ونمط بيانات السلسلة الأصلية. وتبدو هذه الطريقة مغرية ، خصوصا إذا كان عدد قيم السلسلة يتجاوز المئات أو الآلاف.

المعادلة الأساسية لهذه الطريقة هي نفس معادلة التمهيد الأسي البسيط باستثناء α التي يتم استبدالها بـ α كما يتضح من العلاقة التالية :

$$\hat{y}_{t+1} = \alpha_t y_t + (1 - \alpha_t) \hat{y}_t$$

أما قيم معامل التمهيد المتغير فيتم حسابها من العلاقات التالية:

$$\alpha_{t+1} = \left| \frac{A_t}{M_t} \right|$$

$$A_t = \beta E_t + (1 - \beta) A_{t-1}$$

$$M_t = \beta |E_t| + (1 - \beta)M_{t-1}$$

$$E_t = y_t - \hat{y}_t - \hat{y}_t$$

$$0 < \beta < 1$$

 α إن هذه الطريقة لا تختلف عن طريقة التمهيد الأسي البسيط سوى أن قيمة تتغير بشكل آلي من مرحلة إلى أخرى بشكل يتوافق والتغير في نمط البيانات، حيث تحتاج α إلى فترة أو فترتين أو ربما ثلاث فترات لتتوافق والتغير في نمط البيانات.

تعتبر هذه الطريقة مفيدة في التطبيق العملي عندما تكون قيم السلسلة كبيرة وعندما لا تحتوي السلسلة المدروسة على تغيرات موسمية ولا اتجاه عام.

ولاستخدام هذه الطريقة ينبغي تحديد كل من: $\hat{y}_2, \alpha_2, \beta, M_1, A_1$. ويمكن تحديد هذه القيم على الشكل التالى:

$$\hat{y}_2 = y_1$$
 (

$$A_1 = M_1 = 0$$

ج) $\alpha_2 = \alpha_3 = \alpha_4 = \beta = 0$ ج. وبمجرد حساب التنبؤ في الفترة $\alpha_2 = \alpha_3 = \alpha_4 = \beta = 0$ قيمة α_1 واستخدامها في حساب التنبؤ في الفترة اللاحقة.

التمهيد الأسي المضاعف (نموذج براون الخطي) (V, T) (DES) Double Exponential Smoothing

إن طريقة التمهيد الأسي البسيط تؤدي إلى تمهيد السلسلة الأصلية ، لكن السلسلة الممهدة تقع تحت السلسلة الأصلية (كما لاحظنا في المثالين ٣ و٤) ، وبالتالي يؤدي ذلك إلى تقديرات متشائمة (دون المتوسط) ، لذلك نلجأ إلى طريقة التمهيد الأسي المضاعف أو الثنائي.

إن طريقة التمهيد الأسي المضاعف هي تعميم لطريقة التمهيد الأسي البسيط إذا كان الاتجاه العام خطيا. حيث نمهد البيانات الأصلية حسب الاتجاه العام ثم نمهد البيانات التي حصلنا عليها في المرحلة الأولى. ويمكن التعبير عن هذه الطريقة بالعلاقات التالية:

$$\begin{aligned} s_t' &= \alpha y_t + (1 - \alpha) s_{t-1}' \\ s_t'' &= \alpha s_t' + (1 - \alpha) s_{t-1}'' \\ a_t &= s_t' + (s_t' - s_t'') = 2 s_t' - s_t'' \\ b_t &= \frac{\alpha}{1 - \alpha} (s_t' - s_t'') \\ (\forall, \forall, \forall) \end{aligned}$$

واستخدام التمهيد الأسي المضاعف عمر بنفس مراحل التمهيد الأسي البسيط، حيث يجب تحديد قيمة α أولا، ثم تحديد القيمة الأولية (القيمة المتوقعة الأولى)، ويمكن اعتبارها تساوى القيمة الأولى في السلسلة:

$$s_0' = s_0'' = y_0$$

مثال (٧): الجدول التالي يمثل مبيعات أحد محلات التسوق الكبرى الفصلية، والمطلوب: استخدام طريقة التمهيد الأسي البسيط والتمهيد الأسي المضاعف في تمهيد السلسلة الزمنية الممثلة لهذه المبيعات.

الجدول رقم (٧,١٣). المبيعات الفصلية لأحد محلات التسوق بآلاف الريالات.

الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثاني	الفصل الأول	السنوات
٩٣٧٨	۹۳۸۰	9 * 0 *	_	۱۹۹۰م
1.579	1.17.	10100	97/	۱۹۹۱م
11.17	١١٠٥٨	1.91.	1.444	۱۹۹۲م
١٠٨٤٥	11170	11.72	١٠٨٦٩	۱۹۹۳م
1.490	11272	11110	111.4	١٩٩٤م
112.1	· 117741	11808	11877	١٩٩٥م
	11071	11207	110.4	۱۹۹۳م

المصدر: فرضى.

$$\begin{split} s_0' &= s_0'' = y_0 = 9050 \ \text{0} \ \text{0} \ \alpha = 0.3 \ \text{0} \ \text{$0$$

وباستخدام برنامج SPSS نتبع الخطوات التالية:

۱ - ندخل بيانات الجدول في عمود نسميه y.

٢- نفتح قائمة التطبيقات الإحصائية ونختار منها السلاسل الزمنية ثم تمهيد
 سي.

٣- نختار من نافذة نماذج التمهيد الأسى Holt (الشكل رقم ٧,٣).

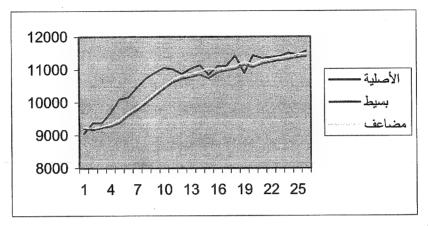
ع – نفتح تبویب المعالم و نحدد قیمة $\alpha=0.3$ و $\alpha=0.3$ ، ثم نختار من نفس النافذة خصص و نحدد القیمة الابتدائیة بـ ۹۲۱۸ و الاتجاه العام بـ ۳۰ (الشكل رقم ۷,۶).

o- نختار استمرار ثم ok فنحصل على نتائج التمهيد المضاعف كما يظهر من الجدول التالى:

الجدول رقم (٧,١٤). السلسلة الأصلية والسلسلتان المقدرتان وفق التمهيد الأسي البسيط والمضاعف للمثال (٧).

بع	صل الرا	الف	ث	صل الثال	الف	ين	صل الثا	الف	الفصل الأول			السن
مضاعف	بسيط	أصلية	مضاعف	بسيط	أصلية	مضاعف	بسيط	أصلية	مضاعف	بسيط	أصلية	السنوات
9797	9777	۹۳۷۸	9719	9 ነ ገ አ	۹۳۸۰	9781	9714	9.0.	_			199.
4ለ٦٥	۹۷۷۳/	1.879	9797	۸۰۲۶	1 • 1 7 •	9840	9897	1.1	9801	9770	٩٦٨٠	1991
١١٣٥٤	11711	11.17	11174	1.819	١١٠٥٨	1.971	1.7.9	1.91.	۱۰۷۸٤	997	١٠٧٣٨	1997
11077	١٠٧٣٧	١٠٨٤٥	11010	1.404	11170	1189.	١٠٧٧٣	11.48	11877	1.044	1.74	1997
11777	11177	١٠٨٩٥	11117	11.14	11878	11.79	1.979	11110	119	1 • 9 • 9	11144	1998
۱۱۳۷٤	۱۱۲۷٤	118.1	11479	11779	11771	11777	11177	11707	37111	11.78	11847	1990
_	-	-	11890	11790	11071	11871	١١٣٧١	11807	11817	11777	110.4	۱۹۹٦

الشكل التالي يمثل السلسلة الأصلية والسلسلتان المقدرتان وفق التمهيد الأسي البسيط والمضاعف للمثال السابق:



الشكل رقم (٧,١٠). السلسلة الأصلية والسلسلتين المقدرتين وفق التمهيد الأسي البسيط والمضاعف للمثال (٧).

نلاحظ من الشكل أن التمهيد الأسي البسيط متشائم (القيم المقدرة أقل من الحقيقية بالمتوسط)، بينما التمهيد الأسي المضاعف متفائل (القيم المقدرة أكبر من الحقيقة بالمتوسط).

التمهيد الأسي المضاعف (غوذج هولت الخطي) (V, ξ) Linear Holt's Model

لا يختلف نموذج هولت الخطي عن نموذج براون الخطي سوى في معامل التمهيد، حيث يتضمن نموذج هولت معاملي تمهيد بدلا من معامل واحد في نموذج براون.

يعطى نموذج هولت الخطى بالعلاقات التالية:

$$\begin{aligned} s_t &= \alpha y_t + (1-\alpha)(s_{t-1} - b_{t-1}) \\ b_t &= \gamma(s_t - s_{t-1}) + (1-\gamma)b_{t-1} \\ (\forall, \forall, \forall) \end{aligned}$$

ولاستخدام هذا النموذج يجب تحديد قيمة كل من:

أ) α و ۲.

 $.b_0$ و s_0 (ب

لنطبق هذه الطريقة على المثال رقم (٧):

. $\gamma = 0.3$ و $\alpha = 0.2$

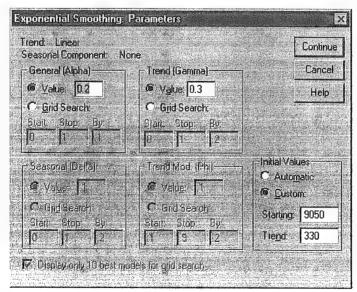
(اختيار α و γ تجريبي بحيث يحققان أقل انحرافات ممكنة ، لكن هذه الطريقة طويلة جداحتى لو استخدمت البرامج الإحصائية الجاهزة ، لذلك يتم اختيارهما بشكل كيفي في أغلب الأحيان).

 $. s_0 = y_0 = 9050$: نعتبر أن

 $b_0 = y_1 - y_0 = 9380 = 9050 = 330$: نعتبر أن

. $t = 0 \Rightarrow \hat{y}_1 = s_0 + b_0 = 9050 + 330 = 9380$ (د

وباستخدام برنامج SPSS نتبع نفس الخطوات المتبعة في الفقرة السابقة باستثناء قيمة معاملي التمهيد والقيمة الابتدائية والاتجاه العام، حيث نحددهما كما هو موضح بالشكل التالى:



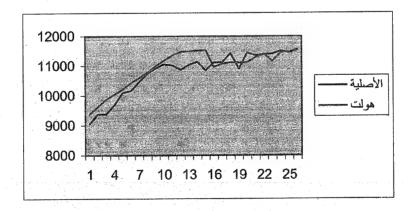
الشكل رقم (٧,١١). نافذة تحديد معاملات التمهيد والقيمة الابتدائية والاتجاه العام في نموذج هولت الخطي.

وبمتابعة نفس خطوات الفقرة السابقة نحصل على الجدول التالى:

للمثال (٧).	وذج هولت الخطي	المقدرة وفق لخ	أصلية والسلسلة	السلسلة الأ	الجدول رقم (٧,١٥).
-------------	----------------	----------------	----------------	-------------	--------------------

الرابع	الفصل	الثالث	الفصل	, الثاني	الفصل	الأول	الفصل	السنوات
هولت	أصلية	هولت	أصلية	هولت	أصلية	هولت	أصلية	
٩٨٧١	۹۳۷۸	9778	۹ ۳۸•	٩٣٨٠	9 . 0 .			199.
1.090	1 • £ 7 9	1.577	1.17.	1.711	1.1	١٠٠٣٨	977.	1991
11708	11.17	11174	11.04	١٠٩٨٦	1 • 9 1 •	۱۰۷۸٤	١٠٧٣٨	1997
11047	١٠٨٤٥	11010	11170	1189.	١١٠٣٤	11277	١٠٨٦٩	1998
11790	1.490	.11777	11272	11811	11110	11227	111.4	1998
11778	118.1	11714	11771	1171.	11707	11777	11877	1990
<u> </u>	· 	11871	11011	118.1	11807	11708	110.4	1997

نلاحظ أن السلسلة المقدرة وفق نموذج هولت أقرب إلى السلسلة الأصلية من تلك المقدرة حسب نموذج براون، كما يظهر من الشكل التالى:



الشكل رقم (٧,١٢). السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة وفق غوذج هولت الخطي للمثال (٧).

(٧,٥) التمهيد الأسي الثلاثي (نموذج براون التربيعي)

Triple-Exponential-Smoothing (TES)

لقد وجدنا سابقا، أن طريقة التمهيد الأسي المضاعف هي تعميم لطريقة التمهيد الأسي البسيط إذا كان الاتجاه العام خطيا، حيث نمهد البيانات الأصلية حسب الاتجاه العام ثم نمهد البيانات الممهدة مرة أخرى.

إن طريقة التمهيد الأسي الثلاثي هي تعميم لطريقة التمهيد الأسي البسيط إذا كان الاتجاه العام غير خطي، حيث نمهد بيانات السلسلة الأصلية ثلاث مرات متتالية.

يعطى هذا النموذج بالعلاقات التالية:

$$s'_{t} = \alpha y_{t} + (1 - \alpha)s'_{t-1}$$

$$s''_{t} = \alpha s'_{t} + (1 - \alpha)s''_{t-1}$$

$$s'''_{t} = \alpha s''_{t} + (1 - \alpha)s'''_{t-1}$$

$$a_{t} = 3s'_{t} - 3s''_{t} + s'''_{t}$$

$$b_{t} = \frac{\alpha}{2(1 - \alpha)^{2}} [(6 - 5\alpha)s'_{t} - (10 - 8\alpha)s''_{t} + (4 - 3\alpha)s''_{t}]$$

$$c_{t} = \frac{\alpha^{2}}{(1 - \alpha)^{2}} (s'_{t} - 2s''_{t} + s'''_{t})$$

$$\hat{y}_{t+1} = a_{t} + b_{t} + c_{t}$$

$$(\forall, \forall \forall)$$

ولاستخدام هذا النموذج يجب تحديد:

أ) قيمة α.

 $.s'_0 = s''_0 = s'''_0 = y_0$ ب) یکن اعتبار أن:

ولا يختلف هذا النموذج عن النموذج التالي سوى في معامل التمهيد، حيث يتضمن هذا النموذج معامل تمهيد واحد يستخدم في تمهيد البيانات بشكل متتال، بينما يتضمن نموذج ونترز ثلاث معاملات تمهيد مختلفة، ويما أن نموذج ونترز يأخذ بعين الاعتبار التغيرات الموسمية لذلك يفضل استخدامه مع البيانات الموسمية.

(٧,٦) التمهيد الأسي الثلاثي (نموذج ونترز) Winter's Model

لقد جرى تطوير نموذج هولت الخطي من قبل ونترز في عام ١٩٦٠م ليعالج التغيرات الموسمية مباشرة. يتضمن هذا النموذج ثلاثة أنواع من التمهيد هي: التمهيد الكلي أو العام والتمهيد الاتجاهي والتمهيد الموسمي، وهو يشبه نموذج هولت مع إضافة معادلة واحدة لمعالجة التغيرات الموسمية كما يظهر من العلاقات التالية*:

. التمهيد الكلي أو العام
$$s_t = \alpha \frac{y_t}{I_{t-l}} + (1-\alpha)(s_{t-1}+b_{t-1})$$

. التمهيد الاتجاهى
$$b_t = \gamma(s_t - s_{t-1}) + (1 - \gamma)b_{t-1}$$

. التمهيد الموسمي
$$I_t = \delta \frac{y_t}{s_t} + (1 - \delta)I_{t-l}$$

$$\hat{y}_{t+1} = (s_t + b_t)I_{t-1}$$

حيث I هي طول الفترة الموسمية (12 = 1 إذا كانت البيانات شهرية و4 = 1 إذا كانت البيانات فصلية).

ولاستخدام هذا النموذج يجب تحديد:

 α, β, δ (

 $. s_{l+1} = y_{l+1} : نام اعتبار أن$

. b_{l+1} (ج

$$I_1 = \frac{y_1}{\overline{y}}, I_2 = \frac{y_2}{\overline{y}}, \dots$$
: د) یکن اعتبار أن

$$. \overline{y} = \sum_{t=1}^{l} \frac{y_t}{l} : \underbrace{}$$

يعتبر هذا النموذج من أفضل نماذج التمهيد الأسي، لكنه يتطلب عمليات حسابية طويلة وصعبة بالرغم من استعمال المعالجة الآلية.

^{*} Forecasting، مرجع سابق، ص ١٦٤.

ولاستخدام هذا النموذج في برنامج SPSS يجب أن تكون البيانات موسمية ويظهر إلى جانب كل قيمة تاريخها، لذلك نعرف متغير يمثل التاريخ إلى جانب المتغير الممثل للسلسلة الزمنية، مثلا، تصبح بيانات المثال (٧) كما يلي:

الجدول رقم (٧,١٦). يوضح بيانات السلسلة الزمنية للمثال (٧) مرفقة بالزمن.

列圖	画画の		州州	圖 弧 街	60		
:у							
10	y .	year	quarter_	date	var	Var	var
1	9050.00	1990	2	Q2 1990			
2	9380.00	1990	3	Q3 1990			
3	9378.00	1990	4	Q4 1990			
4	9680.00	1991	1	Q1 1991			
5	10100.00	1991	2	Q2 1991			
6	10160.00	1991	3	Q3 1991			
7	10469.00	1991	4	Q4 1991			
8	10738.00	1992	1	Q1 1992			
9	10910.00	1992	2	Q2 1992			
10	11058.00	1992	3	Q3 1992			

مثال (٨): استخدم نموذج ونترز في تمهيد بيانات الجدول رقم (٧,١٦) باستخدام برنامج SPSS، ثم مثل بيانات السلسلة الأصلية والسلاسل المقدرة وفق طرائق التمهيد الأسي الثلاث (البسيط والمضاعف والثلاثي). ماذا يمكن أن نستنتج من الشكل البياني؟ لتمهيد بيانات الجدول رقم (٧,١٦) باستخدام برنامج SPSS نتبع الخطوات التالية:

١- نفتح قائمة التطبيقات الإحصائية ونحتار منها السلاسل الزمنية ثم التمهيد الأسي.
 ٢- نختار من نافذة نماذج التمهيد الأسي نموذج ونترز Winters (الشكل رقم ٧,٣).

٣- نفتح تبويب المعالم ونحدد القيم التالية:

 $\alpha = 0.3$

y = 0.4

 $\delta = 0.5$

starting = 9050

trend = 330

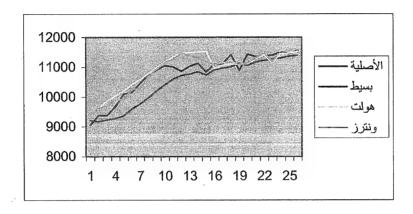
نتابع باقي الخطوات كالمعتاد فنحصل على تقدير قيم السلسلة وفق نموذج ونترز كما هو موضح بالجدول التالي:

الجدول رقم (٧,١٧). السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة وفق نموذج ونترز للمثال (٧).

الرابع	الفصل	الثالث	الفصل	الثايي	الفصل	الأول	الفصل	السنوات
ونتوز	أصلية	ونترز	أصلية	ونترز	أصلية	ونترز	أصلية	
٩٦٨١	۹۳۷۸	9777	۹ ۳۸ •	۹۳۷۸	9.0.			۱۹۹۰م
1.440	1 + £ 7 9	١٠٢٧٥	1.17.	9917	10100	9917	٩٦٨٠	١٩٩١م
17711	11.17	11107	١١٠٥٨	1.988	1.91.	1.799	١٠٧٣٨	۱۹۹۲م
11197	١٠٨٤٥	11779	11170	11279	11.48	١١٤٧٣	١٠٨٦٩	۱۹۹۳م
11111	1.490	11179	11272	11108	11110	١١٠٩٦	۱۱۱۰۸	١٩٩٤م
1114+	118+1	۱۱٤٧٨	11771	11717	11707	11108.	11277	١٩٩٥م
	_	11781	11071	11009	11807	11000	110.4	۱۹۹۳م

نلاحظ من الشكل التالي أن سلسلة التمهيد البسيط تقع تحت منحنى السلسلة الأصلية (تقدير متشائم) بينما تقع سلسلة التمهيد المضاعف (نموذج هولت الخطي) فوق منحنى السلسلة الأصلية (تقدير متفائل)، في حين تقع سلسلة التمهيد الثلاثي

(نموذج ونترز) بين منحنى سلسلة التمهيد البسيط ومنحنى سلسلة التمهيد المضاعف، أي أنها أقرب إلى منحنى السلسلة الأصلية كما يظهر من الشكل التالى:



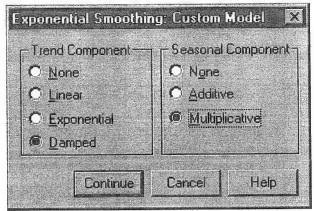
الشكل رقم (٧,١٣). يوضح السلسلة الأصلية والسلاسل المقدرة وفق طرائق التمهيد الثلاث.

نتيجة هامة: إن نماذج التمهيد الأسي هي نماذج تجريبية ، حيث يتم تجريب قيم مختلفة لمعاملات التمهيد ويتم اختيار المعاملات التي تجعل مجموع مربع انحرافات القيم المقدرة عن القيم الحقيقية في حده الأدنى.

بالنسبة للمثال السابق يمكن إيجاد نموذج قريب من نموذج وينترز بحيث تكون القيم المقدرة وفق نموذج ونترز على النحو التالي:

 ١ - نختار "غوذج مخصص Custom model" بدلا من النماذج المعروفة من نافذة غاذج التمهيد الأسي.

٢- نفتح قائمة مخصص المنسدلة ثم نختار منها نوع المركبة الاتجاهية متخامد
 Damped والمركبة الفصلية غوذج ضرب Multiplicative كما يظهر من الشكل التالي:



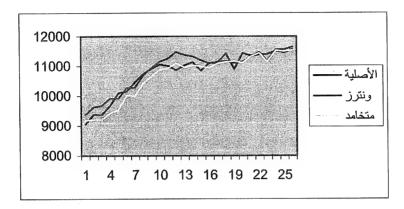
الشكل رقم (٧,١٤). نافذة تحديد نوع المركبة الاتجاهية والموسمية.

٣- نحتار نفس القيم التي اخترناها في نموذج ونترز وسنحصل على السلسلة المقدرة التالية:

الجدول رقم (٧,١٨). السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة وفق النموذج المتحامد للمثال (٧).

	` '	•						
الرابع	الفصل	الثالث	الفصل	، الثاني	الفصل	الأول	الفصل	السنو ات
متخامد	أصلية	متخامد	أصلية	متخامد	أصلية	متخامد	أصلية	,
97.7	۹۳۷۸	97.7	۹۳۸۰	۹۱۸۰	9.00			۱۹۹۰م
10007	1.579	10077	1.17.	9028	1.1	3739	٩٦٨٠	۱۹۹۱م
1.979	11.17	۱۰۸۷۸	1-1 + 0 A	10704	1.91.	1 . 8 . 8	١٠٧٣٨	۱۹۹۲م
1.998	١٠٨٤٥	11011	11170	1.909	١١٠٣٤	11.47	١٠٨٦٩	۱۹۹۳م
11177	1.490	11180	11272	11.98	11110	1.987	111+4	١٩٩٤م
11127	118.1	1188.	11771	1177.	11707	1111.	11847	١٩٩٥م
	_	1108.	11071	11889	11807	11078	110.4	١٩٩٦م

وبمقارنة مجموع مربع انحرافات القيم المقدرة عن القيم الحقيقية نجدها في طريقة ونترز تساوي إلى ١٣٣٨٣٧٢. ونترز تساوي إلى ١٣٣٨٣٧٢. الشكل البياني التالي يوضح هذه النتيجة:



الشكل رقم (٧,١٥). يوضح الشكل البيايي للسلسلة الأصلية والسلسلتين المقدرتين وفق نموذج ونتسرز والنموذج المتخامد للمثال (٧).

لقد عالجنا في هذا الفصل السلاسل الموسمية الفصلية، وبنفس الأسلوب تعالج السيلاسل الموسمية الأخرى، كما يظهر من المثال التالي:

مثال (٩): لنفرض أن الجدول التالي يمثل عدد حوادث المرور الشهرية المسجلة على طريق عام الرياض – الدمام خلال السنوات الأربع الأخيرة، والمطلوب: تقدير هذه السلسلة آليا وفق نموذج ونترز.

الجدول رقم (٧,١٩). عدد حوادث السير الشهرية على طريق الرياض-الدمام خلال الفترة ١٩٩٧-٠٠٠ م٠ م.

عدد الحوادث	الشهر	السنة									
10	١		١٤	1		18	١		١٦	١	
١٦	۲		١٥	۲.		١٥	۲		١٦	۲	
۲.	٣	*	١٩	٣	9.	١٨	٣	4	۲.	٣	447
71	٤	2	77	٤	9914	3.7	٤	V6612	41	٤	612
71	٥		٣٠	٥		44	٥		44	٥.	
78	٦ '		٣٥.	٦		۲۷	٦		٣٥	٦	

تابع الجدول رقم (٧,١٩).

عدد الحوادث	الشهر	السنة									
41	٧		40	٧		40	٧		79	٧	
74	٨		٣٣	٨		۲۷	٨		٣٦ -	٨	
77	٩	*	71	٩	8	19	٩	\$	70	٩	447
۲.	١.	*a	71	١.	٩١٩	۱۳	١.	412	۲.	1.	41ع
10	11			11		1.	. 1.1		١٤	1.1	
11	17		١.	١٢		11	١٢		١٤	١٢	

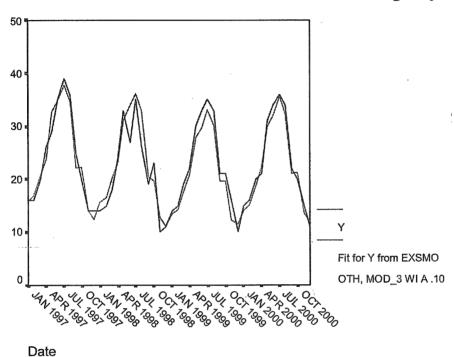
المصدر: فرضى.

الحل: ندخل السلسلة إلى البرنامج مرفقة بتاريخ كل قيمة من قيمها، ثم نختار غيوذج ونترز الفرضي (أي أن قيم المعاملات والقيمة الابتدائية والاتجاه العام يتم تحديدها بشكل آلي)، فنحصل على السلسلة المقدرة التالية:

الجدول رقم (٧,٢٠). السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة وفق نموذج ونترز للمثال (٩).

	عدد ال	1	السنة	<u> </u>	عدد ۱-	1.	السنة		عدد ۱-ا	1	السنة	<u> </u>	عدد الح	41	السنة
المقدرة	الأصلية	,		المقدرة	الأصلية		1.0	المقدرة	الأصلية	,	1-6	المقدرة	الأصلية	,	1-2
١٤	10	١	۰۰۰ لم ط	۱۳	١٤	١	1 Y E 0 7 V A 9 1. 11 17	17	١٤	١	V 6 1 6	17	17	١	٧٩٩٧م
10	17	۲		١٤	10	۲		17	10	۲		۱۷	١٦	۲	
۱۹	۲.	٣		۱۸	۱۹	٣		۲.	۱۸	٣		۲١	۲.	٣	
77	۲١	٤		71	77	٤		۲۳	7 8	٤		7	47	٤	
٣.	۳۱	٥		۲۸	٣٠	٥		٣١	٣٣	٥		٣٣	79	٥	
٣٢	٣٤	٦		٣.	44	٦		٣٤	۲۷	٦		40	٣٥	٦	
٣٦	٣٦	٧		٣٣	٣٥	٧		٣٦	40	٧		٣٨	٣٩	٧	
44	٣٤	٨		٣٠	٣٣	٨		٣٣	۲۷	٨		٣٥	٣٦	٨	
71	77	٩		٧.	۲١.	٩		۲٠	۱۹	٩		77	70	٩	
17	۲.	. 1+		7.	۲۱	١٠		۲.	74	١.		77	۲.	١.	
۱۳	10	11		۱۲	17	11		١٣	1.0	11		١٤	١٤	11	
١٢	11	١٢		17	١.	١٢		1,1	11	١٢		١٢	١٤	١٢	

والشكل التالي يوضح الفرق بين السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة وفق نموذج ونترز الآلى:



الشكل رقم (٧,١٦). شكل انتشار السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة وفق نموذج ونترز الآلي للمثال (٩).

نلاحظ من الشكل السابق أن السلسلة المقدرة تماثل السلسلة الأصلية ما عدا بعض النتوءات الحادة في السلسلة الأصلية والتي لا تظهر في السلسلة المقدرة.

ويمكن إجراء تقدير آخر وفق نفس النموذج (أو وفق نموذج آخر) بتغيير قيم معاملات التمهيد والقيمة الابتدائية وقيمة الاتجاه العام.

ملاحظة هامة: بشكل عام، لتحديد طريقة التمهيد الأسي المناسبة للتنبؤ ننطلق من الاعتبارات التالية:

١ - إذا كانت السلسلة الأصلية لا تحتوي على اتجاه عام ولا على تغيرات موسمية يفضل استخدام نماذج التمهيد الأسي البسيط في عملية التنبؤ.

٢- إذا كانت السلسلة الأصلية تحتوي على اتجاه عام (متزايد أو متناقص)
 يفضل استخدام نماذج التمهيد الأسي المضاعف في عملية التنبؤ.

٣- إذا كانت السلسلة الأصلية تحتوي على اتجاه عام وتغيرات موسمية يفضل استخدام غاذج التمهيد الأسي الثلاثي في عملية التنبؤ.

أسئلة ومسائل غير محلولة

١ - عرف طرائق التمهيد الأسى واذكر مجالات استخدامها.

٢- بماذا تتميز طرائق التمهيد الأسى؟

٣- ما أهم منحنيات السلاسل الزمنية؟ وما العلاقة بين هذه المنحنيات وطرائق.
 التمهيد الأسم,؟

٤- ما المشكلة الأساسية في تطبيق طرائق التمهيد الأسي؟

٥- عرف التمهيد الأسى البسيط واذكر أهم خصائصه.

٦- كيف تفسر مقولة أن التمهيد الأسى البسيط هو تكراري بطبيعته؟

 α كيف يتم تحديد قيمة معامل التمهيد الأسى البسيط α

این ختار قیمهٔ صغیرهٔ له α ومتی نختار قیمهٔ کبیرهٔ لها $-\Lambda$

٩- ما مقاييس أخطاء التنبؤ الأكثر استخداما في مجال التمهيد الأسي؟

• ١ - عرف التمهيد الأسى المضاعف ثم بين الفرق بينه وبين التمهيد الأسى البسيط.

١١- ما الفرق بين غوذج براون الخطى وغوذج هولت الخطى؟

١٢ - عرف التمهيد الأسى الثلاثي واذكر أهم نماذجه.

١٣ - ما القيم الواجب تحديدها لتطبيق نموذج ونترز؟

١٤ - لنفرض أن الجدول التالي يمثل مبيعات مواد البناء (مليار ريال) في مدينة الرياض خلال العامين الماضيين:

الجدول رقم (٧,٢١). مبيعات مواد البناء (مليار ريال) في مدينة الرياض خلال العامين الماضين.

المبيعات	الشهر	السنة	المبيعات	الشهر	السنة
۱۷	١	۲۰۰۰م	7.	١	١٩٩٩م
۱۸ -	7		١٨	۲	
۱۷	٣		١٩	, T	
10	٤		٧.	٤	
10	0		19	٥	

. تابع الجدول رقم (٧,٢١).

المبيعات	الذم	السنة			السنة
	الشهر	السب	المبيعات	الشهر	السنه
۱۷	7		77	٦	
۲٠	٧		7 8	· 3 V	
١٧	A ·		١٨		
17	٩		1/4	9,	
٦	1 * .		١٦	1.	
7 8	11		7.4	11	·
١٤	17		7.	١٢	

المصدر: فرضي.

والمطلوب

- أ) رسم شكل انتشار السلسلة الزمنية السابقة ، ماذا تستنتج من الشكل؟
- ب) استخدام طريقة التمهيد الأسي البسيط في تمهيد (تقدير) السلسلة المثلة لمبيعات مواد البناء إذا كانت $\alpha=0.3$ في الحالات التالية:
 - باستخدام الطريقة اليدوية.
- باستخدام برنامج SPSS بحيث يتم اختيار القيمة الابتدائية بشكل آلى من قبل البرنامج.
 - باستخدام برنامج SPSS بحيث تحدد أنت القيمة الابتدائية.
 - ج) قارن بين نتائج الحالات الثلاث، ماذا تستنتج؟
 - د) قدر مبيعات الشهر الأول من عام ١٠٠١م.
- ١٥ الجدول التالي يمثل المبيعات الشهرية لملابس الأطفال في مدينة الرياض بآلاف الريالات خلال الفترة ١٩٩٨ ٢٠٠٠ م:

المبيعات	الشهر	السنة	المبيعات	الشهر	السنة	المبيعات	الشهر	السنة
١٥	١	۲۰۰۰م	١٢	١	١٩٩٩م	۱۷	١	۱۹۹۸م
۱۷	۲		١٦	۲		١٩	۲	
۲.	٣		74	٣		70	٣	
۱۷	٤		١٩	٤		77	٤	
١٥	٥		١٨	٥		71	٥	
١٢	٦		١٤	٦		10	٦	
17	٧		١٩	٧		۱۷	٧	
١٣	٨		١٦	٨		١٤	٨	
٣٦	٩		40	٩		٣.	٩	
70	10		۲.	١.		3.7	١.	
17.	11		.10	- 11		١٨	11	
١٨	١٢		۱۷	17		١٥	١٢	

المصدر: فرضي.

والمطلوب

أر سم شكل انتشار السلسلة الزمنية السابقة ، ماذا تستنتج من الشكل؟
 ب) استخدم برنامج SPSS لتمهيد سلسلة المبيعات وفق النماذج التالية :

- نموذج التمهيد الأسي البسيط.
 - نموذج براون الخطي.
 - نموذج هولت الخطي.
 - نموذج براون التربيعي.

- نموذج ونترز، بحيث تحدد قيم معاملات التمهيد التي توافق أقل أخطاء محكنة بالإضافة إلى القيم الابتدائية.
 - قارن النتائج التي حصلت عليها من خلال تمثيل السلاسل المقدرة بيانيا.

استخدام نماذج بوكس – جنكنز في التنبؤ الإداري

(۸,۱) مقدمــة

وتعتمد معالجة هذه السلسلة على نظرية الإحصاء الاستدلالي لكي يتم شرح نتائج العمليات الحسابية ملهما كانت معقدة ليس لها دلالة إحصائية محددة ومقبولة بدون فرضيات نظرية مسبقة.

كما مر معنا في الفصول السابقة ، إن تحليل سلسلة زمنية ما يرتكز على تحليل بعض المعلومات حول مستقبل الظاهرة المدروسة اعتمادا على المشاهدات المتوفرة.

في التطبيق العملي، غالبا لا نملك سوى السلسلة المشاهدة حتى الآن للمتغير التابع. لذلك نهتم بالنماذج التي تفسر المتغير التابع اعتمادا على قيمه السابقة فقط من أجل إجراء عملية التنبؤ.

يعتمد أسلوب بوكس- جنكنز (BOX-JENKINS) على استخراج التغيرات المتوقعة للبيانات المشاهدة. حيث تتجزأ السلسلة الزمنية إلى عدة مكونات أو عناصر تسمى معاملات تنقية أو تصفية وهي: مصفي الاستقرار Stationarity Filter ، ومصفي

الانحدار الذاتي Autoregressive Filter ، ومصفى المتوسطات المتحركة Moving Average Filter. تعمل هذه المصافى على تنقية السلسلة الزمنية ، لنحصل في النهاية على بيانات لا مكن تنقيتها، تحتوى فقط على التغيرات العشوائية البحتة Random Noise التي لا يكن التنبؤ بها.

تتألف طريقة بوكس- جنكنز من أربع مراحل رئيسة هي:

- مرحلة المطابقة Identification.
 - مرحلة التقدير Estimation.
- مرحلة التحقق أو التشخيص Diagnostic.
 - مرحلة التنبؤ Forecasting.

وسنفصل هذه المراحل لاحقا، بعد التعرف على بعض المصطلحات الهامة المستخدمة في هذه الطريقة.

(۸,۲) الاستقرار Stationarity

إذا لم يظهر شكل انتشار السلسلة الزمنية أي اتجاه للتزايد أو التناقص مع الزمن، نقول إن السلسلة مستقرة Stationary.

شروط الاستقرار

أ) ثبات الوسط الحسابي

إذا كانت السلسلة مستقرة فإن وسطها الحسابي ثابت، أي يكن اعتبار أن القيمة المشاهدة عند كل فترة زمنية عمثل الوسط الحسابي ويعبر عن ذلك رياضيا: $(\Lambda, 1)$

t من أجل جميع قيم $E[y_t] = m$

ب) ثبات التباين

يعبر تباين السلسلة الزمنية عن درجة التشتت حول الوسط الحسابي الذي يفترض ثباته. ويعبر عن هذا الشرط رياضيا:

(۸,۲) .
$$t$$
 من أجل جميع قيم $E[y_t - E(y_t)]^2 = E[y_t - m]^2 = \sigma_y^2$ جـ) استقلال معاملات الارتباط الذاتي

: أي: تعتمد معاملات الارتباط الذاتي على الفجوة الزمنية بين نقطتين فقط الداتي على الفجوة الزمنية بين نقطتين فقط $E[(y_t - m)(y_s - m)] = \Gamma(t - s) = \tilde{C}ov(y_t, y_s) = \Gamma_k$

حيث: Γ_k دالة التباين المشترك (التغاير).

k = /t - s/9

 $s, t \in Z$

و k عدد صحیح موجب.

وبما أن معاملات الارتباط الذاتي متماثلة حول فجوة زمنية مساوية للصفر (معامل الارتباط الذاتي لن يتغير سواء كانت الفجوة الزمنية للأمام أو الخلف)، فإننا سندرس معاملات الارتباط الذاتي لقيم لله الموجبة فقط.

وبما أن المؤشرات الثلاثة السابقة مجهولة في المجتمع لذلك يتم تقديرها بمثيلاتها في العنة بالعلاقات التالبة:

$$\overline{y} = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^{n} y_t = \hat{m}$$

$$(\Lambda, 0) s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{t=1}^{n} (y_t - \bar{y})^2 = \hat{\sigma}_y^2$$

$$\gamma_k = \frac{1}{n-k} \sum_{t=1}^n (y_t - \overline{y})(y_{t+k} - \overline{y}) = \hat{\Gamma}_k$$

د) السياق العشوائي الخالص أو البحت*

غالبا، القيود المفروضة على الاستقرار لا تكفي لحل المشكلة المدروسة، لذلك يتم إضافة شرط آخر وهو استقلال المتغيرات العشوائية وبذلك يمكن تعريف السياق العشوائي الخالص بأنه: سلسلة من التغيرات العشوائية المستقلة والتي تتبع نفس التوزيع، ويعبر عن هذا الشرط بالعلاقة التالية:

السياق هي ترجمة لكلمة Process ، البعض يفضلون استخدام كلمة عملية بدلا من سياق.

$$(\Lambda, V)$$
 من أجل $t \neq t'$ من أجل $Cov(\varepsilon_t \varepsilon_{t'}) = 0$

(٨,٣) دالة الارتباط الذاتي

إذا فرضنا أن $\Gamma_0 = \text{var}(y_i)$ موجب تماما، يمكن أن نعرف دالة الارتباط الذاتي لم بالعلاقة:

$$(\Lambda, \Lambda) R_k = \frac{\Gamma_k}{\Gamma_0}$$

 $k = 0, \pm 1, 2, \dots$:

كما نعلم، إن معامل الارتباط بين متغيرين عشوائيين y_i و x_i يعطى بالعلاقة التالية:

$$R_{xy} = \frac{\text{cov}(x_t y_t)}{\left[\text{var}(x_t)\right]^{\frac{1}{2}} \left[\text{var}(y_t)\right]^{\frac{1}{2}}} = \frac{E[x_t - E(x_t)][y_t - E(y_t)]}{\left\{E[x_t - E(x_t)]^2 E[y_t - E(y_t)]^2\right\}^{\frac{1}{2}}}$$

في السلاسل الزمنية لدينا متغير واحد مزاح بالنسبة لنفسه:

$$R_{k} = \frac{E[y_{t} - E(y_{t})][y_{t+k} - E(y_{t+k})]}{\left\{E[y_{t} - E(y_{t})]^{2} E[y_{t+k} - E(y_{t+k})]^{2}\right\}^{\frac{1}{2}}}$$

وإذا كان السياق, ر مستقرا، فإن العزم من الدرجة الأولى والعزم من الدرجة الثانية يكون ثابتا مما يؤدي إلى:

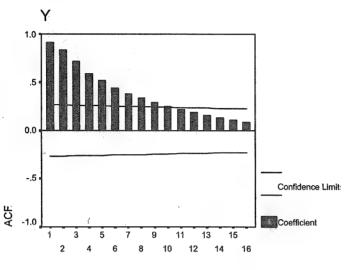
$$R_{k} = \frac{E\left[\left(y_{t} - m\right)\left(y_{t+k} - m\right)\right]}{\sigma_{y_{t}}\sigma_{y_{t+k}}} = \frac{\cos\left(y_{t}y_{t+k}\right)}{\sigma_{y}^{2}}$$

$$R_{k} = \frac{\Gamma_{k}}{\Gamma_{0}} \qquad \text{if}$$

حيث: m الوسط الحسابي للسياق y, و تباينه.

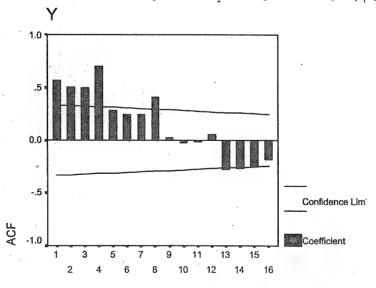
بحموعة قيم R_k من أجل القيم المتنالية لـ k يطلق عليها شكل الارتباط الذاتي R_k من عثيله في المجال الاقليدي، حيث توضع k على المحور الأفقي و k على المحور العمودي. ويلعب هذا الشكل دورا مهما جدا في مرحلة المطابقة.

الشكل التالي، يوضح معاملات الارتباط الذاتي لسياق مستقر وآخر غير مستقر.



Lag Number

الشكل رقم (٨,١). معاملات الارتباط الذابي لسياق مستقر.



Lag Number

معاملات الارتباط الذابي لسياق غير مستقر.

ويمكن تقدير معاملات الارتباط الذاتي بوساطة معاملات الارتباط الذاتي للعينة إذا كانت السلسلة مستقرة ، ويرمز لها ب \hat{R}_k أو r_k أو r_k :

$$\rho_{k} = \frac{\sum_{t=1}^{n-k} (y_{t} - \overline{y})(y_{t+k} - \overline{y})}{\sum_{t=1}^{n} (y_{t} - \overline{y})^{2}}$$

مثال (١): احسب معاملات الارتباط الذاتي الأربعة الأولى للسلسلة: ١٣، ٨، ١٥، ٤، ٤، ١٢، ١١، ٧، ١٤، ١٢.

الحل: لحساب معاملات الارتباط الذاتي لهذه السلسلة، ننشئ الجدول المساعد التالى:

الجدول رقم (٨,١). الجدول المساعد لحساب معاملات الارتباط الذابي للمثال (١).

t	y_t	y_{t-1}	y _{t-2}	y_{t-3}	<i>y</i> _{t-4}
١	۱۳	samme.	_	_	
۲	۸	. 17		_	
٣	١٥	٨	14		-
٤	٤	10	٨	-14"	
٥	٤	٤	10	٨	١٣
٦	١٢	٤	٠ ٤	10	٨
٧	11	١٢	٤	٤	١٥
٨	٧	11	١٢	٤	٤
٩	١٤	V .	11	. 17	٤
١٠	17	١٤	· V	11	17
Σ	١	passa.	_	.	-

لنطبق العلاقة:

$$\rho_{k} = \frac{\sum_{t=1}^{n-k} (y_{t} - \overline{y})(y_{t+k} - \overline{y})}{\sum_{t=1}^{n} (y_{t} - \overline{y})^{2}}$$

ولتطبيق هذه العلاقة نحتاج إلى حساب الوسط الحسابي للسلسلة:

$$\overline{y} = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^{n} y_t = \frac{1}{10} \sum_{t=1}^{10} y_t = \frac{100}{10} = 10$$

$$\rho_{l} = \frac{(13-10)(8-10) + (8-10)(15-10) + (15-10)(4-10) + (4-10)(4-10) + (4-10)(12-10)}{(13-10)^{2} + (8-10)^{2} + (15-10)^{2} + (4-10)^{2} + (4-10)^{2} + (12-10)^{2}}$$

$$\frac{(12-10)(11-10)+(11-10)(7-10)+(7-10)(14-10)+(14-10)(12-10)}{(11-10)^2+(7-10)^2+(14-10)^2+(12-10)^2} = -\frac{27}{144} = -0.1875$$

$$\rho_2 = \frac{(13-10)(15-10) + (8-10)(4-10) + (15-10)(4-10) + (4-10)(12-01) + \dots}{144} = -\frac{29}{144} = -0.201$$

$$\rho_3 = \frac{(13-10)(4-10) + (8-10)(4-10) + (15-10)(12-10) + \dots}{144} = \frac{26}{144} = 0.181$$

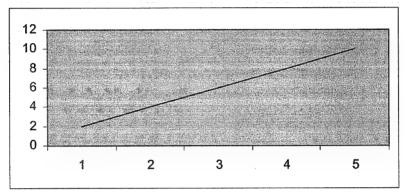
$$\rho_4 = \frac{(13-10)(4-10) + (8-10)(12-10) + (15-10)(11-10) + \dots}{144} = -\frac{19}{144} = -0.132$$

إن أغلب السلاسل الاقتصادية هي سلاسل غير مستقرة لوجود الاتجاه العام. إذا كانت السلسلة غير مستقرة يجب تحويلها إلى سلسلة مستقرة. يوجد العديد من طرائق تحويل السلاسل الزمنية من سلاسل غير مستقرة إلى سلاسل مستقرة منها: الطريقة اللوغاريتمية وطريقة الجذر التربيعي وطريقة الفروق التي استخدمها بوكس-جنكنز. لندرس هذه الطريق بالتفصيل.

Differencing طريقة الفروق (Λ, ξ)

تقوم طريقة الفروق على طرح قيم السلسلة من بعضها البعض في ترتيب زمتي محدد. فمثلا، تعرف تحويلة الفروق من الرتبة أو الدرجة الأولى بأنها الفرق بين قيمتين متتاليتين، وتتكون فروق الرتبة الثانية من فروق سلسلة الفروق الأولى وهكذا....

مثال (٢): لتكن لدينا سلسلة القيم التالية: ٧، عبر مستقرة باستخدام طريقة الفروق. السلسلة ثم نحولها إلى سلسلة مستقرة إذا كانت غير مستقرة باستخدام طريقة الفروق. الشكل التالى يمثل انتشار نقاط السلسلة:



الشكل رقم (٨,٢). شكل انتشار سلسلة المثال (٢).

نلاحظ أن السلسلة متزايدة ، تزيد كل مشاهدة عن سابقتها بمقدار وحدتين ، أي يوجد اتجاه خطي مما يعني أن السلسلة غير مستقرة. وبأخذ الفروق الأولى لهذه السلسلة نحصل على:

$$4-2=2$$
$$6-4=2$$

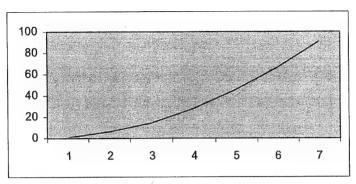
$$8 - 6 = 2$$

$$10 - 8 = 2$$

نلاحظ أن الفروق الأولى ثابتة ، أي أنه يمكن إزالة الاتجاه الخطي للسلسلة الزمنية بأخذ الفروق الأولى لهذه السلسلة ، لكننا نخسر مشاهدة من مشاهدات السلسلة الأصلية.

 $y_t = 1,6,15,28,45,66,91$: لندرس استقرار السلسلة التالية التالية الندرس استقرار السلسلة التالية

نرسم شكل انتشار السلسلة:



الشكل رقم (٨,٣). شكل انتشار سلسلة المثال (٣).

نلاحظ من شكل الانتشار أن هناك اتجاه عام غير خطي، أي أن السلسلة غير مستقرة، وبحساب الفروق الأولى نجد:

$$6 - 1 = 5$$

$$15 - 6 = 9$$

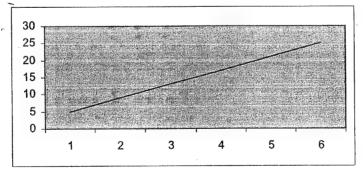
$$28 - 15 = 13$$

$$45 - 28 = 17$$

$$66 - 45 = 21$$

$$91 - 66 = 25$$

نلاحظ أن فروق الدرجة الأولى تكشف عن اتجاه عام خطي كما هو واضح من الشكل التالى:



الشكل رقم (٨,٤). شكل الانتشار لسلسلة فروق المثال (٣).

وبأخذ الفروق الثانية نجد:

$$9 - 5 = 4$$

$$13 - 9 = 4$$

$$17 - 13 = 4$$

$$21 - 17 = 4$$

$$25 - 21 = 4$$

وبذلك زال الاتجاه العام الخطي.

بشكل عام، الفروق الأولى أو الثانية تكفي لإزالة الاتجاه العام في أغلب السلاسل الزمنية الاقتصادية.

عادة، نستخدم الرمز Δ للإشارة إلى معامل الفروق، فمثلا يشير Δy إلى الفرق من الدرجة الأولى:

$$\Delta y_t = y_t - y_{t-1}$$

و $\Delta^2 y$ إلى الفرق من الدرجة الثانية:

$$\Delta^2 y_t = \Delta(\Delta y_t) = \Delta(y_t - y_{t-1}) = (y_t - y_{t-1}) - (y_{t-1} - y_{t-2}) = y_t - 2y_{t-1} + y_{t-2}$$

كما يستخدم الرمز $\Delta^d y$ للإشارة إلى الفروق المتتالية من الرتبة d ، ويتم حساب هذه الفروق بالحساب المتتالى لفروق الفروق.

ويستخدم الرمز ∆ للتعبير عن الفروق الموسمية Seasonal Differencing أيضا ويتم حساب هذه الفروق بين قيم الفصل الأول (إذا كانت البيانات فصلية)، وبين قيم الفصل الثاني، وبين قيم الفصل الثاني، وبين قيم الفصل الثالث، وبين قيم الفصل الرابع في السنوات المتالية.

وتسمى هذه الطريقة ، طريقة الفروق الموسمية من الدرجة الأولى ذات أربع فترات ويعبر عنها رياضيا:

$$\Delta_s y_t = y_t - y_{t-s}$$

 $\Delta_4 y_t = y_t - y_{t-4}$: فإذا كانت البيانات فصلية تصبح العلاقة

 $\Delta_{12}y_t = y_t - y_{t-12}$: أما إذا كانت البيانات شهرية فتصبح العلاقة

791

. $\Delta_s^2 y_t = \Delta_s (y_t - y_{t-s})$: أما فروق الدرجة الثانية الفصلية فتعطى بالعلاقة

ويشكل عام، تكتب الفروق الموسمية والفروق المتتالية على الشكل التالى:

$$(\Lambda, \Lambda \Lambda) \qquad \qquad \Delta_s^D \Delta^d y_t$$

حيث تشير D إلى رتبة أو درجة معامل الفروق الموسمية ، و v إلى طول الدورة الموسمية (v إذا كانت البيانات فصلية و v إذا كانت البيانات شهرية) ، كما تشير v إلى درجة معامل الفروق المتتالية أو العادية.

لقد اعتمد بوكس وجنكنز (١٩٧٠م) اعتمادا شبه كامل على معامل آخر، هو معامل الأزاحة للخلف أو معامل التأخير Backward shift operator.

يعرف معامل التأخير من الرتبة الأولى بالعلاقة:

$$(A, YY) By_t = y_{t-1}$$

ويعرف معامل التأخير من الرتبة الثانية بالعلاقة:

 $B^2 y_t = B(By_t) = By_{t-1} = y_{t-2}$

ويعرف معامل التأخير من الرتبة k بالعلاقة:

$$B^k y_t = y_{t-k}$$

هناك علاقة بين معامل الفروق ومعامل التأخير يعبر عنها على النحو التالي:

$$(\Lambda, \Upsilon)$$
 $\Delta y_t = y_t - y_{t-1} = y_t - By_t = (1 - B)y_t$

أى أن:

$$(\Lambda, 1\xi) \qquad \Delta = 1 - B$$

ويمكن التعبير عن الفروق المتتالية من الرتبة n بدلالة معامل التأخير باستخدام مفكوك كثيرة الحدود : (1-B) ، فمثلا يمكن التعبير عن فروق الرتبة الثانية :

$$\Delta^2 y_t = (1 - B)^2 y_t = (1 - 2B + B^2) y_t = y_t - 2y_{t-1} + y_{t-2}$$

(AR) Autoregressive Models غاذج الانحدار الذاتي غاذج $(\Lambda, 0)$ غاذج الانحدار الذاتي من الدرجة الأولى AR(1)

يقال إن بيانات سلسلة زمنية ما تتولد من سياق أو عملية انحدار ذاتي من الدرجة الأولى First-Order Autoregressive process إذا أمكن التعبير عن المشاهدة الحالية للسلسلة كدالة خطية في المشاهدة السابقة لها بالإضافة إلى متغير عشوائى.

فإذا رمزنا للمشاهدة السابقة بالرمز x_{t-1} وإلى المتغير العشوائي بالرمز ε ، يمكننا التعبير عن هذا السياق أو النموذج بالعلاقة التالية :

$$(\Lambda, \mathsf{No}) x_t = \phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t$$

 x_{t-1} حيث تمثل ϕ معلمة الانحدار الذاتي التي يجب تقديرها والتي تصف أثر تغير المراجدة واحدة على x_t .

سنفرض أن المتغيرات العشوائية ε_i مستقلة وتتبع التوزيع الطبيعي بوسط حسابي يساوي الصفر وتباين ثابت مقداره: σ_{ε}^2 وهي مستقلة عن x_{i-1} ، أي أننا سنفرض أن:

ر من أجل جميع قيم
$$E(\varepsilon_t) = 0$$

$$t = t'$$
 من أجل $E(\varepsilon_t \varepsilon_{t'}) = \sigma_{\varepsilon}^2$

$$t \neq t'$$
 من أجل $E(\varepsilon_t \varepsilon_{t'}) = 0$

$$i=1,2,....,n$$
 من أجل $E(\varepsilon_t x_{t-i})=0$

إن النموذج المعطى بالعلاقة (٨,١٥) هو نموذج انحدار خطي لـ x_{l-1} على x_{l-1} على النموذج المخدار x على نفسه، لذلك يسمى نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة الأولى.

وبشكل عام، درجة النموذج تساوي عدد معالم النموذج التي يجب تقديرها.

ملاحظة: إن x في هذا النموذج تعبر عن انحرافات البيانات الأصلية عن وسطها الحسابي x و x و كن التعبير عن البيانات الأصلية بالعلاقة:

$$y_t = (1-\phi_1)m + \phi_1 y_{t-1} + \varepsilon_t$$

حيث يرمز $(1-\phi_1)m$ إلى ثابت النموذج أو الجزء المقطوع منه، وكما هو واضح يتعلق هذا الجزء بالوسط الحسابي للنموذج m ومعلمة النموذج ϕ_1 .

يمكن كتابة نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة الأولى بدلالة معامل التأخير على النحو التالي:

$$(\Lambda, \Lambda \Lambda) \qquad (1 - \phi_1 B) x_t = \varepsilon_t$$

وكما أن لكل شخص خصائص تميزه عن غيره ويمكن الاستدلال بها عنه، فإنه يكن معرفة النموذج (1) AR من خلال خصائصه المميزة وهي:

١- دالة التباين المشترك (التغاير) الذاتي Autocovariance

لقد وجدنا في الفقرة ((Λ, Υ)) أنه يكن حساب هذه الدالة بين (Λ, Υ) بالعلاقة:

$$(\Lambda, V) \qquad \qquad \gamma_1 = \operatorname{cov}(x_t x_{t-1}) = E[x_t x_{t-1}]$$

ويمكننا أيضا تعريف تباين x على أنه التباين المشترك بين x ونفسه ، فإذا رمزنا نه به γ_0 يكن أن نكتب:

$$\gamma_0 = \text{cov}(x_t x_t) = E[x_t^2] = \text{var}(x_t)$$

$$\gamma_0 = E[x_t^2] = E[(\phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t)^2] = E(\phi_1 x_{t-1})^2 + E[2\phi_1 x_{t-1} \varepsilon_t] + E(\varepsilon_t^2)$$

$$=\phi_{\mathrm{l}}^2E(x_{t-1}^2)+2\phi_{\mathrm{l}}E(x_{t-1}\varepsilon_t)+E(\varepsilon_t^2)=\phi_{\mathrm{l}}^2\gamma_0+0+\sigma_\varepsilon^2$$

 ε_t لأن التباين ثابت عبر الزمن و $E(x_{t-1}^2)=\gamma_0$ لأن التباين ثابت عبر الزمن و $E(x_{t-1}^2)=\gamma_0$ لاترتبط بـ x_{i-1} حسب فروض النموذج.

: نأد نكت العلاقة السابقة على الشكل: $\sigma_0^2 = \sigma_0^2 \gamma_0 = \sigma_0^2$ أي أن: $\gamma_0 = \frac{\sigma_{\varepsilon}^2}{1 + d^2}$ (λ, λ)

وينفس الأسلوب عمكن أن نكتب:

$$\begin{split} \gamma_1 &= E[x_t x_{t-1}] = E[x_{t-1}(\phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t)] = \phi_1 \gamma_0 + 0 = \phi_1 \gamma_0 \\ \gamma_2 &= E[x_t x_{t-2}] = E[x_{t-2}(\phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t)] = \phi_1 \gamma_1 + 0 = \phi_1(\phi_1 \gamma_0) = \phi_1^2 \gamma_0 \\ \gamma_3 &= E[x_t x_{t-3}] = E[x_{t-3}(\phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t)] = \phi_1 \gamma_2 + 0 = \phi_1(\phi_1^2 \gamma_0) = \phi_1^3 \gamma_0 \end{split}$$

 $\gamma_k = \phi_1^k \gamma_0$ $(\Lambda, 19)$

٢ - دالة الارتباط الذاتي

يعرف الارتباط الذاتي عند فجوة زمنية مقدارها k بالعلاقة:

$$(\Lambda,\Upsilon\bullet) \qquad \qquad \rho_k = \frac{\gamma_k}{\gamma_0} = \frac{\phi_1^k \gamma_0}{\gamma_0} = \phi_1^k$$

٣- شرط الاستقرار

ن النموذج بالعلاقة: $\frac{\sigma_{\varepsilon}^2}{1-\phi_1^2}$. وبالتالي فإن تم حساب تباين النموذج بالعلاقة:

$$-1 < \phi_1 < 1$$

ولمعرفة معنى شرط الاستقرار يكفي أن نقارن بين نموذجين الأول فيه $1>|\phi|$ والثاني فيه $1<|\phi|$ ، نلاحظ أن معاملات الارتباط الذاتي في النموذج الأول تتناقص باستمرار بينما تزداد معاملات النموذج الثاني، وهذا يعني أن قيمة ρ_{k} تزداد كلما رجعنا إلى الوراء، أي أن تأثير مشاهدة مضى عليها وقت طويل أكبر من تأثير مشاهدة العام الحالي وهذا يعتبر مخالفا لمنطق تحليل السلاسل الزمنية حيث تزداد أهمية البيانات القديمة.

٤ - دالة الذاكرة Memory Function

تعتبر دالة الذاكرة من الملامح المميزة لنموذج الانحدار الذاتي. لنكتب العلاقة x_i السابقة على المدات x_i السابقة وذلك بحذف مشاهدات x_i السابقة على النحو التالى:

$$\begin{split} x_t &= \phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t \\ x_{t-1} &= \phi_1 x_{t-2} + \varepsilon_{t-1} \\ x_t &= \phi_1 (\phi_1 x_{t-2} + \varepsilon_{t-1}) + \varepsilon_t = \phi_1^2 x_{t-2} + \varepsilon_t + \phi_1 \varepsilon_{t-1} \end{split}$$

$$\begin{aligned} x_{t-2} &= \phi_1 x_{t-3} + \varepsilon_{t-2} \\ x_t &= \phi_1^2 \left(\phi_1 x_{t-3} + \varepsilon_{t-2} \right) + \varepsilon_t + \phi_1 \varepsilon_{t-1} = \phi_1^3 x_{t-3} + \varepsilon_t + \phi_1 \varepsilon_{t-1} + \phi_1^2 \varepsilon_{t-2} \end{aligned}$$

$$(\lambda, \Upsilon\Upsilon) \qquad \qquad x_t = \varepsilon_t + \phi_1 \varepsilon_{t-1} + \phi_1^2 \varepsilon_{t-2} + \phi_1^3 \varepsilon_{t-3} + \dots$$

أي يمكن التعبير عن نموذج (1) AR كمجموع للتغير العشوائي الحالي بالإضافة إلى عدد لانهائي من الحدود تتضمن تغيرات عشوائية سابقة. أي أن المشاهدة الحالية x ما تزال متأثرة بالتغيرات العشوائية التي حدثت في الماضي البعيد. وبالتالي يمكن القول بأن السياق (1) AR له ذاكرة لانهائية.

وإذا كان السياق مستقرا فإن 1 > 1 ، وبالتالي سيختفي أثر التغيرات العشوائية السابقة تدريجيا.

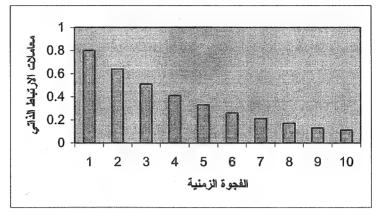
ويعرف معامل الذاكرة Memory Coefficient عند فجوة زمنية مقدارها واحد بأنه معامل التغير العشوائي في الفترة السابقة على الشاهدة الحالة.

مثال (3): احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج: $x_t = 0.8x_{t-1} + \varepsilon_t$: ثم الرسم شكل انتشارها.

نلاحظ أن النموذج هو نموذج انحدار ذاتي من الدرجة الأولى يمكن حساب معاملات ارتباطه الذاتية من العلاقة : $ho_k = \phi_1^{\prime k}$.

وبالتعويض في هذه العلاقة عن ϕ بـ 0.8 ويـ 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10 على قيم معاملات الارتباط الذاتي العشرة الأولى:

$$\begin{split} \rho_1 &= 0.8, \rho_2 = 0.64, \rho_3 = 0.51, \rho_4 = 0.41, \rho_5 = 0.33 \\ \rho_6 &= 0.26, \rho_7 = 0.21, \rho_8 = 0.17, \rho_9 = 0.13, \rho_{10} = 0.11 \\ \end{split}$$
 eliming upon the standard of the standard



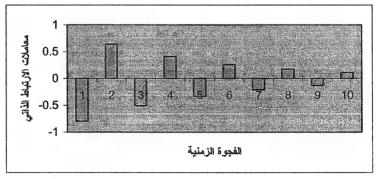
الشكل رقم (٨,٥). شكل انتشار معاملات الارتباط الذابي للمثال (٤).

نلاحظ أن منحنى معاملات الارتباط الذاتي ينحدر نحو الصفر بشكل أسي. مثال (\mathbf{o}): احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج: $x_i = -0.8x_{t-1} + \varepsilon_t$: ثم ارسم شكلها البياني.

نلاحظ أن هذا النموذج يشبه النموذج السابق سوى أن معامل الانحدار الذاتي سالب. بتطبيق العلاقة (٨-٢) نحصل على معاملات الارتباط الذاتي للنموذج يليها شكل انتشارها:

$$\rho_1 = -0.8, \rho_2 = 0.64, \rho_3 = -0.51, \rho_4 = 0.41, \rho_5 = -0.33$$

 $\rho_6 = 0.26, \rho_7 = -0.21, \rho_8 = 0.17, \rho_9 = -0.13, \rho_{10} = 0.11$



1

الشكل رقم (٨,٦). شكل انتشار معاملات الارتباط الذابي للمثال (٥).

نلاحظ أن منحنى معاملات الارتباط الذاتي للنموذج ينحدر نحو الصفر بشكل أسى مغيرا إشارته عند كل تأخير.

نتيجة هامة: تأخذ دالة الارتباط الذاتي للنموذج (1) AR شكلين:

السي متناقصا بشكل أسي $\phi_1 > 0$ مندها يكون شكل الارتباط الذاتي متناقصا بشكل أسي (هندسي) دون أن يغير إشارته.

السي متناقصا بشكل أسي $\phi_1 < 0$ مندها يكون شكل الارتباط الذاتي متناقصا بشكل أسي (هندسي) مغيرا إشارته عند كل تأخير.

٥- دالة الارتباط الذابي الجزئي

تعطى دالة الارتباط الذاتي الجزئي بالعلاقة التالية:

$$\tau_k = \frac{\operatorname{cov}[(x_t - \hat{x}_t), (x_{t-k} - \hat{x}_{t-k})]}{\operatorname{var}(x_t - \hat{x}_t)}$$

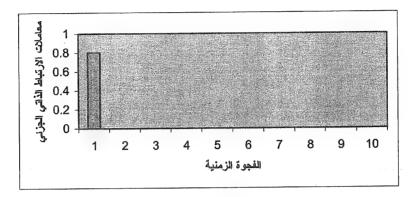
حيث: \hat{x}_{t-1} هي دوال تم الحصول عليها بوساطة الانحدار الخطي للمتغيرات: $x_t=\alpha_0+\sum_{t=1}^\infty\alpha_t x_{t-t}+\varepsilon_t$ في نموذج الانحدار: $x_{t-1},x_{t-2},....,x_{t-k+1}$

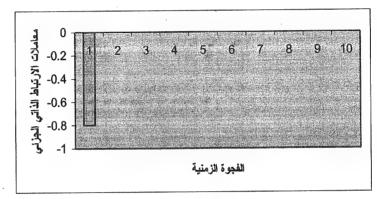
. x_{t-1} متغيرات عشوائية خالصة غير مرتبطة بالمتغيرات ε_t

نلاحظ أن تقدير معاملات الارتباط الذاتي الجزئي يحتاج إلى حسابات طويلة ومعقدة، لذلك سنركز اهتمامنا على كيفية الاستفادة من هذه المعاملات في اختيار النموذج الملائم لسلسلة البيانات دون التطرق إلى كيفية حسابها.

يكن اعتبار أن معامل الارتباط الذاتي الجزئي الأول يساوي معلمة الانحدار وأن معاملات الارتباط الذاتي الجزئي الأخرى تساوي إلى الصفر للنموذج (1) AR(1) . k = 0 من أجل R = 0 من أجل R = 0 من أجل R = 0 من أجل المحدود والمحدود الذاتي المحدود ال

: من أجل k>1 كما هو موضح بالشكل التالي $au_k=0$





. AR(1) . شكل الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج

نتيجة هامة: إن أي نموذج من الشكل (1) AR يكن مطابقته بشكل الارتباط الذاتي الذي ينحدر بشكل أسي (هندسي) نحو الصفر دون أن يغير إشارته أو أن يغير إشارته عند كل تأخير وشكل الارتباط الجزئي* الذي ينعدم بعد التأخير الأول.

ب) غوذج الانحدار الذاتي من الدرجة الثانية (2) AR

يمكن التعبير عن أي نموذج انحدار ذاتي من الدرجة الثانية بالعلاقة:

^{*} سنستعمل الارتباط الجزئي للدلالة على الارتباط الذاتي الجزئي للسهولة فقط.

$$(\Lambda, \Upsilon \xi) \qquad \qquad x_t = \phi_1 x_{t-1} + \phi_2 x_{t-2} + \varepsilon_t$$

أو بدلالة معامل التأخير:

$$(\Lambda, \Upsilon \circ) \qquad (1 - \phi_1 B - \phi_2 B^2) x_t = \varepsilon_t$$

١ - دالة التباين المشترك الذاتي

لقد وجدنا سابقا أن التباين الذاتي يمكن كتابته على النحو التالي:

$$\gamma_0 = E[x_t x_t] = E[x_t(\phi_1 x_{t-1} + \phi_2 x_{t-2} + \varepsilon_t)] = \phi_1 \gamma_1 + \phi_2 \gamma_2 + \sigma_\varepsilon^2$$

$$\gamma_1 = E[x_{t-1}(\phi_1 x_{t-1} + \phi_2 x_{t-2} + \varepsilon_t)] = \phi_1 \gamma_0 + \phi_2 \gamma_1 + 0$$

$$\gamma_2 = E[x_{t-2}(\phi_1 x_{t-1} + \phi_2 x_{t-2} + \varepsilon_t)] = \phi_1 \gamma_1 + \phi_2 \gamma_0 + 0$$

......

$$\gamma_k = \phi_1 \gamma_{k-1} + \phi_2 \gamma_{k-2}$$

٢ - دالة الارتباط الذاتي:

اعتمادا على العلاقتين (٨,٨) و(٨,٢٦) يمكن أن نكتب دالة الارتباط الذاتي على الشكل التالى:

$$(\Lambda, \Upsilon V) \qquad \qquad \rho_k = \phi_1 \rho_{k-1} + \phi_2 \rho_{k-2}$$

بالتعويض في العلاقة: $(\Lambda, \Upsilon V)$ عن λ بـ $(\Lambda, \Upsilon V)$ بن نحصل على قيم معاملات الارتباط الذاتي المختلفة ، مثلا:

$$k=1 \Longrightarrow \rho_1 = \phi_1 \rho_0 + \phi_2 \rho_1 = \phi_1 + \phi_2 \rho_1$$

$$ho_1=rac{\phi_1}{1-\phi_2}$$
 (۸,۲۸) $ho_0=rac{\gamma_0}{\gamma_0}=1$: نگن

$$(\Lambda, \Upsilon \mathfrak{q}) \hspace{1cm} \rho_{1} = \rho_{-1} \hspace{1cm} g$$

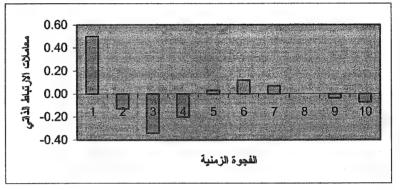
 $k=2 \Rightarrow \rho_2=\phi_1\rho_1+\phi_2\rho_0=\phi_1\rho_1+\phi_2$

. وهكذا بالنسبة لباقي القيم
$$\rho_2 = \frac{{\phi_1}^2}{1-{\phi_2}} + {\phi_2}$$

 $x_t = 0.75x_{t-1} - 0.5x_{t-2} + \varepsilon_t$: مثال (٦): أوجد معاملات الارتباط الذاتي للنموذج ثم مثلها بيانيا ، ماذا تستنتج من الشكل

بالتعويض في العلاقة: (Λ, Υ) عن k بالتعويض في العلاقة: (Λ, Υ) عن λ بالتعويض في العلاقة:

$$ho_1=0.5,
ho_2=-0.13,
ho_3=-0.34,
ho_4=-.21,
ho_5=0.09,
ho_6=0.17,...$$
 eyرسم هذه القيم نحصل على الشكل التالى :



الشكل (٨,٨). معاملات الارتباط الذابي للمثال (٦).

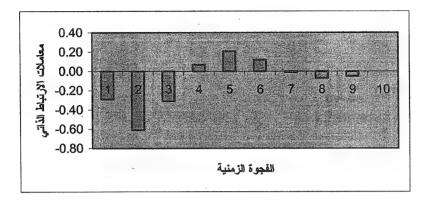
نلاحظ أن معاملات الارتباط الذاتي تنحدر نحو الصفر بشكل جيبي (سيني). مثال (٧): أوجد معاملات الارتباط الذاتي للنموذج التالي وارسم شكلها البياني:

$$x_t = -0.5x_{t-1} - 0.75x_{t-2} + \varepsilon_t$$

بالتعويض في العلاقة: (Λ, Υ) عن k با κ بالتعويض في العلاقة: الارتباط الذاتي المختلفة:

$$\rho_1 = -0.29, \rho_2 = -0.61, \rho_3 = -0.31, \rho_4 = +0.07, \rho_5 = +0.21, \rho_6 = +0.12, \dots$$

$$: \text{eyema with all points}$$



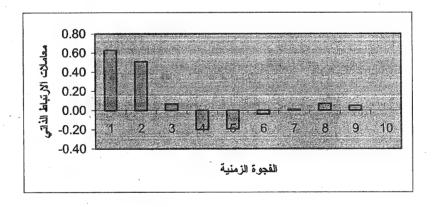
الشكل رقم (٨,٩). معاملات الارتباط الذابي للمثال (٧).

مثال (Λ): أوجد معاملات الارتباط الذاتي للنموذج التالي وارسم شكلها البياني : $x_t = 0.5x_{t-1} + 0.2x_{t-2} + \varepsilon_t$

بالتعويض في العلاقة: (٨,٢٧) عن k بد ١، ٢، ... نحصل على قيم معاملات الارتباط الذاتي المختلفة:

$$\rho_1=0.63, \rho_2=0.51, \rho_3=0.07, \rho_4=-0.20, \rho_5=-0.19, \rho_6=-0.04,...$$

$$: \text{e.g.}$$



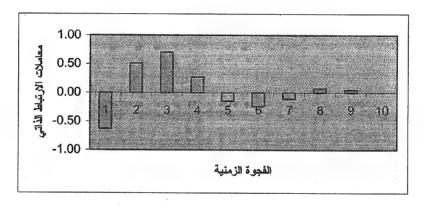
الشكل رقم (٨,١٠). معاملات الارتباط الذايي للمثال (٨).

مثال (٩): أوجد معاملات الارتباط الذاتي للنموذج التالي وارسم شكلها البياني:

$$x_t = -0.5x_{t-1} + 0.2x_{t-2} + \varepsilon_t$$

بالتعويض في العلاقة: (Λ, Υ) عن k ب (Λ, Υ) عن على قيم معاملات الارتباط الذاتي المختلفة:

$$\begin{split} \rho_1 = -0.63, \rho_2 = 0.51, \rho_3 = 0.70, \rho_4 = 0.27, \rho_5 = -0.15, \rho_6 = -0.24, \dots \\ e_1, \rho_2 = 0.51, \rho_3 = 0.70, \rho_4 = 0.27, \rho_5 = -0.15, \rho_6 = -0.24, \dots \\ e_2, \rho_3 = 0.51, \rho_3 = 0.70, \rho_4 = 0.27, \rho_5 = -0.15, \rho_6 = -0.24, \dots \\ e_2, \rho_3 = 0.51, \rho_4 = 0.27, \rho_5 = -0.15, \rho_6 = -0.24, \dots \\ e_3, \rho_4 = 0.27, \rho_5 = -0.15, \rho_6 = -0.24, \dots \\ e_4, \rho_5 = 0.27, \rho_5 = -0.15, \rho_6 = -0.24, \dots \\ e_4, \rho_5 = 0.27, \rho_5 = -0.15, \rho_6 = -0.24, \dots \\ e_5, \rho_6 = 0.27, \rho_6 = -0.15, \rho_6 = -0.24, \dots \\ e_7, \rho_7 = 0.27, \rho_7 = 0.24, \dots \\ e_7, \rho_7 = 0.27, \rho_7 = 0.24, \dots \\ e_7, \rho_7 = 0.24,$$



الشكل رقم (٨,١١). معاملات الارتباط الذاني للمثال (٩).

٣- شروط الاستقرار

يمكن التعبير عن شروط الاستقرار للنموذج (AR (2) بالعلاقات التالية:

$$\phi_1 + \phi_2 < 1$$

$$\phi_2 - \phi_1 < 1$$

 $(\Lambda, \Upsilon \cdot)$

 $-1 < \phi_2 < 1$

٤ - دالة الارتباط الذاتي الجزئي

تنعدم معاملات الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج (2) AR بعد التأخير الثاني:

· W • W

استخدام نماذج بوكس- جنكنز في التنبؤ الإداري

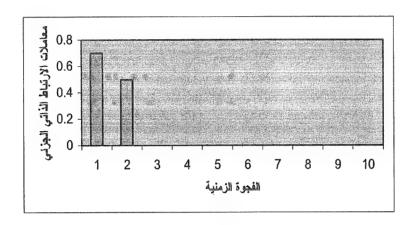
 $\phi_{11} \neq 0$

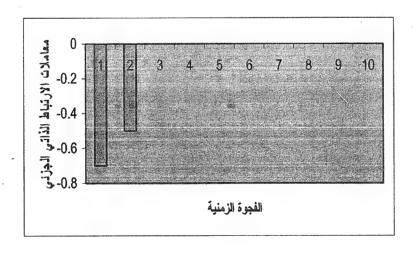
(1,41)

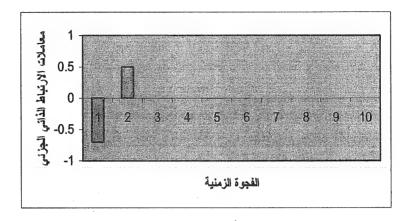
 $\phi_{22} \neq 0$

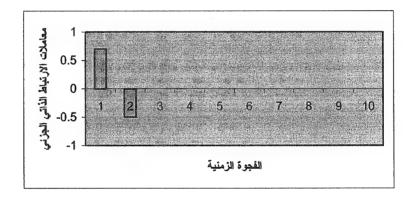
 $.\,K>2$ من أجل $\phi_{kk}=0$

وبشكل عام تأخذ دالة الارتباط الذاتي الجزئي الشكل التالي:









. AR(2) الشكل رقم (٨,١٢). الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج

نتيجة هامة: إن أي نموذج من الشكل (2) AR يمكن مطابقته بشكل الارتباط الذاتي الذي ينحدر بشكل جيبي (سيني) نحو الصفر ويأخذ عدة أشكال حسب قيم معاملات الانحدار الذاتي وشكل الارتباط الجزئي الذي ينعدم بعد التأخير الثاني.

AR(p): P غوذج الانجدار الذاتي من الدرجة AR(p): P غوذج يكتب النموذج AR(p): AR(p) بإحدى الصيغ التالية:

$$(\Lambda, \Upsilon \Upsilon)$$
 $x_{t} = \phi_{1}x_{t-1} + \phi_{2}x_{t-2} + \dots + \phi_{p}x_{t-p} + \varepsilon_{t}$

$$(\Lambda, \Upsilon\Upsilon) \qquad (1-\phi_1 B - \phi_2 B^2 - \dots - \phi_p B^p) x_t = \varepsilon_t$$
 أو

$$\Phi(B)x_t = \xi_t \qquad \qquad \text{if} \qquad \qquad \text{if}$$

حيث: $\Phi(B)$ كثيرة حدود من الدرجة p و B معامل التأخير.

يمكن كتابة العزم من الدرجة p على الشكل التالى:

$$\gamma_k = E[x_{t-k}(\phi_1x_{t-1}+\phi_2x_{t-2}+.....+\phi_px_{t-p}+\varepsilon_t)]$$

: k = 0,1,2,...., p

$$\gamma_0 = \phi_1 \gamma_1 + \phi_2 \gamma_2 + \dots + \phi_p \gamma_p + \sigma_\varepsilon^2$$

$$\gamma_1 = \phi_1 \gamma_0 + \phi_2 \gamma_1 + \dots + \phi_p \gamma_{p-1}$$

.....

ويتقسيم العلاقات (٨,٣٥) يمينا ويسارا على ٧٥ نحصل على:

$$\rho_1=\phi_1+\phi_2\rho_1+....+\phi_p\rho_{p-1}$$

.....

(A,
$$\Upsilon$$
1)
$$\rho_p = \phi_1 \rho_{p-1} + \phi_2 \rho_{p-2} + \dots + \phi_p$$

إن المعادلات الموجودة في العلاقة (٨,٣٦) تسمى معادلات يول-ولكر، إذا عرفنا معاملات الارتباط الذاتي $\rho_1,\rho_2,...,\rho_p$ نستطيع حساب معاملات الانحدار الذاتي $\phi_1,\phi_2,...,\phi_p$ والعكس بالعكس.

نتيجة هامة: إن شكل الارتباط الذاتي للنموذج AR(p) هو مزيج من شكلين أسي وجيبي (سيني) يتخامد بلطف ومعاملات الارتباط الذاتي ρ_k لا تنعدم من أجل أي تأخير.

أما معاملات الارتباط الذاتي الجزئي فتنعدم من أجل التأخير الأكبر من p.

(٨,٦) نماذج المتوسطات المتحركة (٨٨) Moving Average Models

يمكن التوسع في نموذج (1) AR باستخدام التغيرات العشوائية التي حدثت في الماضي لمعرفة ما إذا كان من الممكن الوصول إلى تمثيل أفضل لبيانات السلسلة الزمنية كما يلى:

$$(\Lambda, \Upsilon V) x_t = \phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1}$$

حيث تمثل ε_{t-1} التغير العشوائي في الفترة t-1 ، كما تسمى ε_{t-1} معلمة المتوسطات x_t على x_t المتحركة التي يجب تقديرها. وتصف هذه المعلمة تأثير التغير العشوائي السابق على x_t .

وتأخذ المعادلة (٨,٣٧) صيغة نموذج انحدار متعدد ذي متغيرين مستقلين هما ε_{t-1} و لكن هذه المناظرة غير كاملة لأن التغير العشوائي لا يمكن مشاهدته ، وبالتالي لا يمكن استخدامه كمتغير مستقل في نموذج انحدار متعدد.

أ) نموذج المتوسطات المتحركة من الدرجة الأولى (1) MA

المتحركة x_{i-1} من المعادلة (٨,٣٧)، نحصل على نموذج المتوسطات المتحركة من الدرجة الأولى Moving Average Model of Order 1:

$$(\Lambda, \Upsilon \Lambda) x_t = \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1}$$

أو بدلالة معامل التأخير:

$$(\Lambda, \Upsilon \Lambda)$$
 $x_t = (1 - \theta_1 B) \varepsilon_t$

ويتم فيه التعبير عن المشاهدة الحالية x_i كدالة خطية في التغير العشوائي الحالي ε_i والتغير العشوائي السابق ε_{i-1} .

تعد إمكانية إجراء تخفيض كبير في عدد معالم نموذج المتوسطات المتحركة سببا هاما في الاعتماد على هذه النماذج، حيث يكافئ النموذج (MA(1) النموذج (∞) أي أن نموذج متوسطات متحركة بمعلمة واحدة يساوي نموذج انحدار ذاتي بعدد لانهائي من المعالم.

من المعادلة (٨,٣٨) يمكن أن نكتب:

$$\varepsilon_t = x_t + \theta_1 \varepsilon_{t-1}$$

$$\varepsilon_{t-1} = x_{t-1} + \theta_1 \varepsilon_{t-2}$$

وبالتعويض عن ϵ_{l-1} بقيمتها في المعادلة (٨,٣٨) نحصل على:

$$x_t = \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} = \varepsilon_t - \theta_1 (x_{t-1} + \theta_1 \varepsilon_{t-2})$$

$$=\varepsilon_t-\theta_1x_{t-1}-\theta_1^2\varepsilon_{t-2}=-\theta_1x_{t-1}-\theta_1^2\varepsilon_{t-2}+\varepsilon_t$$

.....

$$(\Lambda, \xi \cdot) \qquad MA(1) \Rightarrow x_{t} = -\theta_{1} x_{t-1} - \theta_{1}^{2} x_{t-2} - \theta_{1}^{3} x_{t-3} - \dots + \varepsilon_{t}$$

ويطلق على هذه العلاقة: الصيغة المعكوسة لسياق متوسطات متحركة: الصيغة على هذه العلاقة: الصيغة المعكوسة لسياق متوسطات متحركة: Inverted Form of a Moving Average Process لانهائيا من حدود الانحدار الذاتي ولا تتضمن أي تغير عشوائي سابق. لذلك فإن نماذج المتوسطات المتحركة تقدم لنا صورة مختصرة لتمثيل النماذج المعقدة، أي تقدم طريقة لتخفيض عدد المعالم اللازمة لوصف السلسلة بشكل مناسب.

١ - شرط الانعكاس

بما أن الوسط الحسابي والتباين والتباين المشترك للنموذج (MA(1 هي وسائط ثابتة مع الزمن، لذلك يمكن أن نكتب:

$$\begin{split} E[x_t] &= E[\varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1}] = E[\varepsilon_t] - \theta_1 E[\varepsilon_{t-1}] = 0 - 0 = 0 \\ & \text{var}[x_t] = E[(\varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1})^2] = E[\varepsilon_t^2 - 2\theta_1 \varepsilon_t \varepsilon_{t-1} + \theta_1^2 \varepsilon_{t-1}^2] = \sigma_\varepsilon^2 - 0 + \theta_1^2 \sigma_\varepsilon^2 \\ & (\Lambda, \xi \Lambda) \\ & \gamma_0 = (1 + \theta_1^2) \sigma_\varepsilon^2 \\ & \text{cov}(x_t x_{t-1}) = E[(\varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1})(\varepsilon_{t-1} - \theta_1 \varepsilon_{t-2})] \\ &= E[\varepsilon_t \varepsilon_{t-1}] - \theta_1 E[\varepsilon_t \varepsilon_{t-2}] - \theta_1 E[\varepsilon_{t-1}^2] + \theta_1^2 E[\varepsilon_{t-1} \varepsilon_{t-2}] = 0 - 0 - \theta_1 \sigma_\varepsilon^2 + 0 \end{split}$$

$$(\Lambda, \xi \Upsilon)$$
 $\gamma_1 = -\theta_1 \sigma_{\varepsilon}^2$ أو

نلاحظ أن شرط الانعكاس لا يفرض أي قيد على قيمة المعلمة θ_1 ، ومع ذلك إذا كانت $1 < 1/\rho_1$ فإن هذا يؤدي إلى تفسير غير واقعي للصيغة المعكوسة ، وهو أن تأثير مشاهدات الماضي يتزايد كلما زاد قدم هذه المشاهدات وهذا مخالف لمنطق تحليل السلاسل الزمنية ، لذلك يفترض أن تكون : $1 > 1/\rho_1$. ويطلق على هذا الشرط : شرط الانعكاس.

ويمكن القول إن شروط الانعكاس المفروضة على معالم نموذج المتوسطات المتحركة تناظر شروط الاستقرار المفروضة على معالم نموذج الانحدار الذاتي.

٢- دالة التباين المشترك الذاتي

اعتمادا على العلاقتين: (٨,٤١) و(٨,٤٢) يمكن أن نكتب:

$$\gamma_0 = \operatorname{var}(x_t) = (1 + \theta_1^2)\sigma_{\varepsilon}^2$$

$$\gamma_1 = \text{cov}(x_t x_{t-1}) = -\theta_1 \sigma_{\varepsilon}^2$$

$$\gamma_2 = \operatorname{cov}(x_t x_{t-2}) = E[(\varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1})(\varepsilon_{t-2} - \varepsilon_1 \varepsilon_{t-3})] = 0$$

.....

 $(\Lambda, \xi \pi)$ من أجل 1 > 1 من أجل $\gamma_k = 0$ π حدالة الارتباط الذاتي

تعطى دالة الارتباط الذاتي للنموذج (MA(1 بالعلاقات التالية:

$$ho_k = rac{\gamma_k}{\gamma_0}$$
(\Lambda, \xi\xi\)
$$ho_1 = rac{-\theta_1 \sigma_{\varepsilon}^2}{(1+\theta_1^2)\sigma_{\varepsilon}^2} = rac{-\theta_1}{(1+\theta_1^2)}$$
(\Lambda, \xi\ta)
$$ho_k = 0$$

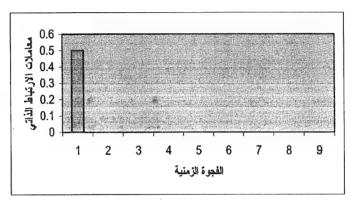
تنعدم معاملات الارتباط الذاتي للنموذج (1)MA بعد التأخير الأول وتأخذ أحد الشكلين الموضحين في المثالين التاليين:

4.9

مثال (۹): احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج: $x_i = \varepsilon_i - 0.8\varepsilon_{i-1}$ ثم السم شكلها البياني.

$$\rho_1 = \frac{-\theta_1}{1 + \theta_1^2} = \frac{+0.8}{1 + 0.64} = 0.5$$

k > 1 من أجل $\gamma_k = 0$

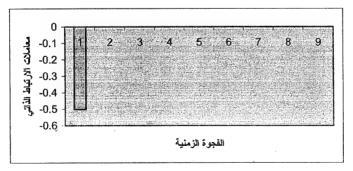


الشكل رقم (٨,١٣). معاملات الارتباط الذاتي للمثال (٩).

مثال (۱): احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج: $x_i = \varepsilon_i + 0.8\varepsilon_{i-1}$ ثم السم شكلها البياني.

$$\rho_1 = \frac{-\theta_1}{1 + \theta_1^2} = \frac{-0.8}{1 + 0.64} = -0.5$$

.k >1 من أجل $\gamma_k = 0$



الشكل رقم (٨,١٤). معاملات الارتباط الذاتي للمثال (١٠).

٤ - دالة الذاكرة

دالة الذاكرة هي الشكل البياني لمعاملات الذاكرة، وهي معاملات المتغير العشوائي عند تمثيل القيمة الحالية للسلسلة , ر بدلالة المتغيرات العشوائية السابقة فقط. وبالتالي يمكن الحصول على ذاكرة النموذج (1) MA مباشرة من تعريف النموذج نفسه.

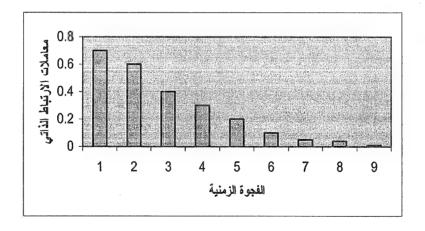
إن تأثير المتغير العشوائي ε يكون كاملا في الفترة الحالية ، ثم يصبح متناسبا مع θ_1 في الفترة التالية ، لذلك فإن ذاكرة النموذج (1) MA تدوم لفترة واحدة فقط كما هو واضح من الشكلين السابقين.

٥- دالة الارتباط الذاتي الجزئي

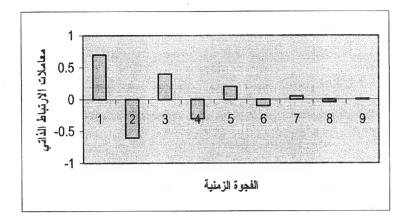
تأخذ دالة الارتباط الذاتي الجزئي أحد الشكلين التاليين:

– إذا كانت 0 < $\theta_{\rm l} > 0$ انحدار أسي بدون تغيير الإشارة.

ا خدار أسي مع تغيير الإشارة عند كل تأخير كما هو واضح $\theta_1 < 0$ من الشكلين التاليين:



الشكل رقم (٨,١٥). انحدار أسي بدون تغيير الإشارة.



الشكل رقم (٨,١٦). انحدار أسى مع تغيير الإشارة عند كل تأخير.

نتيجة هامة: يمكننا مطابقة أي نموذج من الشكل (1) MA بوساطة شكل الارتباط الذاتي الخزئي الله الذي يساوي الصفر بعد التأخير الأول وبوساطة شكل الارتباط الدرتي الجزئي الذي ينحدر بشكل أسي مع/أو بدون تغيير الإشارة.

ب) غوذج المتوسطات المتحركة من الدرجة الثانية (2) MA

يكتب نموذج المتوسطات المتحركة من الدرجة الثانية على الشكل التالي:

$$(\Lambda, \xi \mathsf{I}) \qquad \qquad x_t = \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} - \theta_2 \varepsilon_{t-2}$$

أو بدلالة معامل التأخير:

$$(\Lambda, \xi V) x_t = (1 - \theta_1 B - \theta_2 B^2) \varepsilon_t$$

١ - دالة التباين المشترك

تعطى دالة التباين المشترك للنموذج (2) MA بالعلاقات التالية:

$$\begin{split} \gamma_0 &= E[x_t x_t] = E[(\varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} - \theta_2 \varepsilon_{t-2})(\varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} - \theta_2 \varepsilon_{t-2})] \\ &= \sigma_{\varepsilon}^2 + \theta_1^2 \sigma_{\varepsilon}^2 + \theta_2^2 \sigma_{\varepsilon}^2 = (1 + \theta_1^2 + \theta_2^2) \sigma_{\varepsilon}^2 \end{split}$$

$$(\Lambda, \xi \Lambda) \qquad \qquad \gamma_0 = (1 + \theta_1^2 + \theta_2^2) \sigma_{\varepsilon}^2$$

 $\gamma_1 = E[x_t x_{t-1}] = E[(\varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} - \theta_2 \varepsilon_{t-2})(\varepsilon_{t-1} - \theta_1 \varepsilon_{t-2} - \theta_2 \varepsilon_{t-3})] = -\theta_1 \sigma_{\varepsilon}^2 + \theta_1 \theta_2 \sigma_{\varepsilon}^2$

$$(\Lambda, \xi \mathfrak{A}) \qquad \qquad \gamma_1 = -\theta_1 (1 - \theta_2) \sigma_{\varepsilon}^2$$

 $\gamma_2 = E[x_t x_{t-2}] = E[(\varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} - \theta_2 \varepsilon_{t-2})(\varepsilon_{t-2} - \theta_1 \varepsilon_{t-3} - \theta_2 \varepsilon_{t-4})] = -\theta_2 \sigma_{\varepsilon}^2$

$$(\Lambda, \circ \bullet)$$
 $\gamma_2 = -\theta_2 \sigma$

 $(\Lambda, \circ 1)$.k >2 من أجل $\gamma_k = 0$

٣- دالة الارتباط الذايي

تعطى دالة الارتباط الذاتي للنموذج (2) MA بالعلاقات التالية:

$$\rho_1 = \frac{-\theta_1(1 - \theta_2)}{(1 + \theta_1^2 + \theta_2^2)}$$

$$\rho_2 = \frac{-\theta_2}{(1 + \theta_1^2 + \theta_2^2)}$$

k > 2 من أجل $\rho_k = 0$

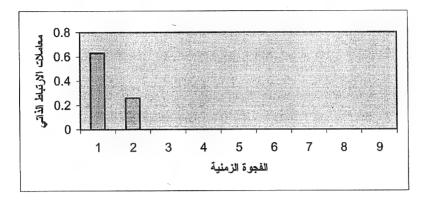
ملاحظة: إن إشارة ρ_1 و ρ_2 هي عكس إشارة θ_1 و θ_2 على الترتيب. وبشكل عام فإن إشارة آخر معامل ارتباط ذاتي غير صفري هي عكس إشارة المعلمة الأخيرة في نموذج المتوسطات المتحركة.

 $x_i = \varepsilon_i - 0.8\varepsilon_{i-1} - 0.5\varepsilon_{i-2}$: احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج الحسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج ثم مثلها بيانيا.

$$\rho_1 = \frac{-\theta_1(1-\theta_2)}{(1+\theta_1^2+\theta_2^2)} = \frac{+0.8(1+0.5)}{(1+0.64+0.25)} = 0.63$$

$$\rho_2 = \frac{-\theta_2}{(1+\theta_1^2+\theta_2^2)} = \frac{+0.5}{(1+0.64+0.25)} = 0.26$$

Ê



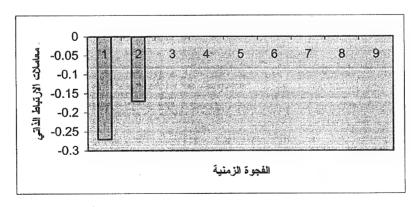
الشكل رقم (٨,١٧). معاملات الارتباط الذابي للمثال (١١).

مثال (۱۲): احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج:
$$x_t = \varepsilon_t + 0.4\varepsilon_{t-1} + 0.2\varepsilon_{t-2}$$

ثم مثلها بيانيا.

$$\rho_1 = \frac{-\theta_1(1 - \theta_2)}{(1 + \theta_1^2 + \theta_2^2)} = \frac{-0.4(1 - 0.2)}{(1 + 0.16 + 0.04)} = -0.27$$

$$\rho_2 = \frac{-\theta_2}{(1 + \theta_1^2 + \theta_2^2)} = \frac{-0.2}{(1 + 0.16 + 0.04)} = -0.17$$



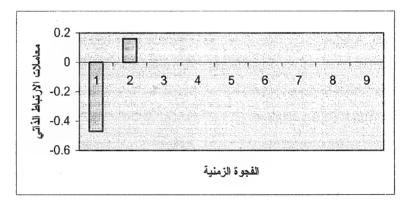
الشكل رقم (٨,١٨). معاملات الارتباط الذاتي للمثال (١٢).

مثال (۱۳): احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج:
$$x_t = \varepsilon_t + 0.5\varepsilon_{t-1} - 0.2\varepsilon_{t-2}$$

ثم مثلها بيانيا.

$$\rho_1 = \frac{-\theta_1(1-\theta_2)}{(1+\theta_1^2+\theta_2^2)} = \frac{-0.5(1+0.2)}{(1+0.25+0.04)} = -0.47$$

$$\rho_2 = \frac{-\theta_2}{(1+\theta_1^2+\theta_2^2)} = \frac{+0.2}{(1+0.25+0.04)} = +0.16$$



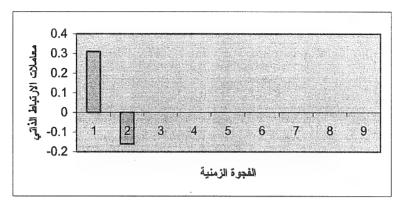
الشكل رقم (٨,١٩). معاملات الارتباط الذابي للمثال (١٣).

مثال (۱٪): احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج: $x_t = \varepsilon_t - 0.5\varepsilon_{t-1} + \hat{0}.2\varepsilon_{t-2}$

ثم مثلها بيانيا.

$$\rho_1 = \frac{-\theta_1(1-\theta_2)}{(1+\theta_1^2+\theta_2^2)} = \frac{+0.5(1-0.2)}{(1+0.25+0.04)} = +0.31$$

$$\rho_2 = \frac{-\theta_2}{(1+\theta_1^2+\theta_2^2)} = \frac{-0.2}{(1+0.25+0.04)} = -0.16$$



الشكل رقم (٨,٢٠). معاملات الارتباط الذابي للمثال (١٤).

٣- شروط الانعكاس

يمكن إثبات أن شروط الانعكاس للنموذج (2) MA هي:

$$\theta_1 + \theta_2 < 1$$

$$\theta_2 - \theta_1 < 1$$

 (Λ, OY)

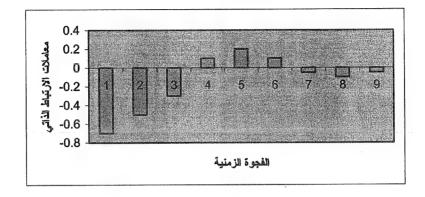
$$/\theta_2/<1$$

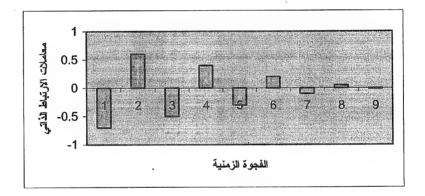
وهي تشبه شروط الاستقرار في النموذج (2) AR.

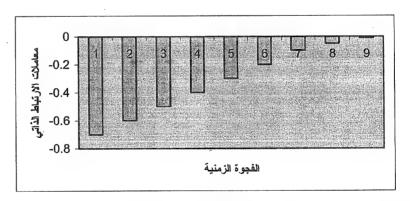
٤ - دالة الارتباط الذاتي الجزئى

يكن لدالة الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج (2) MA أن تأخذ أحد الأشكال التالية:

- انحدار أسى بدون تغيير الإشارة.
- انحدار أسى مع تغيير الإشارة عند كل تأخير.
 - انحدار جيبي يبدأ من القسم الموجب.
 - انحدار جيبي يبدأ من القسم السالب.







10.7

الشكل رقم (٨,٢١). أشكال الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج (MA (2).

نتيجة هامة: بشكل عام، يمكن مطابقة النموذج (2) MA اعتمادا على شكل معاملات الارتباط الذاتي التي تساوي الصفر بعد التأخير الثاني وشكل معاملات الارتباط الذاتي الجزئي التي تأخذ أحد الأشكال الواردة أعلاه.

ج) نموذج المتوسطات المتحركة من الدرجة MA(q) q

يمكن تعميم العلاقات: (٨,٤٦) و(٨,٤٧) بتضمينها عددا أكبر من المتغيرات العشوائية:

$$(\Lambda, \mathfrak{or}) x_t = \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} - \theta_2 \varepsilon_{t-2} - \dots - \theta_q \varepsilon_{t-q}$$

أو بدلالة معامل التأخير:

$$(\Lambda, \mathfrak{o} \, \boldsymbol{\xi}) \qquad \qquad x_t = (1 - \theta_1 B - \theta_2 B^2 - \dots - \theta_q B^q) \varepsilon_t$$

أو بدلالة كثيرة حدود:

$$(\Lambda, \circ \circ) X_t = \Theta(B)\xi_t$$

 $\Theta(B)$ حيث $\Theta(B)$ كثيرة حدود من الدرجة

١- دالة الارتباط الذاتي

بتطبیق العلاقة : $\rho_k = \frac{\gamma_k}{\gamma_0}$ خصل علی العلاقات التالية :

$$\rho_{k} = \frac{(-\theta_{k} + \theta_{1}\theta_{k-1} + \dots + \theta_{q-k}\theta_{q})}{(1 + \theta_{1}^{2} + \dots + \theta_{q}^{2})}$$

k < = q من أجل

٧ - دالة الارتباط الذاتي الجزئي

معاملات الارتباط الذاتي الجزئي لا تنعدم مطلقا.

(۸,۷) النماذج المختلطة (انحدار ذاتي ومتوسطات متحركة) Mixed Autoregressive Moving Average Models

أ) غوذج (1,1) ARMA

بدمج النموذجين (1) AR و(1) فحصل على النموذج (1,1) ARMA على الشكل التالي:

$$AR(1) \Rightarrow x_t = \phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t \Rightarrow \varepsilon_t = x_t - \phi_1 x_{t-1}$$

$$MA(1) \Rightarrow x_t = \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1}$$

وباعتبار أن ε_{t} تمثل نموذج (1) MA یکن أن نکتب:

$$x_t - \phi_1 x_{t-1} = \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1}$$

$$(\Lambda, \delta V) x_t = \phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} \vdots$$

١ - دالة التباين المشترك الذاتي

تُعطى هذه الدالة بالعلاقات التالية:

$$\begin{split} \gamma_0 &= E[x_t x_t] = E[(\phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1})(\phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1})] \\ &= \phi_1^2 \gamma_0 + 0 - \phi_1 \theta_1 E[x_{t-1} \varepsilon_{t-1}] + 0 + \sigma_\varepsilon^2 + 0 - \phi_1 \theta_1 E[\varepsilon_{t-1} x_{t-1}] + 0 + \theta_1^2 \sigma_\varepsilon^2 \\ &= \phi_1^2 \gamma_0 + \sigma_\varepsilon^2 + \theta_1^2 \sigma_\varepsilon^2 - 2\phi_1 \theta_1 \sigma_\varepsilon^2 \end{split}$$

لأن:

$$\begin{split} E[x_{t-1}\varepsilon_{t-1}] &= E[(\phi_1x_{t-2} + \varepsilon_{t-1} - \theta_1\varepsilon_{t-2})(\varepsilon_{t-1})] = 0 + \sigma_\varepsilon^2 + 0 \\ &: \text{وبالتالي فإن:} \end{split}$$

$$-2\phi_1\theta_1E[x_{t-1}\varepsilon_{t-1}] = -2\phi_1\theta_1\sigma_{\varepsilon}^2$$
 : وبالتعويض في علاقة التباين نحصل على :

$$\gamma_0-\phi_1^2\gamma_0=(1+\theta_1^2-2\phi_1\theta_1)\sigma_\varepsilon^2$$

$$\gamma_0 = \frac{(1+\theta_1^2 - 2\phi_1\theta_1)\sigma_{\varepsilon}^2}{(1-\phi_1^2)}$$

$$\gamma_1 = E[x_t x_{t-1}] = E[x_{t-1}(\phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1})] = \phi_1 \gamma_0 + 0 - \theta_1 \sigma_{\varepsilon}^2$$

$$=\phi_{1}\left[\frac{(1+\theta_{1}^{2}-2\phi_{1}\theta_{1})\sigma_{\varepsilon}^{2}}{(1-\phi_{1}^{2})}\right]-\theta_{1}\sigma_{\varepsilon}^{2}$$

$$\gamma_1 = \frac{(1 - \phi_1 \theta_1)(\phi_1 - \theta_1)\sigma_{\varepsilon}^2}{(1 - \phi_1^2)}$$

$$\gamma_2 = E[x_t x_{t-2}] = E[x_{t-2}(\phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1})] = \phi_1 \gamma_0 + 0$$

 $\gamma_k = E[x_t x_{t-k}] = E[x_{t-k}(\phi_1 x_{t-1} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1})] = \phi_1 \gamma_{k-1}$

$$(\lambda, \lambda)$$
 (λ, λ) (λ, λ) (λ, λ) (λ, λ) (λ, λ)

٣- قيود على معالم النموذج المختلط

يوجد قيدان على النموذج المختلط (1,1) ARMA هما:

ا برط الاستقرار. $\phi_1 / < 1$

$$(\Lambda,71)$$
 شرط الانعكاس. $\theta_1/<1$

٣- دالة الارتباط الذابي

بالتعویض في العلاقة : $\rho_k = \frac{\gamma_k}{\gamma_0}$ عن $\rho_k = \frac{\gamma_k}{\gamma_0}$ عن معاملات

الارتباط الذاتي للنموذج المختلط (1,1) ARMA:

$$\rho_1 = \frac{(1 - \phi_1 \theta_1)(\phi_1 - \theta_1)}{(1 + \theta_1^2 - 2\phi_1 \theta_1)}$$

k > = 2 من أجل $\rho_k = \phi_1 \rho_{k-1}$

وكما هي الحال في نموذج (1) AR، فإن معاملات الارتباط الذاتي للنموذج AR(1) من الصفر تدريجيا. ويتحدد معدل الاقتراب من الصفر بمعامل

الانحدار الذاتي ϕ_1 ومع ذلك فإن معامل الارتباط الذاتي الأول ρ_1 لا يساوي ϕ_1 ولكنه يتأثر بمعلمتي الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة. وتتحدد إشارة ρ_1 حسب إشارة المقدار $\phi_1 - \phi_1$.

عمليا، من الصعب التمييز بين شكل معاملات الارتباط الذاتي للنموذج ARMA عمليا، من الصعب التمييز بين شكل معاملات الارتباط الذاتي للنموذج (1) وشكل معاملات الارتباط الذاتي للنموذج:

$$x_t = 0.6x_{t-1} + \varepsilon_t + 0.2\varepsilon_{t-1}$$

ثم ارسم شكلها البياني.

$$\rho_{1} = \frac{(1 - \phi_{1}\theta_{1})(\phi_{1} - \theta_{1})}{(1 + \theta_{1}^{2} - 2\phi_{1}\theta_{1})} = \frac{(1 - 0.6 * 0.2)(0.6 - 0.2)}{(1 + 0.04 - 2 * 0.6 * 0.2)} = 0.44$$

$$\rho_{2} = \phi_{1}\rho_{1} = 0.6 * 0.44 = 0.26$$

$$\rho_{3} = \phi_{1}\rho_{2} = 0.6 * 0.26 = 0.16$$

$$\rho_{4} = \phi_{1}\rho_{3} = 0.6 * 0.16 = 0.10$$

$$\rho_{5} = \phi_{1}\rho_{4} = 0.6 * 0.10 = 0.06$$

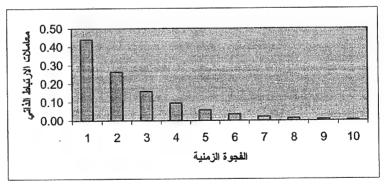
$$\rho_{6} = \phi_{1}\rho_{5} = 0.6 * 0.06 = 0.03$$

$$\rho_{7} = \phi_{1}\rho_{6} = 0.6 * 0.03 = 0.02$$

$$\rho_{8} = \phi_{1}\rho_{7} = 0.6 * 0.02 = 0.01$$

$$\rho_{9} = \phi_{1}\rho_{8} = 0.6 * 0.01 = 0.01$$

$$\rho_{10} = \phi_{1}\rho_{9} = 0.6 * 0.01 = 0.00$$



الشكل رقم (٨,٢٢). معاملات الارتباط الذابي للمثال (١٥).

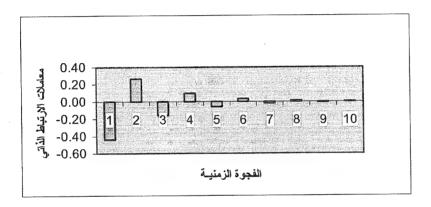
771

مثال (١٦): بالعبودة إلى المشال السابق وباعتبار أن $\phi_1 = -0.2$ و 0.0 = -0.2 أوجد معاملات الارتباط الذاتي للنموذج ثم ارسم شكلها البياني.

باتباع نفس أسلوب المثال السابق نجد:

$$\rho_1 = -0.44, \rho_2 = 0.26, \rho_3 = -0.16, \rho_4 = 0.10, \rho_5 = -0.06$$

$$ho_6=0.03,
ho_7=-0.02,
ho_8=0.01,
ho_9=-0.01,
ho_{10}=0.00$$
 والشكل التالى يوضح التمثيل البياني لهذه المعاملات :



الشكل رقم (٨,٣٣). معاملات الارتباط الذابي للمثال (١٦).

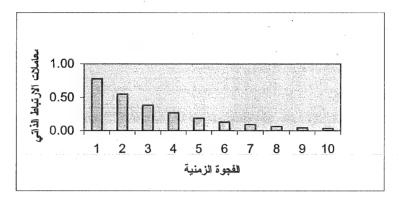
مثال (۱۷): في المثال السابق إذا كانت : $0.7=\phi$ و $0.2-\theta$ ، ما هو شكل معاملات الارتباط الذاتي؟

بحساب معاملات الارتباط الذاتي نجدها:

$$\rho_1 = 0.78, \rho_2 = 0.54, \rho_3 = 0.38, \rho_4 = 0.27, \rho_5 = 0.19$$

$$\rho_6 = 0.13, \rho_7 = 0.09, \rho_8 = 0.06, \rho_9 = 0.04, \rho_{10} = 0.03$$

والشكل التالي يوضح التمثيل البياني لهذه المعاملات:

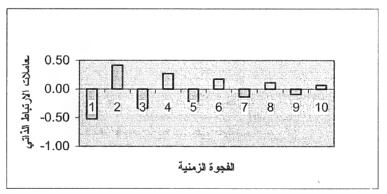


الشكل رقم (٨,٢٤). معاملات الارتباط الذاتي للمثال (١٧).

مثال (۱۸): لنعيد المثال السابق باعتبار أن $\phi_1 = -0.4$ و $\theta_1 = -0.4$. بحساب معاملات الارتباط الذاتي نجدها:

$$\rho_1 = -0.52, \rho_2 = 0.42, \rho_3 = -0.33, \rho_4 = 0.27, \rho_5 = -0.21$$

$$ho_6=0.17,
ho_7=-0.14,
ho_8=0.06,
ho_9=-0.11,
ho_{10}=+0.09$$
 والشكل التالي يوضح التمثيل البياني لهذه المعاملات :



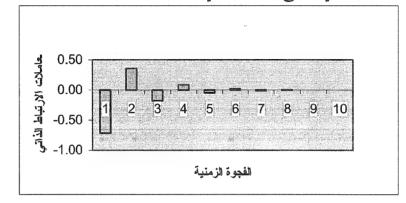
الشكل رقم (٨,٢٥). معاملات الارتباط الذات للمثال (١٨).

مثال (۱۹): بالعودة إلى المثال السابق وباعتبار أن $\phi_1=0.5$ و $\theta_1=0.5$ ، نجد أن معاملات الارتباط الذاتي:

استخدام نماذج بوكس- جنكنز في التنبؤ الإداري
$$\rho_1=-0.71, \rho_2=0.36, \rho_3=-0.18, \rho_4=0.09, \rho_5=-0.04$$

$$\rho_6 = 0.02, \rho_7 = -0.01, \rho_8 = 0.01, \rho_9 = 0.00, \rho_{10} = 0.00$$

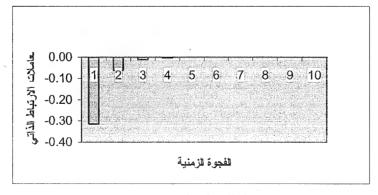
والشكل التالي يوضح التمثيل البياني لهذه المعاملات:



الشكل رقم (٨,٢٦). معاملات الارتباط الذابي للمثال (١٩).

مشال (• Υ): بإعادة المثال السابق من أجل: $0.2 = \phi$ و $0.6 = \theta$ ، نجد أن معاملات الارتباط الذاتي تساوي إلى:

$$ho_1=-0.31,
ho_2=-0.06,
ho_3=-0.01,
ho_4=0.00,
ho_5=0.00$$
 : eliming the limit of the limi



الشكل رقم (٨,٢٧). معاملات الارتباط الذاتي للمثال (٢٠).

٤ - دالة الذاكرة

يكن استنتاج دالة الذاكرة بالحذف المتتالي للمشاهدات السابقة x_{t-1}, x_{t-2}, \dots من المعادلة (٨,٥٧) فنحصل على:

$$x_{l} = \varepsilon_{l} + (\phi_{l} - \theta_{l})\varepsilon_{l-1} + \phi_{l}(\phi_{l} - \theta_{l})\varepsilon_{l-2} + \phi_{l}^{2}(\phi_{l} - \theta_{l})\varepsilon_{l-3} + \phi_{l}^{3}(\phi_{l} - \theta_{l})\varepsilon_{l-4} + \dots - \dots - \theta_{q}\varepsilon_{l-q}$$

ARMA(p,q) (p,q) النموذج المختلط من الدرجة

: التالي : بتعميم العلاقة (٨,٥٧) نحصل على النموذج (٨,٥٧) التالي : بتعميم العلاقة (٨,٦٢) $x_t = \phi_1 x_{t-1} + \phi_2 x_{t-2} + + \phi_p x_{t-p} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} - \theta_2 \varepsilon_{t-2} - - \theta_q \varepsilon_{t-q}$

(٨,٨) نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية ARIMA

في النماذج السابقة افترضنا أنها تمثل سلاسل مستقرة. لكن في التطبيق العملي نجد أغلب السلاسل الزمنية غير مستقرة. إن أحد أسباب عدم استقرار هذه السلاسل يرجع إلى وجود الاتجاه العام. وكما رأينا في بداية هذا الفصل، افترض بوكس وجنكنز أنه في بعض الأحيان يمكن تحويل السلسلة غير المستقرة إلى مستقرة بإدخال معامل فروق من الدرجة d على النحو التالى:

$$\Delta^d = (1 - B)^d$$

ويذلك تتحول نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة (p,q) للسلسلة ARMA(p,q) للماسلة متحركة تكاملية Autoregressive Integrated إلى نماذج انحدار ذاتي ومتوسطات متحركة تكاملية ARIMA(p,d,q) ، Moving Average Models ميث تشير p إلى درجة المتحركة وp إلى عدد الفروق اللازمة لتحقيق استقرار السلسلة.

ويكن اعتبار النماذج AR(p) و MA(q) و AR(p,q) نماذج انحدار ذاتي ومتوسطات متحركة تكاملية وكتابتها على الترتيب على النحو التالي:

. ARIMA(p,0,q); ARIMA(0,0,q); ARIMA(p,0,0)

وباستخدام الرمزين Δ و Δ عكن التعبير عن أي نموذج من الشكل ARIMA(p,d,q) بالعلاقة :

 $\Phi(B)Y_t = \Theta(B)\xi_t$

حيث تعرف كثيرتا الحدود السابقتين في B كما يلي:

 $\Phi(B) = 1 - \phi_1 B - \phi_2 B^2 - \dots - \phi_p B^p$

 $\Theta(B) = 1 - \theta_1 B - \theta_2 B^2 - \dots - \theta_n B^q$

كما تعرف ,X كما يلى:

.d > 0 إذا كانت $Y_t = \Delta^d X_t$

.d = 0 إذا كانت $Y_t = X_t^*$

ويمكن الحصول على توفيق أفضل للبيانات باستخدام حد ثابت، فتصبح المعادلة (٨, ٦٣) على الشكل التالى:

 $\Phi(B)Y_t = \delta + \Theta(B)\xi_t$

ويمكن أن تكون δ الوسط الحسابي إذا كان النموذج نموذج متوسطات متحركة ، أو: $\frac{m}{1-\phi_1-\phi_2-....-\phi_p}$

(٨,٩) نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية الموسمية SARIMA

تعتبر التغيرات الموسمية من أهم أسباب عدم استقرار السلاسل الزمنية. ويمكن معالجة هذه الحالة بأسلوبين:

- الأسلوب الأول، يتضمن تحويل السلسلة غير المستقرة إلى سلسلة مستقرة عن طريق حذف التغيرات الموسمية الدورية. أما الأسلوب الثاني، فيقتضي إدخال التغيرات الموسمية في النموذج، وهو ما اتبعه بوكس وجنكنز. حيث اقترحا استخدام

غاذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية الموسمية: Seasonal Autoregressive غاذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية الموسمية:

- باستخدام نفس الرموز المستخدمة في النماذج السابقة ، يمكن التعبير عن نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية الموسمية بالعلاقة التالية :

 $(\Lambda, 70)$ $SARIMA(P, D, Q)_s$

حيث تشير P إلى رتبة نموذج الانحدار الذاتي الموسمي.

وD إلى عدد الفروق الموسمية.

وQ إلى رتبة نموذج المتوسطات المتحركة الموسمي.

وs إلى طول الدورة الموسمية.

وبشكل أكثر تفصيلا ، يمكن أن نكتب النموذج السابق على النحو التالي : $\phi(B) \Phi_P(B^s) \Delta^d \Delta^k y_t = \theta(B) \Theta_Q(B^s) \varepsilon_t$

 $\Delta^s = (1 - B^s)$: حيث

و P وQ و k أعداد صحيحة غير سالبة.

و (B); $\theta(B)$ کثیرات حدود لمعامل التأخیر B من الدرجة $\phi(B)$ على الترتیب.

و ($\Theta_P(B^s); \Theta_Q(B^s)$ من الدرجة P و على و ($\Phi_P(B^s); \Theta_Q(B^s)$ من الدرجة Q و على الترتيب.

نتيجة هامة: بشكل عام، يمكن التعرف على السلسلة المستقرة من خلال الهبوط السريع لشكل الارتباط الذاتي عندما يزداد التأخير (الفجوة الزمنية). إذا لم يتحقق هذا السريع لشكل الارتباط الذاتي عندما يزداد التأخير (الفجوة الزمنية). إذا لم يتحقق هذا الهبوط، نستخدم غالبا طريقة الفروق بتحويل السلسلة الأصلية y_t إلى الشكل التالي: $y_t = (1-B)^d (1-B^s)^u y_t'$

حيث s هو معامل التأخير الموسمي (٤ في السلاسل الفصلية و١٢ في السلاسل الشهرية). وu درجة الفروق الموسمية.

وd درجة الفروق البسيطة أو العادية.

و y'_t تحويل غير خطي لـ y_t ، وغالباً يكون هـذا التحويل مـن الشـكل اللوغاريتمي : $y'_t = \ln y_t$.

(٨,١٠) مرحلة المطابقة

إن الطرق المستخدمة في مرحلة المطابقة هي طرق تقريبية، ويمكن تعديل وتغيير النموذج الذي تم اختياره في البداية إذا تبين عدم ملاءمته.

بعد التعرف على النموذج، نقوم بتقدير معالمه. وباستخدام وسائل اختبار عديدة ، يمكن أن نحدد فيما إذا كان النموذج ملائما للبيانات المتاحة أم لا. فإذا كان النموذج غير ملائم نقوم بمطابقة نموذج آخر ثم نكرر خطوات تقدير معالمه واختباره حتى نحصل على نموذج ملائم تماما لبيانات السلسلة الزمنية.

تساعد الطبيعة البسيطة لأغلب السلاسل الزمنية الاقتصادية والتجارية والاجتماعية عامة، على تسهيل عملية المطابقة. وتوجد مجموعة من العوامل يمكن الاستعانة بها في هذا المجال منها: طول الدورة الموسمية s (٤ أو ١٢)، وانخفاض درجة النماذج المستخدمة التي في الغالب تكون من الدرجة الأولى أو الثانية. وبعد التأكد من ملائمة النموذج للبيانات نقوم باستخدامه في التنبؤ.

تهدف مرحلة المطابقة إلى تحديد قيمة كل من p (درجة الانحدار الذاتي) d (درجة الفروق) وp (درجة المتوسطات المتحركة) وقيمة كل من P وD وD إذا كان من الضروري إضافة معالم موسمية للنموذج.

وتعتبر مرحلة المطابقة مرحلة أساسية وهامة في اختبار نموذج السلسلة الزمنية. وفي هذه المرحلة تعتبر دالة الارتباط الذاتي Autocorrelation Function) ACF) ودالة الارتباط الذاتي الجزئي Partial Autocorrelation Function) أداتان أساسيتان في التعرف على نموذج السلسلة. حيث نقوم بمقارنة هاتين الدالتين المقدرتين من واقع

بيانات العينة مع الأشكال النظرية، واختيار النموذج النظري الذي يكون شكله قريبا جدا من شكل الارتباط الذاتي والجزئي المقدرين لـ y. .

يمكن تلخيص مرحلة المطابقة بالخطوات التالية:

الخطوة الأولى: حساب معاملات الارتباط الذاتي والجزئي ($\rho_k; \tau_k$) والكشف عن تناقص شكل الارتباط، فإذا كان سريعا فالسلسلة مستقرة وعندها ننتقل إلى الخطوة الثانية، أما إذا كان التناقص بطيئا فالسلسلة غير مستقرة، لذلك نقوم بد:

 $y'_{i} = y_{i}$ ا ختیار $y'_{i} = 1$

عدة قيم γ'_t حساب معاملات الارتباط الذاتي والجزئي ($\rho_k; \tau_k$) لـ γ'_t من أجل عدة قيم لـ ρ_k و B و d .

الخطوة الثانية: إذا كان النموذج نموذج انحدار ذاتي من الدرجة p فإن:

١ - معاملات الارتباط الذاتي لا تساوي الصفر وتتكون من مزيج أسي و/أو جيبي متخامد نحو الصفر.

٢- معاملات الارتباط الذاتي الجزئي تساوي الصفر اعتبارا من التأخير الأكبر
 من p.

الخطوة الثالثة: إذا كان النموذج نموذج متوسطات متحركة من الدرجة q فإن:

١ - معاملات الارتباط الذاتي تساوي الصفر اعتبارا من التأخير الأكبر من q.

٢- معاملات الارتباط الذاتي الجزئي لا تساوي الصفر وتتكون من مزيج أسي
 و/أو جيبي متخامد نحو الصفر.

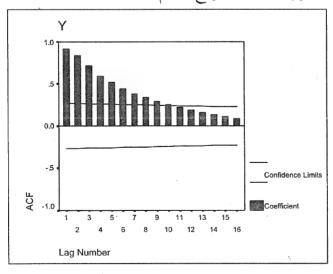
الخطوة الرابعة: إذا كان النموذج نموذج انحدار ذاتي ومتوسطات متحركة من الدرجة q وp فإن معاملات الارتباط الذاتي من أجل التأخير الأكبر من q+1 تتألف من توافيق أسية وجيبية متخامدة هندسيا.

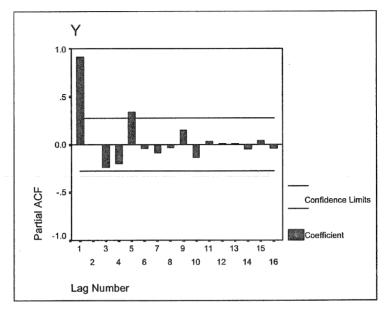
يمكن أن نجمع هذه الخواص في الجدول التالى:

الجدول رقم (٨,٢). خصائص غاذج بوكس-جنكتر.

	-	
دالة الارتباط الذابي الجزئي	دالة الارتباط الذابي	النموذج
ارتباط ذاتي جزئي واحد معنوي	تتناقص بشكل أسي	AR (1)
ارتباطان ذاتيان جزئيان معنويان	تتناقص بشكل أسي أو جيبي (سيني)	AR (2)
•••	•••	•••
تنعدم معاملات الارتباط الذاتي الجزئي	مـزيج أسـي و/أو جـيبي متخامـد نحـو	AR (p)
من أجل k > p	الصفر	
تتناقص بشكل أسي	ارتباط ذاتي واحد معنوي	MA (1)
تتناقص بشكل أسي أو جيبي	ارتباطان ذاتيان معنويان	MA (2)
• • •	•••	• • •
مزيج أسي و/أو جيبي متخامـ نحـو	تنعدم معاملات الارتباط الذاتي من	MA (q)
الصفر	1	
مزيج أسي و/أو جيبي متخامد نحو	مـزيج أســي و/أو جــيبي متخامــد نحــو	ARMA (p,q)
الصفر	الصفر	

مثال (٢١): الشكل التالي يمثل معاملات الارتباط الذاتي ومعاملات الارتباط الذاتي الجزئي لسلسلة زمنية تمثل عدد حجاج الديار المقدسة خلال الفترة ١٣٤٤- ١٣٩٧هـ، والمطلوب: تحديد النموذج الملائم لبيانات هذه السلسلة.





الشكل رقم (٨,٢٩). معاملات الارتباط الذاتي ومعاملات الارتباط الذاتي الجزئي.

نلاحظ من الشكل الأعلى (معاملات الارتباط الذاتي) أنها تتناقص بشكل أسي مما يوحي بأنها تمثل نموذج انحدار ذاتي حسب جدول خصائص نماذج بوكس-جنكنز. أما درجة النموذج فيحددها شكل معاملات الارتباط الذاتي الجزئي (الشكل الأسفل)، حيث لا يوجد فيه سوى قيمة واحدة معنوية (أكبر ٢٠,٢)، وبذلك يمكن القول أن النموذج الملائم لهذه السلسلة هو نموذج انحدار ذاتي من الدرجة الأولى.

ملاحظة: إذا كان تحديدنا السابق غير ملائم تماما لبيانات السلسلة فيمكن أن نكتشف ذلك من خلال المراحل اللاحقة.

(٨,١١) مرحلة التقدير

في المرحلة السابقة ، قمنا بتحديد P و و B و و و الما في مرحلة التقدير فنقوم بتقدير المؤشرات (المعالم): $\hat{\phi}_1,\hat{\phi}_2,....,\hat{\phi}_p,\hat{\theta}_1,\hat{\theta}_2,....,\hat{\theta}_q,\hat{\sigma}_\varepsilon^2$.

100

ولتقدير هذه المعالم نستخدم غالبا إحدى طريقتين: طريقة الإمكانية القصوى أو طريقة المربعات الصغرى. وفي الطريقتين يتم تقدير مقدرات المعالم التي تجعل مجموع مربعات الانحرافات (الأخطاء) أقل ما يمكن بافتراض أن التوزيع هو توزيع طبيعي.

تعطى دالة الإمكانية القصوى بالعلاقة:

$$(\wedge, \forall \wedge) \qquad (\phi, \theta, \sigma_{\varepsilon}^{2}) = (2\pi\sigma_{\varepsilon}^{2})^{-\frac{n}{2}} e^{(-\frac{1}{2}\sigma_{\varepsilon}^{2}\sum_{l=1}^{T}\varepsilon_{l}^{2})}$$

وغالبا، نستخدم لوغاريتم الدالة بدلا من الدالة الأصلية:

$$L(\phi, \theta, \sigma_{\varepsilon}^{2}) = -\frac{T}{2}\ln(2\pi\sigma_{\varepsilon}^{2}) - \frac{1}{2}\sigma_{\varepsilon}^{2}\sum_{t=1}^{T}\varepsilon_{t}^{2}$$

تكبير (تعظيم) الدالة L يكافئ تصغير المقدار $\sum \varepsilon_i^2$ ، توجد ثلاث إمكانيات للتقدير هي:

ا - تصغير المقدار $\frac{1}{2}\sigma_{\epsilon}^2\sum_{i} rac{1}{2}$ وهو دالة الإمكانية القصوى الأصلية.

ح تصغير المقدار $\frac{1}{2}\sigma_{arepsilon}^2$ وهو تقريب لدالة الإمكانية القصوى.

-۳ تصغير المقدار $\sum \varepsilon_i^2$ وهو دالة الإمكانية القصوى الشرطية.

بوكس وجنكنز استخدما الطريقة الثانية ، وهذه الطريقة يمكن أن تعطي نتائج جيدة إذا كانت السلسلة كافيا (n > 50). أما إذا كانت السلسلة المدروسة قصيرة فمن المفضل استخدام طريقة الإمكانية القصوى الشرطية.

(٨,١٢) مرحلة التحقق أو التشخيص

هدف هذه المرحلة هو التأكد من أن النموذج الذي تم اختياره في المراحل السابقة مطابق لبعض الاختبارات الإحصائية فإذا حقق هذه الاختبارات نستخدمه في التنبؤ وإلا ننطلق من المرحلة الأولى بعد أن ندخل في النموذج المعلومات التي زودتنا بها الاختبارات الإحصائية.

ومن هذه الاختبارات نذكر:

١ – اختبارات معالم النموذج: وهي طرائق الاختبار العادية المستخدمة مع طريقة المربعات الصغرى مثل اختبار t واختبار F. بالإضافة إلى ذلك نختبر نموذجين: أحدهما يحوي معالم أكثر من الآخر ونرى فيما إذا أثرت المعالم الإضافية على نتائج الاختبارات. مثلا، في المثال السابق وجدناً أن النموذج يمكن مطابقته بنموذج انحدار ذاتي من الدرجة الأولى، نجري الاختبارات على معالم هذا النموذج، ثم نجري نفس الاختبارات على نموذج انحدار ذاتى من الدرجة الثانية. بعد ذلك نقارن بين نتائج اختبارات النموذجين ونقرر فيما إذا حسنت المعالم الجديدة قيم هذه الاختبارات.

٧- اختبار الأخطاء: يهدف هذا الاختبار إلى التأكد من أن المتغيرات العشوائية ء التي استخدمناها في النموذج لتقدير معالمه هي متغيرات مستقلة. ومن هذه الاختبارات نستخدم عادة اختبار بوكس- بيرس (Box-Pierce) الذي يختبر الارتباط بين المتغيرات العشوائية. يسمى أيضا اختبار Portmanteau. فإذا كانت q و p هما درجة الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة على الترتيب للنموذج (p,q) ARMA و ع متغيرات عشوائية مستقلة وn طول السلسلة الزمنية وk الفجوة الزمنية أو التأخير فإن:

$$Q \to \chi^2(k-p-q)$$

$$Q = n \sum_{t=1}^k \hat{\varepsilon}_t^2 \qquad : عيث$$

و (k-p-q) عدد درجات الحرية.

ونرفض فرضية استقلال المتغيرات العشوائية ε بدرجة معنوية α إذا كان:

$$Q \geq \chi_{\alpha}^{2}(k-p-q)$$

وبشكل عام تكون: 16 < k < 24.

يمكننا أيضا استعمال معاملات الارتباط الذاتي الفعلية أو المقدرة لاختبار استقلال المتغيرات العشوائية:

$$(\Lambda, \forall \Upsilon) \qquad \qquad \hat{Q} = n \sum_{t=1}^{k} r_t^2 = n \sum_{t=1}^{k} R_t^2$$

ونقبل فرضية استقلال المتغيرات العشوائية arepsilon بدرجة معنوية Ω إذا كان: $\hat{Q} < \chi^2_\alpha(k-p-q)$

مثال (۲۲): في المثال (۱)، وجدنا أن معاملات الارتباط الذاتي المقدرة الأربعة الأولى كانت تساوي: -0.100، -0.100، -0.100، -0.100 الخيرات العشوائية 3 بدرجة معنوية مقدارها 0.100:

$$\hat{Q} = n \sum_{t=1}^{k} \rho_t^2 = 10[(-0.188)^2 + (-0.201)^2 + (0.181)^2 + (-0.132)^2] = 1.26$$

ومن جدول χ^2 نجد القيمة الجدولية الموافقة لمستوى معنوية مقداره χ^2 ودرجات حرية χ^2 : χ^2

لذلك نقبل $\hat{Q} < \chi^2$: فيمة \hat{Q} فيمة فيمة أن يعتمر وبمقارنة هذه القيمة مع قيمة \hat{Q} فيما أن يعتمرات العشوائية أو فرضية أن معاملات الارتباط الذاتية في المجتمع تساوي الصفر.

وفي عام ۱۹۷۸م طور Box و Ljung اختبار Q ليصبح على الشكل التالي: $Q = n(n+2) \sum_{k=1}^{16} \frac{1}{n-k} \rho_k^2$

ملاحظة هامة: إن مفهوم R^2 في نماذج الانحدار الخطي هو نفسه في نماذج بوكس جنكنز ولكن قيمة هذا المعامل في هذه النماذج لا يمكن أن تكون كبيرة، فقد أثبت Nelson في عام ١٩٧٦م أن:

ونفس اللذين اقترحهما كل من على المعامل الذين اقترحهما كل من على المعامل الذين التراكل المعامل الذين المعامل المعامل

. $AIC = \ln \hat{\sigma}_e^2 + \frac{2k}{n}$: Akaike Information Criterion – \

. $SBC = \ln \hat{\sigma}_e^2 + \frac{k}{n} \ln n$: Schwartz Bayesian Criterion – Y

(٨,١٣) مرحلة التنبؤ

بعد اختيار النموذج الملائم لبيانات السلسلة الزمنية نقوم باستخدامه في عملية التنبؤ التي تعتبر الهدف النهائي من دراسة السلاسل الزمنية.

لنفرض أن n تشير إلى الفترة الزمنية الحالية التي يتم عندها التنبؤ، وأننا نريد أن نتنبأ بقيمة المشاهدة التي ستحدث بعد n فترة زمنية، أي أننا نريد أن نتنبأ بقيمة المشاهدة $\hat{y}_n(h)$ معد. تسمى n أفق التنبؤ Forecast horizon، كما تسمى n القيمة المقدرة أو المتنبأ بها للمشاهدة الحقيقة n التي ستحدث بعد n من الفترات الزمنية. فمثلا n إذا كانت n فإن n n تشير إلى القيمة المقدرة للمشاهدة واحدة والتي تنبأنا بها في الفترة n وإذا كانت n فإن n في الفترة n للمشاهدة n وهكذا.

لنفرض أيضا، أن التنبؤ يتم باستخدام المشاهدات المتاحة $y_1, y_2, \dots, y_n, y_n$ وبما أن المتغير الذي نريد التنبؤ بقيمته، وهو y_{n+h} هو متغير عشوائي وبالتالي له توزيع احتمالي

^{*} السلاسل الزمنية من الوجهة التطبيقية، مرجع سابق، ص ١٨٥ و Forecasting، مرجع سابق، ص ٣٦١.

يعتمد على المشاهدة الحالية والمشاهدات السابقة بالإضافة إلى اعتماده على النموذج المقترح. في هذه الحالة يعتبر الوسط الحسابي لتوزيع التنبؤ هو أفضل تنبؤ محن لأن متوسط مربعات الخطأ الناتجة عنه تكون أقل من القيمة المتوقعة لأى تنبؤ آخر *.

لنفرض أن m_h هي القيمة المتوقعة للمتغير y_{n+h} الذي قدرناه أو تنبأنا به في الفترة . $m_h = E(y_{n+h})$ ، أي أن $m_h = E(y_{n+h})$

لنفرض أيضا، أن m هو تقدير أو تنبؤ آخر للمتغير y_{n+h} بحيث أن:

$$m = m_h + d$$

حيث تشير d إلى الفرق بين m و m. وباستخدام نقطة التنبؤ m، نجد أن القيمة المتوقعة لمربع خطأ التنبؤ هي:

$$E[(y_{n+h} - m)^{2}] = E\{[y_{n+h} - (m_{h} + d)]^{2}\}$$

$$E[(y_{n+h} - m)^{2}] = E[(y_{n+h} - m_{h})^{2}] - 2dE(y_{n+h} - m_{h}) + d^{2}$$

وبما أن: $m_h = E(y_{n+h})$ ، لذلك فإن الحد الأوسط في العلاقة السابقة يساوي إلى الصفر. وحتى تتساوى هذه العلاقة يجب أن تساوي p_h إلى الصفر. أي أن القيمة المتوقعة (الوسط الحسابي) هي التنبؤ المثالي بقيمة p_{n+h} لأن متوسط مربعات خطأ التنبؤ المناظرة لها أقل ما يمكن.

التالي**: AR (1) التالي النموذج $E(y_t) = \mu$ لنفرض أن

$$y_t - \mu = \phi_1(y_{t-1} - \mu) + \varepsilon_t$$
 (۱. (۱. $y_t = (1 - \phi_1)\mu + \phi_1 y_{t-1} + \varepsilon_t$: أي أن

^{*} السلاسل الزمنية من الوجهة التطبيقية ، مرجع سابق ، ص ٢١٢.

به تمثل البيانات الأصلية بينما x_i تمثل انحرافات السلسلة الأصلية عن وسطها الحسابي.

وباستخدام الأسلوب السابق وباعتبار h = 1 نجد أن:

$$(\Lambda, \forall \xi)$$
 $E(y_{n+1}) = \hat{y}_n(1) = (1 - \phi_1)\mu + \phi_1 y_n$

ومن أجل h = 2 نجد أن:

$$\hat{y}_n(2) = (1 - \phi_1)\mu + \phi_1\hat{y}_n(1) = (1 - \phi_1)(1 + \phi_1)\mu + \phi_1^2y_n$$

وباستمرار عملية الإحلال هذه يمكن أن نكتب:

$$(\Lambda, \forall o) \qquad \hat{y}_n(h) = (1 - \phi_1)(1 + \phi_1^2 + \dots + \phi_1^{h-1})\mu + \phi_1^h y_n$$

وإذا استمرت عملية التنبؤ لمدى بعيد في المستقبل، أي إذا اقتربت h من اللانهاية ، فإن استخدام شرط استقرار النموذج (1) AR ، وهو 1 > 0 ، يبين لنا أن أفضل تنبؤ هو الوسط الحسابي μ للسلسلة لأن :

اسها $1+\phi_1+\phi_1^2+\dots+\phi_1^{h-1}+\dots$ هـو محموع متواليـة هندسـية لا نهائيـة أساسـها

الله فإن مجموعها يساوي إلى: $\phi_1 / < 1$

وبالتالي فإن:
$$\frac{1}{(1-\phi_1)}$$

$$\hat{y}_n(h) = \frac{1 - \phi_1}{1 - \phi_1} \, \mu = \mu$$

 $h \to \infty$

ويمكن الحصول على نفس النتيجة باتباع طريقة التنبؤ الشرطي.

ويشكل مشابه يمكن التنبؤ بباقى النماذج.

الأمثلة التالية توضح كيفية تطبيق المراحل المختلفة لنماذج بوكس- جنكنز على سلاسل زمنية اقتصادية وإدارية باستخدام برنامج SPSS.

مثال (٣٣): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل عدد حجاج الديار المقدسة خلال الفترة ١٣٤٤ – ١٣٩٧هـ:

. خلال الفترة ١٣٤٤–١٣٩٧هـ.	المقدسة (بالآلاف)	عدد حجاج الديار	.(۸,۳)	الجدول رقم
----------------------------	-------------------	-----------------	--------	------------

عدد الحجاج	السنة	عدد الحجاج	السنة	عدد الحجاج	السنة
۲۸٦	۱۳۸۰هـ	75"	١٣٦٢هـ	٨٥	٤٤٣١هـ
717	١٨٣١هـ	۴ λ	۱۳٦۳هـ	٩١	٥٤٣١هـ
199	۲۸۳۱هـ	٣٨	١٣٦٤هـ	٩٦	7371 <i>ه</i>
777	۱۳۸۳هـ	٦١	٥٢٣١هـ	٩١	۱۳٤۷هـ
77.7	١٣٨٤هـ	00	٦٢٣١هـ	۸۲	۸٤٣١هـ
798	٥٨٣١هـ	٧٦	٧٢٣١هـ	٣٩	٩٤٣١هـ
717	۲۸۳۱هـ	99	۸۶۳۱هـ	79	۰ ۱۳۵ هـ
719	۱۳۸۷هـ	١٠٨	١٣٦٩هـ	۲.	١٣٥١هـ
770	۸۸۳۱هـ	1.1	۱۳۷۰هـ	70	۲۵۳۱هـ
१०५	۱۳۸۹هـ	189	۱۳۷۱هـ	٣٤	۱۳٥۳هـ
173	۱۳۹۰هـ	10.	۲۷۳۱هـ	٣٤	١٣٥٤هـ
٤٧٩	۱۳۹۱هـ	178	۱۳۷۳هـ	٥٠	0071هـ
720	۲۹۳۱هـ	777	٤٧٣١هـ	٧٦	٢٥٣١هـ
٦٠٨	۱۳۹۳هـ	771	١٣٧٥هـ	7.	۱۳۵۷هـ
919	١٣٩٤هـ	717	۲۷۳۱هـ	٣٢	۱۳٥۸هـ
۸۹٥	١٣٩٥هـ	7.9	۱۳۷۷هـ	٩	٩٥٣١هـ
٧١٩	۲۹۳۱هـ	7.٧	۸۷۳۱هـ	7 8	۱۳٦٠هـ
٧٣٩	۱۳۹۷هـ	707	۱۳۷۹هـ	70	١٢٦١هـ

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة، وزارة التخطيط.

والمطلوب: استخدم برنامج SPSS في:

١- رسم شكل انتشار السلسلة الزمنية المثلة لعدد الحجاج خلال الفيترة المثل - ١٣٤٧ - ١٣٩٧ هـ. ماذا يكن أن نستنتج من هذا الشكل؟

٢- أوجد شكل الارتباط الذاتي، ماذا يوحي هذا الشكل؟

٣- أوجد شكل الارتباط الجزئي، ماذا يوحي هذا الشكل؟

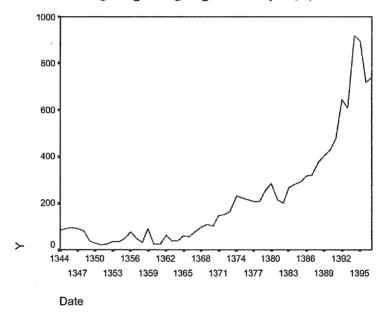
٤- اعتمادا على الطلبات السابقة، هل السلسلة الزمنية الممثلة لعدد الحجاج مستقرة؟ إذا كانت مستقرة حدد النموذج الذي يناسبها. أما إذا كانت السلسلة غير مستقرة، فحولها إلى سلسلة مستقرة ثم اقترح النموذج المناسب لها.

٥- قدر معالم النموذج المقترح ثم اجر الاختبارات اللازمة عليه.

٦- استخدم النموذج المقترح في تقدير عدد الحجاج خلال الفترة المدروسة.

٧- قدر عدد الحجاج في عام ١٣٩٨هـ باستخدام النموذج المقترح.

۱ - باستخدام برنامج SPSS نحصل على الشكل التالى:

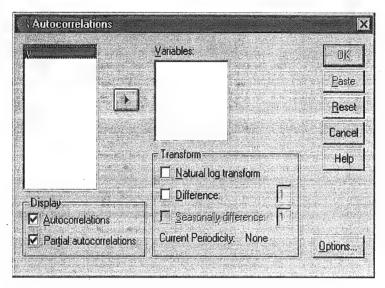


الشكل رقم (٨,٢٩). شكل انتشار سلسلة المثال (٢٣).

نلاحظ من شكل الانتشار أن السلسلة الزمنية غير مستقرة نظرا لوجود اتجاه عام خطي، كما نلاحظ وجود قيمتين شاذتين هما عدد الحجاج في عامي: ١٣٩٤ و١٣٩٥هـ، بينما لا توجد أية تغيرات موسمية أو دورية (البيانات سنوية).

٢- لرسم شكل الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي باستخدام برنامج
 SPSS وحساب اختبار Q، نتبع الخطوات التالية*:

أ) نفتح قائمة الرسم Graphs ونختار منها السلاسل الزمنية Time Series، ثم نختار من القائمة الفرعية للسلاسل الزمنية "ارتباط ذاتي Autocorrelations"، فنحصل على نافذة الحوار التالية:

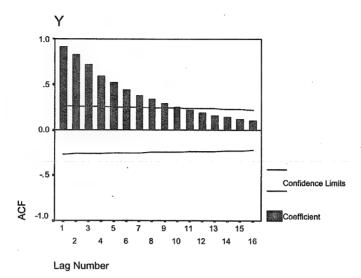


الشكل رقم (٨,٣٠). نافذة الحوار الخاصة بالارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي.

ب) ننقل المتغير لا الذي يمثل السلسلة الزمنية من قائمة متغيرات الملف إلى قائمة المتغيرات المراد حساب ورسم معاملات الارتباط الذاتي والجزئي لها. ومن هذه النافذة نستطيع تحديد عدد الفجوات الزمنية المراد دراستها بفتح تبويب خيارات Options وتحديد العدد المطلوب، علما أن العدد الفرضي يساوي إلى ١٦ فجوة زمنية.

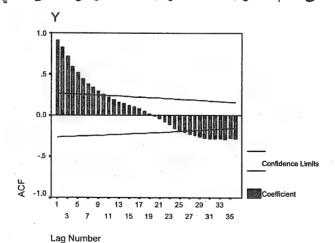
ج) نضغط على مفتاح الإدخال، فنحصل على الشكلين التاليين:

^{*} بافتراض أن ملف بيانات السلسلة الأصلية موجود في البرنامج باعتباره سلسلة زمنية سنوية.



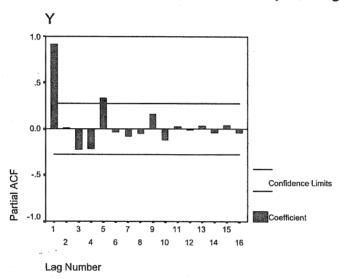
الشكل رقم (٨,٣١). شكل معاملات الارتباط الذابي للمثال (٢٣).

نلاحظ من هذا الشكل أن معاملات الارتباط الذاتي تنحدر نحو الصفر بشكل أسي (هندسي) مما يوحي بأنها تمثل نموذج انحدار ذاتي من أجل ١٦ فجوة زمنية، لكن لو زدنا عدد الفجوات إلى ٣٦ مثلا، نلاحظ أنها تنحدر نحو الصفر ثم تبدأ بالزيادة بعد ذلك مما يدل على عدم استقرار السلسلة الزمنية كما يظهر من الشكل التالى:



الشكل رقم (٨,٣٢). معاملات الارتباط الذابي للمثال (٢٣) من أجل ٣٦ فجوة زمنية.

٣- نلاحظ من الشكل التالي، أنه توجد قيمتان من قيم معاملات الارتباط الذاتي الجزئي جوهرية (أكبر من ٢,٠) هما القيمة الأولى والقيمة الرابعة، حيث يشير الخطان المتوازيان حول المحور الأفقي إلى حدود مجال الثقة للعينات الكبيرة، ويمكن اعتبار كل قيم معاملات الارتباط الذاتي والارتباط الجزئي والأخطاء التي تقع ضمن هذا المجال بأنها لا تختلف جوهريا عن الصفر، بينما القيم التي تقع خارجه هي قيم جوهرية من الناحية الإحصائية.



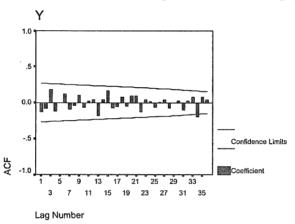
الشكل رقم (٨,٣٣). شكل معاملات الارتباط الذابي الجزئي للمثال (٢٣).

3- بناء على ما تقدم لا يمكن تحديد النموذج المناسب للسلسلة الزمنية لأنها غير مستقرة كما يظهر من الشكل رقم (٨,٣٢) ومن قيمة اختبار Q التي تساوي إلى ٢٠٦,١٤٢ وقيمة مؤشر الاختبار الفعلي لها تساوي إلى ٢٠٠، من أجل ١٦ فجوة زمنية*، أي أننا لا نستطيع رفض فرضية العدم المتعلقة باستقلالية الأخطاء العشوائية لذلك ينبغي تحويل السلسلة إلى سلسلة مستقرة.

^{*} قيم معاملات الارتباط الذاتي والجزئي بالإضافة إلى قيمة اختبار Q تكون مرافقة لأشكال الارتباط الذاتي والجزئي.

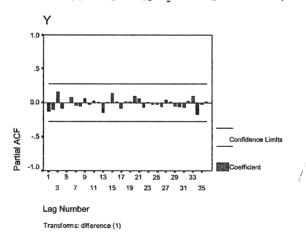
لقد وجدنا سابقا، أنه إذا كانت السلسلة غير مستقرة بسبب وجود اتجاه عام خطي، فيمكن تحويلها إلى سلسلة مستقرة بأخذ فروق الدرجة الأولى، حيث تكفي هذه الفروق لإزالة الاتجاه العام الخطى (مثال ٢).

بالعودة إلى الشكل رقم (٨,٣٠) وتحديد درجة الفروق بدرجة واحدة ومتابعة باقي الخطوات نحصل على الشكلين التاليين اللذين يوضحان معاملات الارتباط الذاتي والارتباط الجزئي لفروق الدرجة الأولى للسلسلة الأصلية:



Transforms: difference (1)

الشكل رقم (٨,٣٤). معاملات الارتباط الذابي لفروق الدرجة الأولى لسلسلة المثال (٢٣).



الشكل رقم (٨,٣٥). معاملات الارتباط الذاتي الجزئي لفروق الدرجة الأولى لسلسلة المثال (٢٣).

نلاحظ من الشكلين السابقين أن معاملات الارتباط الذاتي والجزئي تنحدر نحو الصفر بشكل أسي وجيبي مع تغيير الإشارة، كما أن قيمة اختبار اصبحت مساوية ٢٦,٦٤ وقيمة مؤشر الاختبار الفعلي لها مساوية ٢٦,٦٤ عند الفجوة الزمنية ٣٦، أي أننا نستطيع قبول فرضية العدم القائلة باستقلالية الأخطاء العشوائية. وبذلك يمكن اعتبار أن السلسلة أصبحت مستقرة ونستطيع الانتقال إلى تقدير معالم النموذج.

قبل الانتقال إلى مرحلة التقدير لنناقش إمكانية أن تكون الفروق المأخوذة أكثر أو أقل من اللازم:

أولا: إذا كانت الفروق أقل من اللازم، فإن معاملات الارتباط الذاتي لا تقترب من الصفر بسرعة كافية كلما زاد مقدار الفجوة الزمنية k. وهذا يدل على أن السلسلة غير مستقرة ويجب أخذ فروق إضافية لتحقيق استقرار السلسلة، وهذا ما لاحظناه في بداية المثال ودعانا إلى أخذ فروق الدرجة الأولى للسلسلة المدروسة.

ثانيا: إذا كانت الفروق أكثر من اللازم، فإن دالة الارتباط الذاتي سبين لنا هذه الحالة. لنفرض أن لدينا نموذجا عشوائيا خالصا أو بحتا Pure white noise، أي:

$$y_t = \varepsilon_t$$

في هذا النموذج تتساوى جميع معاملات الارتباط الذاتي مع الصفر. وبأخذ الفروق الأولى لهذا النموذج نحصل على:

$$y_t - y_{t-1} = \varepsilon_t - \varepsilon_{t-1}$$

وبفرض أَنْ: $y_t - y_t - y_{t-1}$ يصبح النموذج على الشكل التالي: $w_t = y_t - y_{t-1}$ وبفرض أَنْ: $w_t = y_t - y_{t-1}$ فيه $w_t = \varepsilon_t - \varepsilon_{t-1}$ وهذا النموذج أكثر تعقيدا من

النموذج العشوائي الخالص.

لقد وجدنا سابقا، أن دالة الارتباط الذاتي لهذا النموذج هي:

$$\rho_1 = \frac{-\theta_1}{(1+\theta_1^2)}$$

$$\rho_k = 0, k \ge 2$$

وباعتبار أن: $\theta_1 = 0.5$ فإن $\rho_1 = 0.5$. وبالتالي فإن الحصول على تقدير قريب من 0.0 لمعامل الارتباط الذاتي الأول مع تقديرات قريبة من الصفر لبقية معاملات الارتباط الذاتي يعتبر مؤشرا على أخذ فروق أكثر من اللازم في النموذج.

وبالرجوع إلى المثال السابق، لاحظنا عند دراسة شكل انتشار السلسلة الأصلية أن الاتجاه العام ليس خطيا تماما، لذلك قد يتبادر لنا أن فروق الدرجة الأولى غير كافية لإزالة الاتجاه العام ولا بد من أخذ فروق الدرجة الثانية. وبأخذ فروق الدرجة الثانية غيد أن $\rho_1 = -0.513$ ويقية معاملات الارتباط الذاتي كلها قريبة من الصفر، لذلك يمكن اعتبار أن فروق الدرجة الأولى كافية لاستقرار السلسلة المدروسة وأن فروق الدرجة الثانية لا حاجة لها.

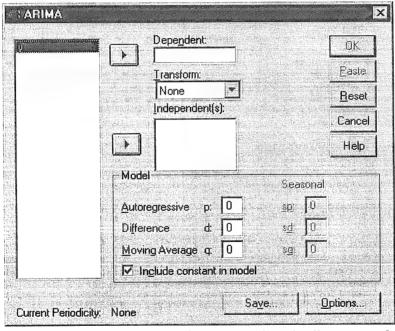
بالعودة مرة أخرى إلى الشكلين رقمي (Λ , π 0) و(Λ 0, π 0) نجد أن كل معاملات الارتباط الارتباط الذاتي قريبة من الصفر ماعدا قيمة واحدة هي ρ_3 ، كما أن معاملات الارتباط الجزئي قريبة من الصفر ، سوى القيمة الثالثة أيضا ، مما يوحي أن النموذج الممثل للسلسلة هو من الشكل: (Λ 1,1,1) (Λ 1,1) لكن من المفضل أن يحتوي النموذج على أقل عدد ممكن من المعالم ، ومع ذلك سنختار نموذجين آخرين ، أحدهما يحتوي على معالم أقل من النموذج المقترح وليكن مثلا من الشكل (Λ 1,0,0) (Λ 1,0) والآخر يحتوي على معالم أكثر من النموذج المقترح وليكن مثلا من الشكل (Λ 1,1,2) (Λ 1,1) (Λ 1,2) النماذج المدروسة أكثر تمثيلا للسلسلة.

إن مرحلة المطابقة تتطلب قدرا كبيرا من الخبرة والحكم الشخصي لأن معاملات الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعينة لا تماثل تماما النماذج النظرية. كما أنه لا يوجد أسلوب مضبوط Exact لتحديد نموذج معين من نماذج ARIMA بدلا من غيره. وتستخدم المبادئ الأساسية والنظرية التي ناقشناها في بداية هذا الفصل بدلا من أسلوب التحديد الأمثل، لذلك توسعنا نوعا ما في الأمثلة البسيطة التي يمكن أن تحدد نموذجا ما بدلا من غيره من النماذج. ومع ذلك فإن اختيار أكثر من نموذج لاختباره في

مرحلة المطابقة يعتبر من الأمور العادية في تحليل السلاسل الزمنية، لأن الهدف من هذه المرحلة ليس اختيار النموذج الصحيح وإنما تضييق نطاق النماذج التي يمكن اختيارها لإجراء المزيد من الدراسة عنها.

بعد تحديد النموذج (أو النماذج) الممثلة للسلسلة المدروسة ننتقل إلى مرحلة التقدير.

- ٥ لتقدير معالم النموذج باستخدام برنامج SPSS نتبع الخطوات التالية:
- أ) نفتح قائمة التطبيقات الإحصائية Statistics ثم نختار منها السلاسل الزمنية Time Series ، ثم نختار من نافذتها الفرعية نماذج ARIMA ، فتظهر نافذة الحوار التالية :



الشكل رقم (٨,٣٦). نافذة الحوار الخاصة بتحديد معالم نماذج ARIMA.

. ب) ننقل المتغير y إلى المكان المخصص للمتغير التابع ثم نحدد درجة النموذج على النحو التالي:

- p = 1 مرجة الانحدار الذاتي.
 - d = 1 درجة الفروق.
- q = 1 q درجة المتوسطات المتحركة.

ج) يمكن أن نفتح تبويب خيارات options ونغير طريقة التنبؤ من طريقة المربعات الصغرى غير الشرطية وهي الطريقة المختارة من قبل البرنامج إلى طريقة المربعات الصغرى الشرطية. وهذا التغيير يسمح لنا بتحديد القيمة الأولية أو الابتدائية كأول قيمة في السلسلة الزمنية بدلا من اختيارها بشكل آلي من قبل البرنامج، ثم نختار "استمرار" فنعود إلى نافذة نماذج ARIMA.

د) نضغط على مفتاح الإدخال فنحصل على النتائج التالية *:

Split group number: 1 Series length: 54

No missing data.

Melard's algorithm will be used for estimation.

Conclusion of estimation phase.

Estimation terminated at iteration number 5 because: Sum of squares decreased by less than .001 percent.

FINAL PARAMETERS:

Number of residuals 53

Standard error 61.632003

Log likelihood -292.13585

AIC

590.2717

SBC

596.18257

Analysis of Variance:

DF Adj. Sum of Squares Residual Variance

Residuals 50

189997.37

3798.5038

^{*} النتائج كثيرة لكننا اخترنا منها النتائج النهائية فقط عن طريق تبويب خيارات.

Variables in the Model:

В **SEB** T-RATIO APPROX, PROB.

AR1 .144620 1.0494410 .1378062 .89094703 MA1 .280098 1.0238720 .2735675 .78554397 CONSTANT 12.496362 7.1547202 1.7465899 .08684951

نلاحظ من هذه النتائج أن كل معالم النموذج غير جوهرية من الناحية الإحصائية. إن وجود معالم غير جوهرية من الناحية الإحصائية دليل على أن النموذج المقترح يحتوى على معالم أكثر من اللازم، لذلك لا حاجة لدراسة النموذج ARIMA (2,1,2) لأنه يحتوي على معالم أكثر من النموذج المقترح.

لحذف المعالم الزائدة، نعود إلى نافذة تحديد معالم النموذج ونلفى المعلمة (أو المعالم) التي نعتقد أنها زائدة ونقدر معالم النموذج الجديد ثم نقارن بين نتائج النموذجين ونقرر فيما إذا كانت المعلمة (أو المعالم) التي حذفناها لم تؤثر فعلا على النموذج أم أنها أساسية ولا يمكن حذفها. لندرس النموذج (0,1,0) ARIMA والذي يحتوى على معالم أقل من النموذج المقترح. إن هذا النموذج هو نموذج الفروق الأولى فقط، لذلك يمكن حذف معالم الدرجة الأولى، ويتقدير معالم النموذج الجديد عصلنا على النتائج التالية:

Split group number: 1 Series length: 54

No missing data.

Melard's algorithm will be used for estimation.

Conclusion of estimation phase.

Estimation terminated at iteration number 0 because:

No ARMA parameters were available for estimation.

FINAL PARAMETERS:

Number of residuals 53

Standard error 61.017634

Log likelihood -292,59537

AIC

587.19075

SBC 589.16104 Analysis of Variance:

DF Adj. Sum of Squares Residual Variance

Residuals 52

193603.89

3723.1517

Variables in the Model:

B SEB T-RATIO APPROX. PROB.

CONSTANT 12.339623 8.3814166 1.4722598 .14697776

إن هذا النموذج هو نموذج أخطاء عشوائية بحتة ، أو نموذج (1) AR فيه $\phi_1 = 1$ حيث يمكن كتابته على الشكل التالي :

$$(1-B)y_t = \delta + \varepsilon_t$$

أو

$$y_t = y_{t-1} + \delta + \varepsilon_t$$

والنموذج المقدر هو:

$$\hat{y}_t = y_{t-1} + 12.339623$$

٦- يكن استخدام النموذج المقدر في التنبؤ، حيث يقوم البرنامج بحساب خمس سلاسل مختلفة هي:

- السلسلة المقدرة أو المهدة FIT.
- القيمة المقدرة الدنيا LCL وهي الحد الأدنى لمجال الثقة وتساوي إلى القيمة المقدرة ٢ انحراف معياري.
- القيمة المقدرة العظمى UCL وهي الحد الأعلى لمجال الثقة وتساوي إلى القيمة المقدرة + ٢ انحراف معياري.
- سلسلة الانحرافات أو الأخطاء ERR وتساوي إلى الفرق بين القيم الفعلية والقيم المقدرة.
- نسبة الخطأ SEP ، التي تستخدم في تحديث التنبؤ كما يظهر من الجدول التالي :

استخدام نماذج بوكس- جنكنز في التنبؤ الإداري

الجدول رقم (٨,٤). نتائج عملية التنبؤ للمثال (٢٣) باستخدام نموذج (٥,1,0) ARIMA

ile Edit		Iransform Statistics		indow Help		_6		
<u> </u>								
	у.	fit_1	en_1	lcl_1	ucl_1	se		
1	85.00							
2	91.00	99.14865	-8.14865	-59.57713	257.87443			
3	96.00	105.14865	-9.14865	-53.57713	263.87443			
4	91.00	110.14865	-19.14865	-48.57713	268.87443			
5	82.00	105.14865	-23.14865	-53.57713	263.87443			
6	39.00	96.14865	-57.14865	-62.57713	254.87443			
7	29.00	53.14865	-24.14865	-105.57713	211.87443			
8	20.00	43.14865	-23.14865	-115.57713	201.87443			
9	25.00	34.14865	-9.14865	-124.57713	192.87443			
10	34.00	39.14865	-5.14865	-119.57713	197.87443			
						Þ		
	and the second	SPSS Prod	cessor is ready	temperation		10000		

٧- لقد استخدمنا النموذج المقدر في تقدير السلسلة المدروسة ، ويمكن بنفس الوقت استخدامه في التنبؤ بقيم السلسلة المستقبلية كما مر معنا في الفصول السابقة ، حيث يمكن أن نقدر عدد الحجاج في عام ١٣٩٨هـ وفق النموذج المقدر على الشكل التالي:

 $\hat{y}_{1398} = y_{1997} + 12.339623 = 739 + 12.339623 = 751.339623$ وبشكل مشابه يكن تقدير عدد الحجاج في أي عام.

مثال (٤ ٣): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل إنتاج النفط الخام في المملكة العربية السعودية (مليون برميل) خلال الفترة من ١٩٣٨ إلى ١٩٩٧م:

الجدول رقم (٨,٥). إنتاج النفط الخام (مليون برميل) في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٩٣٨ -

إنتاج النفط	السنة	إنتاج النفط	السنة	إنتاج النفط	السنة
7.79,9	۱۹۷۸م	۳۸٥,۲	۱۹٥۸م	. *,0	۱۹۳۸م
7279,7	۱۹۷۹م	٤٢١,٠	١٩٥٩م	٣,٩	۱۹۳۹م
٣٦٢٣,٨	۱۹۸۰م	٤٨,١,٣	۱۹۳۰م	٥,١	۱۹٤٠م
70 79,9	١٩٨١م	٥٤٠,٧	١٩٦١م	٤,٣	۱۹۶۱م
7777,8	۲۸۶۲م	٥٩٩,٨	۱۹۲۲م	٤,٥	١٩٤٢م
1707,9	۱۹۸۳م	701,7	۱۹۲۳	٤,٩	٣٤٩٢م
1897,9	١٩٨٤م	٦٩٤,١	١٩٦٤م	٧,٨	١٩٤٤م
1101,1	۱۹۸٥م	۸۰٤,٩	١٩٦٥م	۲۱,۳	٥٤٩١م
1787,7	۲۸۹۱م	9 & A , T	١٩٦٦م	09,9	١٩٤٦م
10.0,8	۱۹۸۷م	۱۰۲۳,۸	۱۹٦٧م	۸٩,٩	۱۹۵۷م
1/4+,1	۱۹۸۸	1117,7	٨٢٩١م	187,9	۱۹۶۸م
۱۸٤۸,٥	۱۹۸۹م	11/77,9	١٩٦٩م	۱۷٤,۰	١٩٤٩م
۲۳٤٠,٥	۱۹۹۰م	۱۳۸٦,٧	۱۹۷۰م	199,0	۱۹۵۰م
۲۹7 ۳,•	١٩٩١م	175.7	۱۹۷۱م	۲۸۷,۰	١٩٥١م
٣٠٤٩,٤	۱۹۹۲م	77.7,.	۱۹۷۲م	٣٠١,٩	70919
Y94V, E	۱۹۹۳م	7,7	۱۹۷۳م	٣٠٨,٣	۳۱۹۵۳م
Y94V,9	١٩٩٤م	٣٠٩٥,١	۱۹۷٤م	70. ,A	١٩٥٤م
Y9 YA, 0	١٩٩٥م	70,7,0	۱۹۷٥م	٣٥٦,٦	١٩٥٥م
7970,0	١٩٩٦م	7179,7	۲۷۹۱م	٣11, V	١٩٥٦م
7978,7	۱۹۹۷م	TT0A, •	۱۹۷۷م	٣٧٣,٧	۱۹۵۷م

المصدر: مؤسسة النقد العربي السعودي، التقرير السنوي لعام ١٩٩٨م.

والمطلوب: استخدم برنامج SPSS في:

۱ - رسم شكل انتشار السلسلة الزمنية الممثلة لإنتاج النفط الخام خلال الفترة: ۱۹۳۸ -۱۹۹۷ م. ماذا يكن أن نستنج من هذا الشكل؟

٢- إيجاد شكل الارتباط الذاتي، ماذا يوحي هذا الشكل؟

٣- إيجاد شكل الارتباط الجزئي، ماذا يوحي هذا الشكل؟

٤ - اعتمادا على الطلبات السابقة ، كيف يمكن أن نحدد النموذج الذي يتناسب والسلسلة الزمنية المدروسة.

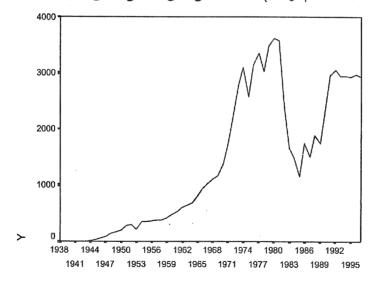
٥- تقدير معالم النموذج المقترح ثم إجراء الاختبارات اللازمة عليه.

٦- استخدام النموذج المقترح في تقدير إنتاج النفط خلال الفترة: ١٩٣٨-١٩٩٧م.

٧- استخدام النموذج المقترح في تقدير إنتاج النفط خلال عام ٩٩٨ م.

الحسل

۱ - باستخدام برنامج SPSS نحصل على الشكل التالي:



Sequence number

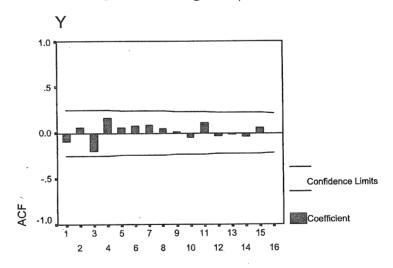
الشكل رقم (٣٧). شكل انتشار سلسلة المثال (٢٤).

نلاحظ من شكل الانتشار أن السلسلة الزمنية غير مستقرة ، حيث يوجد اتجاه عام غير خطى ، لكن لا توجد تغيرات دورية أو موسمية (البيانات سنوية).

٢ و٣- لقد وجدنا سابقا، (الفقرة ٥,١٠) أنه إذا كانت السلسلة غير مستقرة ينبغي تحويلها إلى سلسلة مستقرة، ومن الأساليب التي اقترحها بوكس وجنكنز في هذا الحال:

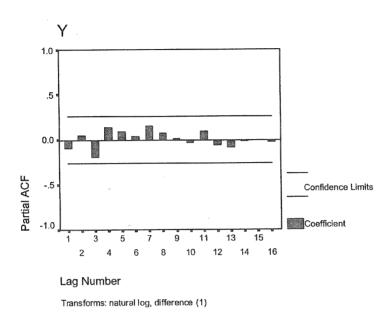
. y_t عير الخطية ل y_t' هو أحد التحويلات غير الخطية ل $y_t' = y_t$

- حساب معاملات الارتباط الذاتي والارتباط الجزئي لـ /ر من أجل عدة قيم لـ B و B، وبالعودة إلى الشكل رقم (٨,٣٠) وتحديد التحويلة بأنها تحويلة اللوغاريتم الطبيعي وتحديد درجة الفروق بدرجة واحدة ومتابعة باقي الخطوات نحصل على الشكلين التاليين اللذين يوضحان معاملات الارتباط الذاتي والارتباط الجزئي لفروق الدرجة الأولى لسلسلة اللوغاريتم الطبيعي للسلسلة الأصلية:



Lag Number
Transforms: natural log, difference (1)

الشكل رقم (٨,٣٧). معاملات الارتباط الذاتي لفروق الدرجة الأولى لسلسلة اللوغاريتم الطبيعي للمثال (٢٤).



الشكل رقم (٨,٣٩). معاملات الارتباط الذاتي الجزئي لفروق الدرجة الأولى لسلسلة اللوغاريتم الطبيعي للمثال (٢٤).

نلاحظ من الشكلين السابقين أن معاملات الارتباط الذاتي والجزئي تنحدر نحو الصفر بشكل أسي وجيبي مع تغيير الإشارة، كما أن قيمة اختبار Q أصبحت مساوية إلى ٧,٧٩٢ وقيمة مؤشر الاختبار الفعلي لها مساوية إلى ٠,٩٥٥ عند الفجوة الزمنية ١٦، أي أننا نستطيع قبول فرضية العدم القائلة باستقلالية الأخطاء العشوائية. وبذلك يمكن اعتبار أن السلسلة أصبحت مستقرة ونستطيع الانتقال إلى تقدير معالم النموذج.

3 - بالعودة مرة أخرى إلى الشكلين رقمي (٨,٣٨) و(٨,٣٩) غد أن كل معاملات الارتباط الذاتي قريبة من الصفر ماعدا قيمة واحدة هي ρ_3 ، كما أن معاملات الارتباط الجزئي قريبة من الصفر، سوى القيمة الثالثة أيضا، مما يوحي أن النموذج الممثل للسلسلة هو من الشكل: (1,1,1) ARIMA.

ومن نافذة تحديد معالم النموذج يمكن أن نحدد معالم النموذج المقترح على النحو التالي:

- التحويلة هي تحويلة اللوغاريتم الطبيعي Natural log.
 - p=1 درجة الانحدار الذاتي.
 - d=1 درجة الفروق.
 - q=1 درجة المتوسطات المتحركة.

وبالضغط على مفتاح الإدخال نحصل على النتائج التالية:

Split group number: 1 Series length: 60 No missing data.
Melard's algorithm will be used for estimation.

Conclusion of estimation phase.
Estimation terminated at iteration number 8 because:
Sum of squares decreased by less than .001 percent.

FINAL PARAMETERS:

Number of residuals 59

Standard error .54371447

Log likelihood -46.36038

AIC 98.720759

SBC 104.95337

Analysis of Variance:

DF Adj. Sum of Squares Residual Variance

Residuals 56 16.610329 .29562543

Variables in the Model:

B SEB T-RATIO APPROX. PROB.

AR1 -.89558028 .13223179 -6.7728063 .00000000 MA1 -.76097236 .20225581 -3.7624252 .00040466

CONSTANT .14325745 .06580400 2.1770327 .03370921

نلاحظ من هذه النتائج أن كل معالم النموذج المدروس جوهرية من الناحية الإحصائية ويمكن استخدام النموذج المقترح في التنبؤ.

ملاحظة: يمكن إضافة معالم جديدة للنموذج المقترح ودراسة أثر هذه المعالم على النتائج، فيمكن مثلا، أن نضيف معلمة انحدار ذاتي أو معلمة متوسطات متحركة أو معلمة انحدار ذاتي ومعلمة متوسطات متحركة في آن واحد وسنجد أن المعالم الجديدة لم تؤد إلى تحسن النتائج، مما يؤكد أن النموذج المقترح مناسب تماما للسلسلة المدروسة.

$$(1-B)(1-\phi_1 B) \ln y_t = \delta + (1-\theta_1 B)\varepsilon_t$$

أو

$$\ln y_t = (1+\phi_1) \ln y_{t-1} - \phi_1 \ln y_{t-2} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} + \delta$$

والنموذج المقدر:

 $\ln \hat{y}_t = (1 - 0.896) \ln y_{t-1} + 0.896 \ln y_{t-2} + 0.761 \varepsilon_{t-1} + 0.14325745$

 $e^{\ln \hat{p}_{i}}$ والقيمة المقدرة لإنتاج النفط تساوي إلى

٦- وباستخدام النموذج المقدر في التنبؤ نحصل على الجدول التالي*:

الجدول رقم (٨,٦). السلسلة الأصلية والسلاسل المقدرة للمثال (٢٤).

نسبة	الانحرافات	الحد الأعلى	الحد الأدبي	السلسلة	السلسلة
الخطأ		لمجال الثقة	لمجال الثقة	المقدرة	الأصلية
			_	_	٠,٥
•,٣٢٩٩٧	1,11270	1,1914	٠,١٨٣٥٢	٠,٥٧٧٠١	٣,٩
1,77714	9,0.777	٠,٩٩٨٦١	٠,٥٠٤١٧	٣, • ٨ • ٤٣	٥,١
٤,٢١١٣٧	77,07771	7, 89081	٠,٥٦٧٨٢-	٧,٥٨٧	٤,٣
7,70077	14,+7774	1,87077	7,10077-	٤,٣١٥٣١	٠,٥
٠,٤٩٢٩٣	7,79727	*, ۲۹۷۳۹	1,79980	٠,٨٩٥٦٤	٤,٩

^{*} الأخطاء في هذا الجدول هي باللوغاريتم الطبيعي.

مبادىء التنبؤ الإداري

تابع الجدول رقم (٨,٦).

				\ ' /	عبے ، عدری رحب
نسبة	الانحرافات	الحد الأعلى	الحد الأدبي	السلسلة	السلسلة
الخطأ		لمجال الثقة	لمجال الثقة	المقدرة	الأصلية
1,70.77	9, * 797	*,99V٣1	٠,٩٥٥٢٢	٣,٠٠٠٨٨	٧,٨
٧,٦٣٥٦٨	٤١,٧٧٣١٢	37777,3	*,	17,91+10	۲۱,۳
۸,٦١٩٥٨	٤٧,١٥٥٦٨	0,7798	١,٣٣٨٨	۱۵,۷۰۳۳۸	०९,९
٤٧,٢١٥٢٢	Y 0 A , Y 7 A	۲ ۸, ٦٩٢٣٩	*, * 2740	۸٦,٠٨٥٧٥	۸۹,۹
٤٦,٤٨٣٣٥	408,787	۲۸,۲۳۹۷۷	٠,٥٢٢٦	AE, VE + 11	187,9
101,0098	007,0211	71,81881	٠,٠٥٧٠٢-	۱۸٤,۲۱۰٤	۱۷٤
۱۰۰,٤٩٨٦	089,7087	٦١,٠٨٦٧	*, * 1294	۱۸۳,۲٥٥٨	199,0
180,8880	VE • ,9 7 1 7	۲۱۲۲۳,۲۸	٠,١١٨١١	727,00	۲۷۸
177,07.7	۸۸۹,۲٤۲۲	٩٨,٨٣٠٣٤	*,*1ÅT1	797,2070	٣٠١,٩
7 . 2,079	۱۱۱۸,۸۰۸	148,4411	۰,٥٨٢٦٧-	٣٧٣, • ٢٤٧	۲ • ۸,۳
۱۳٤,۱۰۸۱	٧٣٣,٥٩٧٩	۸۱,٥٣٩٤	٠,٣٦٠٦٩	Y	۳٥٠,۸
۲۰۸,۲۰۰۸	۱۱۳۸,۸۹٤	177,7•79	٠,٠٦٢٨٢-	* V9,VY	٣٥٦,٦
72 . , 99 1	۱۳۱۸,۳	187,000	٠,١٨١١٤-	१४९,०१९४	٣٦٦,٧
778,1017	1777,187	177,7	•,• 1979-	٤٠٨,٨٠٨٨	۳۷٣,٧
787, 137	1400,494	100,100	٠,١٥٥٩٨-	٤٥٠,٢٢٣٤	۳۸٥,۲
744.0.04	۱۳۱۰,۱۰۸	180,7479	٠,٠٣٦٨٤-	£٣٦,٨••V	٤٢١
771,9019	1884,778	170,7707	٠, ٠٣٠٠٧-	१९०,९९४७	٤٨١,٣
۳۰۰,1۷٤٤	1727, **	177,077	*, * 1787-	0 2 V , 2 0 7 A	٥٤٠,٧
TEV, 1VVY	149,177	711,1077	٠,٠٥٤١٥-	777,1707	٥٩٩,٨
۳۷۷,۳۳۲۲	T+78,•V8	779,8877	*,*0887-	٦٨٨,١٧٥٨	٦٥١,٧
٤١٧,٥٧٣٧	77.8,7.4	Y04,9 + 97	٠,٠٩٢٧٦-	V71,0789	٦٩٤,١
£44, V0 £9	78.0,077	۲٦٧,٣٩٨٨	۰,۰۰۳٥٦	۸۰۲,۰۲۱	۸۰٤,٩

تابع الجدول رقم (٨,٦).

				٠(٨, ١) (نابع اجدول رفع
نسبة	الانحرافات	الحد الأعلى	الحد الأدبي	السلسلة	السلسلة
الخطأ		لمجال الثقة	لمجال الثقة	المقدرة	الأصلية
० • ४, १९ १०	YVA1,08	٣٠٩,19٣٥	٠,٠٢٢٦٢	۹۲۷,۳۸۰۱	988,7
099,7VAT	۳۲۷۸,۱۵۹	٣٦٤,٣٩٨٧	٠,٠٦٥٣٧-	1.97,901	۱۰۲۳,۸
708,887	۱۲۱,۰۸۰۳	٣ ٩٧,٩٦٧٩	•,•79٣٢	1194,750	1117,7
V * £, A Y 0 9	٣٨٥٥,٥٢٣	٤٢٨,٥٧٨	*, • 9 • ٧٨-	1710,808	1177,9
٧٥١,٨٢١٥	٤١١٢,٥٩٨	٤٥٧,١٥٣٤	٠,٠١١٢٧	1871,178	۱۳۸٦,۷
۸ ٦٦,٧•٣٢	٤٧٤١,٠٢١	077, • • 97	٠,٠٩٦٤٣	۱۵۸۰,٦٨٤	175.7
1 • 9 9 , 3 1 7	7.17,200	٦٨٨,٤٥١٦	۰,٠٩٣٧٦	Y * * E, 9 Y	77.7
۱۳۷۸,۲٦۳	V089,827	ለዮለ, • ገባዮ	٠,٠٩٨٠٥	7017,771	۲۷۷ ۲,٦
۱۷٤۸,۳٥٦	9078,74	۱۰٦٣,۱۰۸	٠, • ٢٩٧٧-	4114,744	۳۰۹٥,۱
1977, £14	1.4749,87	1199,701	۰,۳۳۱٤٢-	7097,777	Y0AY,0
١٦٩٧,٨٣٥	9717,57	۱۰۳۲,۳۸۸	•,•1٣٧٣	W.97, 897	۳۱۳۹,۳
1910,91	1 * & A * , V 9	1107,•٣٨	٠,٠٣٩٨-	7898,707	7701
27.7,880	17.79,70	1451,705	•, ٢٨٣٧٧-	٤٠٢٤,٠٨٩	** * * 9 , 9
1970,787	1.048,71	11/*,97/	٠, • • ٩ ٤ ٢ –	8017,189	75 89,7
7190,071	17.1.,11	1440,047	٠,٠٩٩٨٣-	٤٠٠٤,٢٣٩	۳٦٢٣,٨
7779,779	17754,71	1817,087	٠,١٧١٣١-	٤ ٢٤٨,٨٢٤	709 ,9
2710,270	170.1,81	١٣٨٩,٦٤٩	٠,٥٦٦٠٨-	٤١٦٨,٠٤٢	7777,8
17.4,177	۸٧٦٩,٦٠١	975,778	٠,٥٦٧٩٥-	7977,840	1707,9
1 • 78,7 • 1	0177,000	787,7871	-۸۲۲۲,۰	1981,700	1897,9
970,7799	071.01	٥٨٦,٩٨٦١	٠,٤١٨٢٦-	1770,077	۱۱٥٨,٨
٧٦٠,٨٠٨٢	£171,V07	£77,71A7	•,7799	177,007	۱۷٤٦,۲
1.77,889	०७७,००१	780,7127	·, ۲۲۷٦٥-	114.750	10.0,8

تابع الجدول رقم (٨,٦).

نسبة الخطأ	الانحرافات	الحد الأعلى لمجال الثقة	الحد الأدبى لمجال الثقة	السلسلة المقدرة	السلسلة الأصلية
1 • £ • , 1 4	\$3Y,PAF0	ገ ۳۲,٤٦٨٤	٠,٠٠٣٦٤-	1897,998	189*,1
1100,980	٦٠٤٩,٦٦٣	777, 2777	٠,١٤٢٨٥-	T • 17, 99Y	۱۷٤٨,٥
17 - 9,000	1117,724	٧٣٥,٦١٧٦	٠,٠٥٩٠١	۲۲・ ٦,٣٧٤	۲۳٤٠,٥
1707,798	V£14,1V	۸۲٤,۷۱۰۳	۰,۱۸۰۵۳	7877,098	۲۹ ٦٣,•
1979,777	١٠٨٣٠	۱۲۰۳,۸۵٦	٠,١٦٨٩٨-	۳٦١٠,٧٨٥	٣٠٤٩,٤
1149,974	۱۰۲۸۳,۷٥	1187,177	٠,١٥٤٦٥-	۴٤٢٨,٦٦٢	4947,8
1987,08	1 • 777, • 8	11/1,1/1	•,1877-	4087,VA	۲9 ٣٧,9
۱۸۳۲,٥٦٢	1 7 £ , £ £	1118,7711	٠,١٣٢١٤-	٣٣٤٢,٢٠٦	Y9YA,0
1910,700	1 * 801,71	1171,798	۰,۱٦١٣٢-	٣٤٨٤,٦٢٧	7970,0
1270,741	1 • ٢ • ٦, ٢ ١	1,188,017	٠,١٥١٥٥-	٣٤٠٢,٨٠ ٨	7978,4

٧- يمكن أن نقدر إنتاج النفط الخام عام ١٩٩٨م وفق النموذج المقترح على
 الشكل التالي:

 $\ln \hat{y}_{1998} = (1-0.896) \ln y_{1997} + 0.896 \ln y_{1996} + 0.761 \varepsilon_{1997} + 0.14325745$

وبالتالي يصبح إنتاج النفط الخام المقدر في عام ١٩٩٨م هو:

 $\ln\hat{y}_{1998} = (1 - 0.896) \ln{(29243)} + 0.896 \ln{(29655)} + 0.761 (-0.16132) + 0.1432574$

 $=8.003787 \Rightarrow \hat{y}_{1998} = e^{8.003787} = 2992268$

وبنفس الأسلوب يمكن تقدير إنتاج النفط الخام في السنوات القادمة.

مثال (٣٥): ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل المبيعات الفصلية بملايين الريالات لأحد المحلات التجارية خلال الفترة ١٩٩٠-١٩٩٩م:

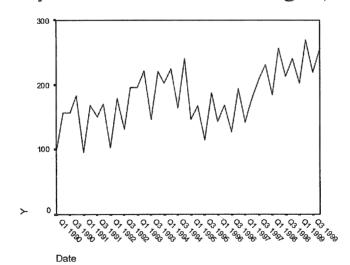
٠٩٩٠-١٩٩٠م.	بالات خلال الفترة	حد المحلات التجارية بملايين الر	 المبيعات الفصلية لأ 	الجدول رقم (۸٫۷
-------------	-------------------	---------------------------------	-----------------------------------------	-----------------

الفصل الرابع	القصل الثالث	الفصل الثابي	الفصل الأول	السنة
١٨٣	١٥٧	107	97	١٩٩٠م
١٧١	10.	١٦٩	90	۱۹۹۱م
197	141	۱۷۹	1.4	۱۹۹۲م
771	١٤٦	777	197	۱۹۹۳م
7 2 1	١٦٤	770	7.4	١٩٩٤م
١٨٨	110	177	١٤٦	١٩٩٥م
198	١٢٧	179	124	۱۹۹۲م
7771	۲۰۸	۱۷٦	127	۱۹۹۷م
7 £ 1	717	707	١٨٤	۱۹۹۸م
708	719	. 779	7.7	١٩٩٩م

المصدر: فرضى.

والمطلوب: رسم شكل الانتشار لهذه السلسلة واختيار النموذج المناسب لها واستخدامه في التنبؤ.

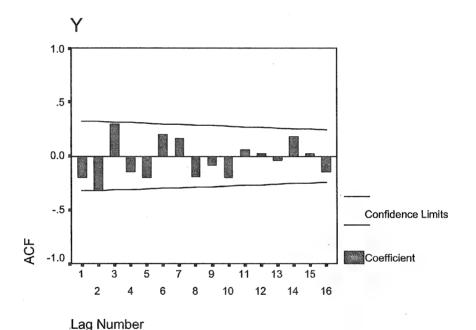
باستخدام برنامج SPSS نحصل على شكل انتشار السلسلة التالي:



الشكل رقم (٨,٤٠). شكل انتشار سلسلة المثال (٢٥).

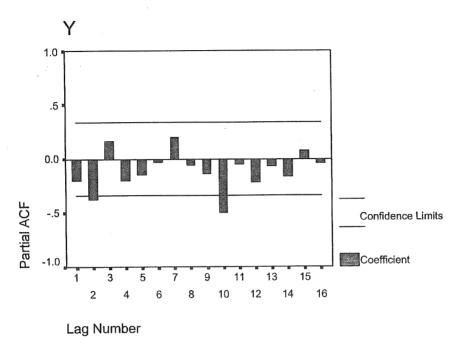
نلاحظ من الشكل السابق أن السلسلة الزمنية غير مستقرة، حيث يوجد اتجاه عام خطي متزايد، بالإضافة إلى تغيرات موسمية قوية، حيث تنخفض مبيعات الفصل الأول عن المتوسط وترتفع مبيعات الفصل الرابع عن المتوسط السنوى.

لتحويل السلسلة من سلسلة غير مستقرة إلى سلسلة مستقرة نأخذ فروق الدرجة الأولى والفروق الفصلية الأولى نظرا لوجود الاتجاه العام الخطي والتغيرات الموسمية القوية ثم نرسم شكلي معاملات الارتباط الذاتي والجزئي:



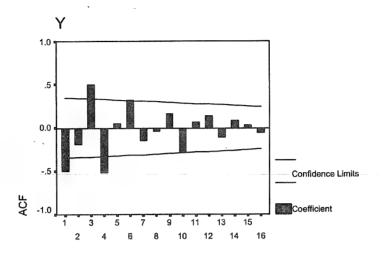
Transforms: difference (1), seasonal difference (1, period 4)

الشكل رقم (٨,٤١). معاملات الارتباط الذاتي لسلسلة فروق الدرجــــة الأولى والفــروقَ الفصـــلية الأولى للمثال (٢٥).



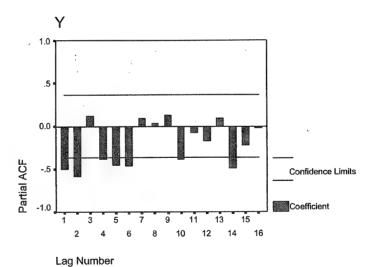
Transforms: difference (1), seasonal difference (1, period 4)

نلاحظ من الشكلين السابقين ومن قيمة اختبار التي تساوي إلى ٢٢,٤٧ والاحتمال المناظر لها ويساوي إلى ١٢٩، أن السلسلة شبه مستقرة، وأننا يمكن أن نقبل فرضية العدم، أي أن الأخطاء العشوائية مستقلة. وللتأكد من أن سلسلة فروق الدرجة الأولى والفروق الفصلية الأولى هي أفضل من أية سلسلة أخرى، لنأخذ فروق الدرجة الثانية والفروق الفصلية من الدرجة الثانية ونرسم شكلي معاملات الارتباط الذاتي والجزئي:



Lag Number
Transforms: difference (2), seasonal difference (2, period 4)

الشكل رقم (٨,٤٣). معاملات الارتباط الذاتي لسلسلة الفروق الثانية والفروق الفصلية الثانية لسلسلة الشكل رقم (٨,٤٣).



Transforms: difference (2), seasonal difference (2, period 4)

الشكل رقم (٨,٤٤). معاملات الارتباط الجزئي لسلسلة الفروق الثانية والفروق الفصلية الثانية لسلسلة الشكل رقم (٨,٤٤).

نلاحظ من الشكلين السابقين ومن قيمة Q = 40.969 فروق الدرجة الثانية والفروق الفروق الدرجة الثانية لم تؤد إلى استقرار السلسلة، ولو زدنا درجة الفروق إلى أكثر من ذلك لن نحصل على سلسلة أكثر استقرارا من سلسلة الفروق الفولى والفروق العادية الأولى.

بالعودة إلى الشكلين رقمي (٨,٤١) و(٨,٤٢) نلاحظ أنهما مزيج أسي وجيبي ينحدر نحو الصفر، مما يوحي بأن النموذج الممثل لهما هو أحد نماذج ARIMA. كما نلاحظ أن هناك معاملين جوهريين من الناحية الإحصائية في الشكل قيمتهما أكبر من ٢,٠٠، مما يوحي بأن درجة الانحدار الذاتي تساوي درجة المتوسطات المتحركة تساوي ٢.٠٠٠

اعتمادا على الملاحظات السابقة يمكن أن نقترح النموذج (1,0,0) (2,1,2) ARIMA،

حيث:

p=2 درجة الانحدار الذاتي.

-1 = 1 درجة الفروق العادية.

-1 = 1 درجة الفروق الفصلية.

-2=q درجة المتوسطات المتحركة.

وبتقدير معالم هذا النموذج نحصل على النتائج التالية:

FINAL PARAMETERS:

Number of residuals 39

Standard error 26.748533

Log likelihood -182.25753

AIC

376.51506

SBC

386.49643

Analysis of Variance:

DF Adj. Sum of Squares Residual Variance

Residuals 33 26109.759 715.48401

Variables in the Model:

B SEB T-RATIO APPROX. PROB.

AR1	9821067	.3698398	-2.6554921	.01209890
AR2	.0178773	.3698491	.0483369	.96173914
MA1	5032278	.3007475	-1.6732570	.10373190
MA2	.4897642	.2982486	1.6421342	.11005929
SAR1	.3158780	.1652729	1.9112509	.06469034
CONSTA	ANT 2.648	4228 3.159	94461 .8382	.40791808

نلاحظ من هذه النتائج أن كل المعالم، ما عدا معلمة الانحدار الذاتي الأولى، غير جوهرية من الناحية الإحصائية، وهذا يعني أن النموذج المقترح يحتوي على معالم غير ضرورية، لذلك نقوم بحذف معلمة من الانحدار الذاتي ومعلمة من المتوسطات المتحركة ونعيد مرحلة التقدير فنحصل على النتائج التالية:

FINAL PARAMETERS:

Number of residuals 39

Standard error 28.897501

Log likelihood -185.9565

AIC 379.91299

SBC 386.56724

Analysis of Variance:

DF Adj. Sum of Squares Residual Variance

Residuals 35 31617.994 835.06557

Variables in the Model:

B SEB T-RATIO APPROX. PROB.

AR1 .4543393 .2152979 2.1102817 .04205289 MA1 .9024188 .1434879 6.2891611 .00000028 SAR1 .7679351 .1066918 7.1976965 .00000000 CONSTANT 2.6651848 3.1986471 .8332225 .41036944

نلاحظ من هذه النتائج أن المعالم أصبحت جوهرية من الناحية الإحصائية، ما عدا الحد الثابت، الذي يفضل وجوده في النموذج حتى ولو كان لا يختلف عن الصفر، وبذلك يصبح النموذج المقترح هو:

$$(1 - \phi_1 B) \Delta \Delta_4 y_t = (1 - \theta_1 B) \varepsilon_t + \delta$$

أو

$$(1 - \phi_1 B)(1 - B)(1 - \Phi B^4)y_t = (1 - \theta_1 B)\varepsilon_t + \delta$$

أه

$$\begin{aligned} y_{t} = & (1+\phi_{1})y_{t-1} - \phi_{1}y_{t-2} + \Phi y_{t-4} - (\Phi + \phi_{1}\Phi)y_{t-5} + \phi_{1}\Phi y_{t-6} + \varepsilon_{t} - \theta_{1}\varepsilon_{t-1} + \delta \\ & : \text{ellipse} \end{aligned}$$

$$\hat{y}_{t} = (1 + 0.45)y_{t-1} - 0.45y_{t-2} + 0.77y_{t-4} - [0.77 + (0.45)(0.77)]y_{t-5} + (0.45)(0.77)y_{t-6} - 0.9\varepsilon_{t-1} + 2.66\%$$

أو

$$\hat{y}_{t} = 1.45 y_{t-1} - 0.45 y_{t-2} + 0.77 y_{t-4} - 1.12 y_{t-5} + 0.35 y_{t-6} - 0.9 \varepsilon_{t-1} + 2.665$$

وباستخدام هذا النموذج في التنبؤ نحصل على الجدول التالي *:

الجدول رقم (٨,٨). السلسلة الأصلية والسلاسل المقدرة للمثال (٢٥).

		(,)			,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
نسبة الخطأ	in the	الحد الأعلى	الحد الأدبي	السلسلة	السلسلة
نسبه الحطا	الانحرافات	لمجال الثقة	لمجال الثقة	المقدرة	الأصلية
=	_	_			٩٦
۰۰	٥٨	١٩٩	۲-	99	104
٤٧	١٧	777	٤٥	١٤٠	107
٤٤	٤٤	777	٥٠	. 179	١٨٣
٣٣	٣٧-	7	٦٤	١٣٢	90
۳۰	١٦	717	94	104	١٦٩
79	1٧-	. 444	١٠٨	١٦٧	10.
79	٦-	777	114	177	۱۷۱
79	٦-	۱۷۰	۰۰	11.	١٠٣

^{*} القيم في الجدول مقربة إلى أقرب عدد صحيح.

مبادىء التنبؤ الإداري

تابع الجدول رقم (٨,٨).

					() U
نسبة الخطأ	الانحر افات	الحد الأعلى	الحد الأدبي	السلسلة	السلسلة
	الاحراقات	لمجال الثقة	لمجال الثقة	المقدرة	الأصلية
44	١٣	777	۱۰۷	١٣٦	179
79	٣١-	771	1.7	177	۱۳۱
79	٣٦	77.	1.1	17.	۱۹٦
79	7.4	198	V &	1778	197
79	1-	. ۲۸۲	۱۳۳	. 777	777
79	70 -	7771	١١٢	۱۷۱	731
79	۲٠	177	731	7.1	771
79	17-	۲۷٤ .	١٥٦	710	7.5
79	1-	۲۸٥	177	777	770
79	0-	777	١٠٩	١٦٩	١٦٤
79	۲۱	478	177	770	781
79	٧٦ -	7.1.1	175	777	127
79	۲۸-	408	140	190	١٦٧
79	٣٢-	7.7	۸۸	. 187	110
Y9	۱۳–	177	187	7.1	١٨٨
79	٩	۱۹۳	٧٤	174	124
79	٥	777	1.0	371	١٦٩
79	۲–	١٨٩	٧٠	179	177
79	1.	788	١٢٥	۱۸٤	١٩٤
44	۱٤-	710	٩٧	١٥٦	121
79	٩	۲۲٦	١٠٨	١٦٧	۱۷٦
79	77	7.7	۸۳	187	۲۰۸
79	١	۲۸۹	۱۷۱	77.	777
44	٧	777	۱۱۸	۱۷۷	۱۸٤

تابع الجدول رقم (٨,٨).

ft d	ate late	الحد الأعلى	الحد الأدبي	السلسلة	السلسلة
نسبة الخطأ	الانحرافات	لمجال الثقة	لمجال الثقة	المقدرة	الأصلية
79	٥٦	177	187	7.1	707
79	٤٠-	٣١٢	198	704	717
79	٥	790	١٧٧	747	137
79	٣-	770	١٤٦	۲۰٥	7.7
79	٩	719	7.1	۲٦٠	779
79	18-	797	١٧٣	747	719
79	٨	٣٠٥	۱۸٦	757	307

ويمكن استخدام النموذج المقدر في تقدير مبيعات الفصل الأول من عام ٢٠٠٠م على النحو التالي:

$$\hat{y}_{2000-1} = 1.45y_{40} - 0.45y_{39} + 0.77y_{37} - 1.12y_{36} + 0.35y_{35} - 0.9\varepsilon_{29} + 2.665$$

$$\hat{y}_{41} = 1.45 (254) - 0.45 (219 + 0.77 (202) - 1.12 (241) + 0.35 (213) -0.9 (8) + 2.665 = 225$$

وبشكل مشابه يمكن تقدير باقي فصول عام ٢٠٠٠م وفصول السنوات الأخرى. مثال (٣٦): الجدول التالي يمثل عدد المرضى الذين راجعوا مركز سلامتك الصحي في حي الخليج بمدينة الرياض خلال الفترة ١٩٩٥-١٩٩٩م:

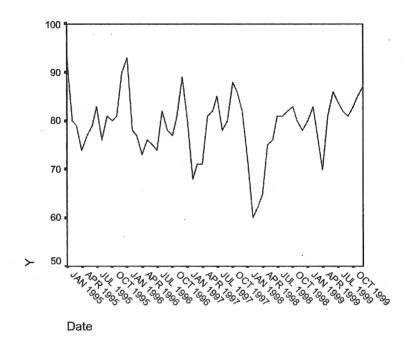
الجدول رقم (٨,٩). عدد المرضى الذين راجعوا مركز سلامتك الصحي خلال الفترة ١٩٩٥-١٩٩٩م.

الشهور											السنة	
١٢	11	١.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١	
٩٠	۸۱	٨٠	۸١	٧٦	۸۳	٧٩	٧٧	٧٤	٧٩	۸۰	٩٣	١٩٩٥م
۸۹	۸١	٧٧	٧٨	۸۲	٧٤	٧٥	٧٦	۷۳	٧٧	٧٨	98	١٩٩٦م
۸۲	٨٦	٨٨	۸۰	٧٨	٨٥	۸۲	۸١	۷١	۷١	٦٨	٨٠	۱۹۹۷م
٧٨	۸۰	۸۳	۸۲	۸١	۸١	٧٦	٧٥	٦٥	77	٦.	٧٢	۱۹۹۸م
۸٧	٨٥	۸۳	۸١	٨٢	٨٤	٨٦	۸١	٧٠	٧٧	۸۳	۸۰	۱۹۹۹م

المصدر: مركز سلامتك الصحي.

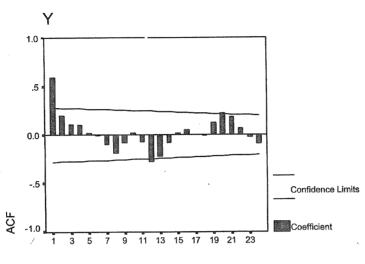
والمطلوب: اختيار النموذج المناسب لهذه السلسلة واستخدامه في التنبؤ بعدد المرضى.

نلاحظ أن شكل انتشار السلسلة الزمنية الممثلة لعدد المرضى لا يحتوي على اتجاه عام بينما يحتوي على تغيرات موسمية قوية تؤدي إلى تقلبات شديدة في منحنى السلسلة كما يظهر من الشكل التالي:



الشكل رقم (٨,٤٥). شكل انتشار سلسلة المثال (٢٦).

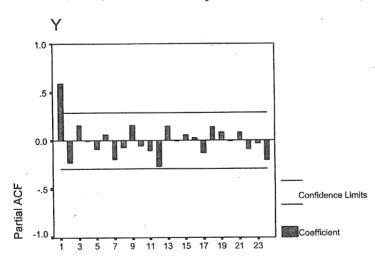
ولمعالجة أثر التغيرات الموسمية نأخذ الفروق الشهرية الأولى ونرسم شكلي الارتباط الذاتي والجزئي لها:



Lag Number

Transforms: seasonal difference (1, period 12)

الشكل رقم (٨,٤٦). معاملات الارتباط الذاتي لسلسلة الفروق الشهرية الأولى لسلسلة المثال (٢٦).

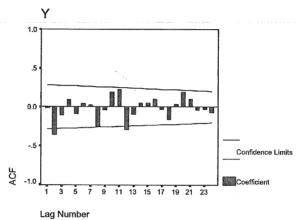


Lag Number

Transforms: seasonal difference (1, period 12)

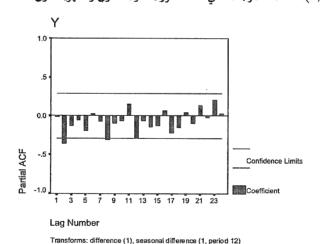
الشكل رقم (٨,٤٧). معاملات الارتباط الجزئي لسلسلة الفروق الشهرية الأولى لسلسلة المثال (٢٦).

نلاحظ من الشكلين السابقين أنهما ينحدران نحو الصفر بشكل شبه جيبي دون أن تنعدم معاملات الارتباط الذاتي أو الجزئي، مما يوحي بأن السلسلة غير مستقرة خصوصا أن فرضية استقلال المتغيرات العشوائية غير محققة، حيث أن اختبار Q = 43.175 والاحتمال المرافق له يساوي إلى ٩٠٠,٠٠ لذلك نأخذ الفروق الأولى مع الفروق الشهرية الأولى ونرسم شكلى الارتباط الذاتي والجزئي من جديد:



Transforms: difference (1), seasonal difference (1, period 12)

الشكل رقم (٨,٤٨). معاملات الارتباط الذابي لسلسلة فروق الدرجة الأولى والشهرية الأولى لسلسلة المثال (٢٦).



الشكل رقم (٨,٤٩). معاملات الارتباط الجزئي لسلسلة فروق الدرجة الأولى والشهـــرية الأولى لسلسلة المثال (٢٦).

نلاحظ من الشكلين السابقين أن السلسلة غير مستقرة بشكل كامل لكن فرضية استقلال المتغيرات العشوائية أصبحت محققة، حيث أن قيمة اختبار Q=31.225 والاحتمال المناظر يساوي إلى ١٤٧٠.

في الحقيقة، لا يمكن أخذ فروق إضافية جديدة لأن السلسلة الزمنية قصيرة، لذلك سنعتبر سلسلة الفروق العادية الأولى والفروق الشهرية الأولى كافية لاستقرار السلسلة ونحاول تحديد نموذج يمثلها ثم نختبر النموذج المقترح.

إن وجود قيمة جوهرية لمعامل الارتباط الذاتي عند الفجوة ٢ يدعونا إلى افتراض أن النموذج يتضمن معلمة انحدار ذاتي. كما أن وجود قيمتين جوهريتين متماثلتين حول الفجوة ١٢ يدل على وجود معلمة متوسطات متحركة عادية وأخرى موسمية. لذلك نقترح أن يتضمن النموذج معلمة انحدار ذاتي (1) AR ومعلمة متوسطات متحركة (1) MA بالإضافة إلى معلمة متوسطات متحركة موسمية (1) SMA، أي أن النموذج المقترح هو من الشكل: (0,0,1) (1,1,1) ARIM.

بعد اقتراح النموذج نقوم بعملية اختباره من خلال نتائج مرحلة التقدير التالية:

Split group number: 1 Series length: 60 No missing data.
Melard's algorithm will be used for estimation.

Conclusion of estimation phase.

Estimation terminated at iteration number 6 because:

All parameter estimates changed by less than .001

FINAL PARAMETERS: Number of residuals 59 Standard error 5.5093967 Log likelihood -183.24106 AIC 374.48212

SBC 3/4.48212 SBC 382.79227

Analysis of Variance:

DF Adj. Sum of Squares Residual Variance

Residuals 55 1720.6059 30.353452

Variables in the Model:

B SEB T-RATIO APPROX. PROB.

AR1 -.99606912 .08102321 -12.293628 .00000000 MA1 -.98711098 .15639742 -6.311555 .00000005 SMA1 -.33722209 .15334805 -2.199064 .03209661 CONSTANT -.01511529 .90931010 -.016623 .98679768

نلاحظ من هذه النتائج أن كل المعالم ما عدا الحد الثابت جوهرية من الناحية الإحصائية، وبما أن الحد الثابت قيمته صغيرة جدا ومؤشر الاختبار الفعلي له كبير جدا (٩٩٪) لذلك فإن حذفه من النموذج لا يؤثر على بقية المعالم، وبذلك يصبح النموذج المقترح:

$$(1-\phi_1B)(1-B)y_t = (1-\theta_1B)(1-\Theta B^{12})\varepsilon_t$$
 و أو
$$y_t = (1+\phi_1)y_{t-1} - \phi_1y_{t-2} + \varepsilon_t - \theta_1\varepsilon_{t-1} - \Theta\varepsilon_{t-12} - \theta_1\Theta\varepsilon_{t-13}$$
 و النموذج المقدر يصبح:

 $\hat{y}_t = 0.004 y_{t-1} + 0.996 y_{t-2} + 0.987 \varepsilon_{t-1} + 0.337 \varepsilon_{t-12} + 0.333 \varepsilon_{t-13}$

الجدول التالي يوضح السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة وفق النموذج المقدر*:

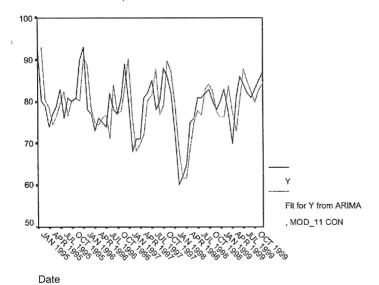
^{*} تم تقريب النتائج إلى أقرب عدد صحيح.

استخدام نماذج بوكس- جنكنز في التنبؤ الإداري

الجدول رقم (٨,١٠). السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة للمثال (٢٥).

	الشهــور											السنسية	
14	11	١.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١	Фицина	
٩٠	۸١	۸۰	۸١	٧٦	۸۳	٧٩	٧٧	٧٤	٧٩	۸۰	٩٣	أصلية	١٩٩٥م
۸۰	۸١	۸۰	٧٧	۸۲	٧٩	٧٦.	٧٤	٧٩	۸۰	٩٣	_	مقدرة	
٨٩	۸١	٧٧	٧٨	۸۲	٧٤	٧٥	٧٦	٧٣	٧٧	٧٨	٩٣	أصلية	١٩٩٦م
۸۳	٧٨	٧٧	٨٤	٧١	٧٧	٧٦	٧٤	٧٥	٧٨	۸٩	٩١	مقدرة	
۸۲	۸٦	۸۸	٨٠	٧٨	٨٥	۸۲	۸١	٧١	٧١	٦٨	۸۰	أصلية	۱۹۹۷م
۸۷	٩٠	٧٩	٧٧	۸۸	۸۲	۸۰	٧٢	٧٠	٦٨	٧٦	٩٠	مقدرة	,
٧٨	۸۰	۸۳	۸۲	۸١	۸١	٧٦	٧٥	70	77	7.	٧٢	أصلية	۱۹۹۸م
٧٨	۸۲	٨٤	۸۳	٧٧	٧٨	٧٥	٦٩	77	77	79	٧٩	مقدرة	
۸٧	٨٥	۸۳	۸١	۸۲	٨٤	٨٦	۸١	٧٠	٧٧	۸۳	٨* ١	أصلية	١٩٩٩م
٨٤	۸۳	۸۰	٨٢	٨٥	۸۸	۸١	٧٣	٧٧	٨٤	٧٦	٧٦	مقدرة	

ولمقارنة السلسلة الأصلية بالسلسلة المقدرة نرسم شكل الانتشار للسلسلتين:



الشكل رقم (٨,٥٠). السلسلة الأصلية والسلسلة المقدرة للمثال (٢٦).

نلاحظ من هذا الشكل أن السلسلة المقدرة تماثل تماما السلسلة الأصلية مما يدل على أن النموذج المقترح مناسب لبيانات السلسلة الأصلية.

كما يمكن استخدام النموذج المقدر في تقدير عدد المرضى المتوقع خلال الشهر الأول من عام ٢٠٠٠م على الشكل التالي:

 $\hat{y}_{2000-1} = 0.004 y_{60} + 0.996 y_{59} + 0.987 \varepsilon_{60} + 0.337 \varepsilon_{49} + 0.333 \varepsilon_{48} = 89$

وبشكل مشابه يمكن تقدير عدد المرضى في الأشهر الأخرى من عام ٢٠٠٠م أو أي عام آخر قادم.

أسئلة ومسائل غير محلوله

١- عرف أسلوب بوكس-جنكنز في تحليل السلاسل الزمنية.

٢- عدد المراحل الرئيسية التي يتكون منها أسلوب بوكس-جنكنز.

٣- عرف استقرار السلسلة الزمنية واذكر شروط استقرارها.

٤- عرف السياق العشوائي الخالص أو البحت.

٥- عرف دالة الارتباط الذاتي في السلاسل الزمنية.

7- أحسب معاملات الارتباط الذاتي الثلاثة الأولى للسلسلة: ١٢-٩-١١-٥-١٥-٥-١٥-١٠.

٧- اشرح طريقة الفروق التي استخدمها بوكس-جنكنز، ثم استخدمها في
 تحويل السلسلة التالية إلى سلسلة مستقرة: ١-٣-٥-٧-٩-١١.

٨- ادرس استقرار السلسلة: ١-٢-١-٨-١٦-٣٢-٦٤، ثم حولها إلى سلسلة مستقرة إذا كانت غير مستقرة.

٩- عرف معامل التأخير.

• ١ - ما العلاقة بين معامل الفروق ومعامل التأخير؟

١١ - عرف نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة الأولى وبين سبب تسميته بهذا الاسم.

۱۲ - استنتج دالة التباين المشترك (التغاير) للنموذج (1) AR.

۱۳ - استنتج دالة الارتباط الذاتي للنموذج (1) AR.

۱۶ - ما شروط استقرار النموذج (1) AR؟

١٥ - اشرح مفهوم دالة الذاكرة للنموذج (1) AR.

ارسم $x_i = 0.7x_{i-1} + \varepsilon_i$ ثم ارسم $x_i = 0.7x_{i-1} + \varepsilon_i$ ثم ارسم شكل انتشارها، ماذا تستنتج من هذا الشكل؟

ارسم $x_i = -0.7x_{i-1} + \varepsilon_i$: جسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج المرتب $x_i = -0.7x_{i-1} + \varepsilon_i$ ثم ارسم شكل انتشارها ، ماذا تستنتج من هذا الشكل ؟

۱۸ – ما الشكل (أو الأشكال) الذي تأخذه دالة الارتباط الذاتي للنموذج (1) AR؟
۱۹ – ما الشكل (أو الأشكال) الذي تأخذه دالة الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج (1) AR؟

· ۲ - كيف يكن أن نميز النموذج (1) AR؟

٢١ - عرف نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة الثانية.

٢٢ - استنتج دالة التباين المشترك (التغاير) للنموذج (AR (2).

٢٣ - استنتج دالة الارتباط الذاتي للنموذج (2) AR.

 $x_t = 0.7x_{t-1} - 0.6x_{t-2} + \varepsilon_t$: حسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج -75 ثم مثلها بيانيا ، ماذا تستنتج من شكل معاملات الارتباط الذاتي لهذا النموذج

 $x_t = -0.6x_{t-1} - 0.7x_{t-2} + \varepsilon_t$: احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج النموذج من شكل معاملات الارتباط الذاتي لهذا النموذج

 $x_t = 0.6x_{t-1} + 0.3x_{t-2} + \varepsilon_t$: حسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج \\
ثم مثلها بيانيا ، ماذا تستنتج من شكل معاملات الارتباط الذاتي لهذا النموذج

 $x_t = -0.6x_{t-1} + 0.3x_{t-2} + \varepsilon_t$: احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج النموذج من شكل معاملات الارتباط الذاتي لهذا النموذج

۲۸ - ما شروط استقرار النموذج (2) AR؟

٢٩ ما الشكل (أو الأشكال) الذي تأخذه دالة الارتباط الذاتي للنموذج(2) AR?

٣٠- ما الشكل (أو الأشكال) الذي تأخذه دالة الارتباط الذاتي الجزئي

للنموذج (2) AR؟

٣١ - كيف يكن أن نميز النموذج (2) AR؟

٣٢- عرف نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة p.

۳۳- كيف يمكن أن نميز النموذج (AR (p) على

٣٤- عرف نموذج المتوسطات المتحركة من الدرجة الأولى.

٣٥- لماذا نهتم بنماذج المتوسطات المتحركة؟

٣٦- ماذا يقصد بشرط الانعكاس للنموذج (1) MA؟

٣٧ - استنتج دالة التباين المشترك للنموذج (1) MA.

٣٨- استنتج دالة الارتباط الذاتي للنموذج (1) MA.

 $x_i = \varepsilon_i - 0.7\varepsilon_{i-1}$ احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج $x_i = \varepsilon_i - 0.7\varepsilon_{i-1}$ ثم السلم شكلها البياني ، ماذا تستنتج من هذا الشكل؟

ارسم $x_t = \varepsilon_t + 0.7\varepsilon_{t-1}$ احسب معاملات الارتباط الـذاتي للنموذج $x_t = \varepsilon_t + 0.7\varepsilon_{t-1}$ ثم ارسم شكلها البياني ، ماذا تستنتج من هذا الشكل؟

١٤ - ما الشكل (أو الأشكال) الذي تأخذه دالة الارتباط الذاتي للنموذج (1) MA؟
 ٢٤ - ما الشكل (أو الأشكال) الذي تأخذه دالة الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج
 (1) MA؟

٤٣ - كيف يكن أن نميز النموذج (1) MA؟

٤٤ - عرف نموذج المتوسطات المتحركة من الدرجة الثانية.

0 ٤ - استنتج دالة التباين المشترك للنموذج (2) MA.

7 ٤ - استنتج دالة الارتباط الذاتي للنموذج (MA(2).

.MA (2) ما إشارة ρ_1 و ρ_2 في النموذج - ٤٧

 $x_i = \varepsilon_i - 0.7\varepsilon_{i-1} - 0.5\varepsilon_{i-2}$ احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج $-2.7\varepsilon_{i-1} - 0.7\varepsilon_{i-1}$ ثم مثلها بيانيا ، ماذا تستنتج من الشكل البياني؟

 $x_i = \varepsilon_i + 0.5\varepsilon_{i-1} + 0.3\varepsilon_{i-2}$ احسب معاملات الارتباط الذاتي للنموذج $x_i = \varepsilon_i + 0.5\varepsilon_{i-1} + 0.3\varepsilon_{i-2}$ ثم مثلها بيانيا ، ماذا تستنتج من الشكل البياني ؟

 $x_i=arepsilon_i+0.5arepsilon_{i-1}-0.3arepsilon_{i-2}$ ثم مثلها بيانيا ، ماذا تستنتج من الشكل البياني ؟

 $x_t=arepsilon_t-0.5arepsilon_{t-1}+0.3arepsilon_{t-2}$ ثم عاملات الارتباط الذاتي للنموذج $x_t=arepsilon_t-0.5arepsilon_{t-1}+0.3arepsilon_{t-2}$ ثم مثلها بيانيا ، ماذا تستنتج من الشكل البياني ؟

0 T - ما شروط الانعكاس للنموذج (2) MA؟

٥٣ - ما الشكل (أو الأشكال) الذي تأخذه دالة الارتباط الذاتي للنموذج (2) MA؟

٥٥ - ما الشكل (أو الأشكال) الذي تأخذه دالة الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج

SMA (2)

٥٥- كيف يمكن أن غيز النموذج (2) MA؟

٥- عرف نموذج المتوسطات المتحركة من الدرجة q.

٥٧ - عرف النموذج (1,1) ARMA.

٥٨ - استنتج دالة التباين المشترك للنموذج (١,١) ARMA.

09 - ما القيود المفروضة على النموذج (1,1) ARMA؟

· ٦ - استنتج دالة الارتباط الذاتي للنموذج (1,1) ARMA.

 $x_t = 0.5x_{t-1} + \varepsilon_t - 0.3\varepsilon_{t-1}$: المنا النام النام الارتباط الذاتي للنموذج الحسب معاملات الارتباط الشكل؟

الارتباط الذاتي ثم مثلها بيانيا ، ماذا تستنتج من الشكل البياني ؟

 $\theta_1 = -0.3$ و $\theta_1 = +0.6$: فس السؤال السابق باعتبار أن

. $\theta_1 = -0.2$ و $\phi_1 = -0.7$: أن باعتبار أن السؤال السابق باعتبار أن السؤال السابق باعتبار أن

 $\theta_1 = +0.3$ و $\theta_1 = -0.5$: فس السؤال السابق باعتبار أن

 $\theta_1 = +0.3$ و $\theta_1 = +0.5$: فس السؤال السابق باعتبار أن : $\theta_1 = +0.3$ و $\theta_1 = +0.3$

٦٧ - ما الشكل (أو الأشكال) الذي تأخذه دالة الارتباط الذاتي للنموذج ARMA (1.1)

٦٨- استنتج دالة الذاكرة للنموذج (1,1) ARMA.

٦٩ - ما الشكل العام لنماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية ARIMA؟

• ٧- ما الشكل العام لنماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية الموسمية SARIMA؟

٧١- ما الهدف من مرحلة المطابقة في نماذج بوكس-جنكنز؟

٧٢- تحدث عن الخطوات الأساسية في مرحلة المطابقة.

٧٣- عبر عن خصائص نماذج بوكس-جنكنز من خلال جدول بسيط.

٧٤- ما الهدف من مرحلة التقدير في نماذج بوكس-جنكنز؟

٧٥- ما الطريقة (أو الطرائق) المستخدمة في مرحلة التقدير؟.

٧٦- ما الهدف من مرحلة التحقق أو التشخيص؟

٧٧- ما المقصود باختبارات معالم النموذج؟

٧٨- تحدث عن اختبار الأخطاء.

٧٩- ليكن لدينا الجدول التالي والذي يمثل الرقم القياسي للنقد المتداول خارج المصارف السعودية خلال الفترة ١٩٨٦م ١٩٨٠م (سنة الأساس هي سنة ١٩٨٠م):

الجدول رقم (٨,١١). الرقم القياسي للنقد المتداول خارج المصارف السعودية خلال الفترة ١٩٦٣-١٩٩٨م.

الرقم القياسي	السنة	الرقم القياسي	السنة	الرقم القياسي	السنة
100	١٩٨٧	٣٣	1940	٣	۱۹۲۳م
١٣٧	۱۹۸۸	٥٢	۱۹۷٦	٤	١٩٦٤م
17.	١٩٨٩	٦٨	1977	٤	١٩٦٥م
١٧١	199.	۸۰	۱۹۷۸	٥	۲۲۹۱م
١٧١	1991	٩٦	1979	٥	۱۹٦۷م
۱٦٧	1997	1	۱۹۸۰	٦	۸۶۹۱م
777	1998	117	١٩٨١	٦	١٩٦٩م

ابع الجدول رقم (١١).	.(۸,۱	1)	رقم	ال	الجلا	نابع
----------------------	-------	----	-----	----	-------	------

الرقم القياسي	السنة	الرقم القياسي	السنة	الرقم القياسي	السنة
۱۷۲	1998	170	1987	٦	۱۹۷۰م
١٦٥	1990	١٣٣	١٩٨٣	٧	۱۹۷۱م
170	1997	١٣٣	١٩٨٤	١.	۱۹۷۲م
۱۷٥	1997	181	1910	١٣	۱۹۷۳م
177	۱۹۹۸	181	١٩٨٦	19	١٩٧٤م

المصدر: الجدول (٦,١٤).

والمطلوب: استخدم برنامج SPSS في:

- أ) رسم شكل انتشار السلسلة الزمنية الممثلة للرقم القياسي للنقد المتداول خارج المصارف السعودية خلال الفترة ١٩٦٣ ١٩٩٨م. ماذا يمكن أن نستنتج من هذا الشكل؟.
 - ب) أوجد شكل الارتباط الذاتي، ماذا يوحي هذا الشكل؟
 - ج) أوجد شكل الارتباط الجزئي، ماذا يوحى هذا الشكل؟
- د) اعتمادا على الطلبات السابقة ، حدد النموذج الذي يتناسب والسلسلة الزمنية المدروسة.
 - هـ) قدر معالم النموذج المقترح ثم اجر الاختبارات اللازمة عليه.
- و) استخدم النموذج المقترح في تقدير للرقم القياسي للنقد المتداول خارج المصارف السعودية خلال الفترة ١٩٦٣ ١٩٩٨م.
- ز) استخدم النموذج المقترح في تقدير الرقم القياسي لَلنقد المتداول خارج المصارف السعودية خلال عامي ١٩٩٩ و٠٠٠٠م.
- ٨١ ليكن لدينا الجدول التالي والذي يمثل رسوم الاستيراد الفصلية في المملكة العربية السعودية خلال الفترة ١٤٠٠ ١٤٠٩هـ:

الجدول رقم (٨,١٢). رسوم الاستيراد الفصلية (مليون ريال) في المملكة العربية السعودية خلال الفتسرة ١٤٠٠ الهـ.

الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثاني	الفصل الأول	السنة
۲۷٠	1.0	77.	7 • 9	۰۰۱۵۰۹
٤٠٥	۲0٠	757	۳۰٦	. ۱۰۱۱هـ
. ٤٩٠	4.4	٤٦٠	٤١٧	٠ ٢٠٤١هـ
٥٠٦	7.9	٥٦٠	٤٩٨	٣٠٤١هـ
۸۰۰	٤٥٠	٦٩٨	٧٠٩	3 * 3 1 هـ
1.17	7 * *	9	٧٨٠	٥٠٤١هـ
910	٧٠٠	۸۷۰	11	٣٠٤١هـ
۲۸۶	۹۱۸	1.09	٨٤٦	٧٠٤١هـ
184.	14	1787	١١٥٤	۸۰۶۱هـ
١٩٨٥	1087	۸۲٥	9.8	۹۰۶۱هـ

المصدر: مصلحة الإحصاءات العامة- وزارة التخطيط.

والمطلوب: استخدم برنامج SPSS في:

- ا) رسم شكل انتشار السلسلة الزمنية الممثلة لرسوم الاستيراد السعودي خلال الفترة ١٤٠٠- ١٤٠٩هـ. ماذا يمكن أن نستنتج من هذا الشكل؟
 - ب) أوجد شكل الارتباط الذاتي، ماذا يوحى هذا الشكل؟
 - ج) أوجد شكل الارتباط الجزئي، ماذا يوحي هذا الشكل؟
- د) اعتمادا على الطلبات السابقة ، حدد النموذج الذي يتناسب والسلسلة الزمنية المدروسة.
 - هـ) قدر معالم النموذج المقترح ثم اجر الاختبارات اللازمة عليه.
- و) استخدم النموذج المقترح في تقدير رسوم الاستيراد السعودي خلال الفترة المدروسة.

ز) استخدم النموذج المقترح في تقدير رسوم الاستيراد السعودي خلال الفصول الأربعة الأولى من عام ١٤١٠هـ.

٨٢- ليكن لدينا الجدول التالي والذي يمثل الإنتاج الشهري بالطن لمعمل الكرستال الوطني خلال الفترة ١٩٩٠-١٩٩٩م.

الجدول رقم (٨,١٣). الإنتاج الشهري لمعمل الكرستال الوطني بالطن خلال الفترة ٩٩٠-٩٩٩ م.

. الشهور											السنة	
١٢	11	1.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١	
011	०१२	٥٨٧	007	Y10	१९९	٦٦٨	٥٨٠	091	779	099	٥٦٣	۱۹۹۰م
7 - 7	٦٢٦	٦٠٣	170	77.	0+1	777	177	777	۷۱۲	749	740	۱۹۹۱م
707	۷۳٥	٧٣٠	714	۲۳۸	779	٧٠٧	٧٢٤	٦٨٨	۷۱۳	۸٥٢	757	۱۹۹۲م
٧٠٦	٧٠١	791	717	777	090	۷۹۰	٧٠١	٧٢٩	۸۱۱	٧٤٨	7/7	۱۹۹۳م
٧٧٢	792	٧٠٨	٦٨٠	137	۱۸۲	٧٤٩	٧٢٩	٧٦٧	۸۱٤	۷۷۳	٧٤٨	١٩٩٤م
۸۰۰	۸۱۲	۸٦٨	٧٢٧	791	797	۱۲۸	۷٥١	V9V	۸۹۰	٧٨٨	V90	١٩٩٥م
۸۹۹	٧٣٢	٨٤٧	737	۳۷۱	٦٥٦	۲۷۸	۸٤٠	٨٠٤	927	٨٤٧	۸٤٣	١٩٩٦م
۸۰۷	٧٨٠	بر ار	۷۸۰	٣١.	707	۸۲۸	۷۸۳	۸۱۳	989	701	٧٧٨	۱۹۹۷م
۸۸۰	۲۸۷	4 *	٧٩١	۲.,	۸۳۳	980	۸۳٥	۸۷٥	۸۹۳	٨٥٦	۸۹٥	۱۹۹۸م
998	٩٢٨	918	٨٥٠	٣٤٦	۸۳۲	1	۸۷۲	979	977	994	۸۷٥	۱۹۹۹م

المصدر: فرضي.

والمطلوب: استخدم برنامج SPSS في:

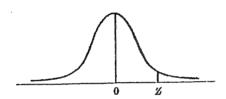
أ) رسم شكل انتشار السلسلة الزمنية الممثلة للإنتاج الشهري للكرستال خلال الفترة ١٩٩٠ – ١٩٩٩م. ماذا يمكن أن نستنتج من هذا الشكل؟
 ب) أوجد شكل الارتباط الذاتي ، ماذا يوحي هذا الشكل؟

- ج) أوجد شكل الارتباط الجزئي، ماذا يوحي هذا الشكل؟
- د) اعتمادا على الطلبات السابقة ، حدد النموذج الذي يتناسب والسلسلة الزمنية المدروسة.
 - هـ) قدر معالم النموذج المقترح ثم اجر الاختبارات اللازمة عليه.
- و) استخدم النموذج المقترح في تقدير الإنتاج الشهري للكرستال خلال الفترة المدروسة.
- ز) استخدم النموذج المقترح في تقدير الإنتاج الشهري للكرستال خلال عام ٢٠٠٠م.

-≤÷ 100

جداول إحطائية

١ – التوزيع الطبيعي المعياري



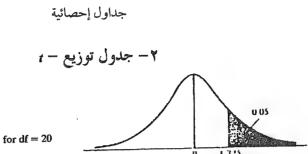
Z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
0.0	.0000	.0040	.0080	.0120	.0160	.0199	.0239	.0279	.0319	.0359
0.1	.0398	.0438	.0478	.0517	.0557	.0596	.0636	.0675	.0714	.0753
0.2	.0793	.0832	.0871	.0910	.0948	.0987	.1026	.1064	.1102	.1141
0.3	.1179	.1217	.1255	.1293	.1331	.1368	.1406	.1443	.1480	.1517
0.4	.1554	.1591	.1628	.1664	.1700	.1736	.1772	.1808	.1844	.1879
0.5	.1915	.1950	.1985	.2019	.2054	.2088	.2123	.2157	.2190	.2224
0.6	.2257	.2291	.2324	.2357	.2389	.2422	.2454	.2486	.2518	.2549
0.7	.2580	.2612	.2642	.2673	.2704	.2734	.2764	.2794	.2823	.2852
0.8	.2881	.2910	.2939	.2967	.2995	.3023	.3051	.3078	.3106	.3133
0.9	.3159	.3186	.3212	.3238	.3264	.3289	.3315	.3340	.3365	.3389
1.0	.3413	.3438	.3461	.3485	.3508	.3531	.3554	3577	.3599	.3621
1.1	.3643	.3665	.3686	.3708	.3729	.3749	.3770	.3790	.3810	.3830
1.2	.3849	.3869	.3888	.3907	.3925	.3944	.3962	.3980	.3997	.4015
1.3·	.4032	.4049	.4066	.4082	.4099	.4115	.4131	.4147	.4162	.4177
1.4	.4192	.4207	.4222	.4236	.4251	.4265	.4279	.4292	.4306	.4319
1.5	.4332	.4345	.4357	.4370	.4382	.4394	.4406	.4418	.4429	.4441
1.6	.4352	.4463	.4474	.4484	.4495	.4505	.4515	.4525	.4535	.4545

تابع: التوزيع الطبيعي المعياري

Z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
1.7	.4554	.4564	.4573	.4582	.4591	.4599	.4608	.4616	.4625	.4633
1.8	.4641	.4649	.4656	.4664	.4671	.4678	.4686	.4693	.4699	.4700
1.9	.4713	.4719	.4726	.4732	.4738	.4744	.4750	.4756	.4761	.476
2.0	.4772	.4778	.4783	.4788	.4793	.4798	.4803	.4808	.4812	.4817
2.1	.4821	.4826	.4830	.4834	.4838	.4842	.4846	.4850	.4854	.4857
2.2	.4861	.4864	.4868	.4871	.4875	.4878	.4881	.4884	.4887	.4890
2.3	.4893	.4896	.4898	.4901	.4904	.4906	.4909	.4911	.4913	.4916
2.4	.4918	.4920	.4922	.4925	.4927	.4929	.4931	.4932	.4934	.4936
2.5	.4938	.4940	.4941	.4943	.4945	.4946	.4948	.4949	.4951	.4952
2.6	.4953	.4955	.4956	.4957	.4959	.4960	.4961	.4962	.4963	.4964
2.7	.4965	.4966	.4967	.4968	.4969	.4970	.4971	.4972	.4973	.4974
2.8	.4974	.4975	.4976	.4977	.4977	.4978	.4979	.4979	.4980	.4981
2.9	.4981	.4982	.4982	.4983	.4984	.4984	.4985	.4985	.4986 _	.4986
3.0	.49865	.49869	.49874	.49878	.49882	.49886	.49889	.49893	.49897	.4990
3.1	.49903	.49906	.49910	.49913	.49916	.49918	.49921	.49924	.49926	.4992
3.2	.49931	.49934	.49936	.49938	.49940	.49942	.49944	.49946	.49948	.4995
3.3	.49952	.49953	.49955	.49957	.49958	.49960	.49961	.49962	.49964	.4996
3.4	.49968	.49968	.49969	.49970	.49971	.49972	.49973	.49974	.49975	.4997
.5	.49977	.49978	.49978	.49979	.49980	.49981	.49981	.49982	.49983	.4998
.6	.49984	.49985	.49985	.49986	.49986	.49987	.49987	.49988	.49988	.4998
.7	.49989.	.49990	.49990	.49990	.49991	.49991	.49992	.49992	.49992	.4999
8.8	.49993	.49993	.49993	.49994	.49994	.49994	.49994	.49995	.49995	.4999
1.9	.49995	.49995	.49996	.49996	.49996	.49996	.49996	.49996	.49997	.4999

Example

Pr(t > 2.086) = 0.025



Pr(t > 1.725) = 0.025		for df =	20					
Pr(t > 1.72	(25) = 0.10				Ø	1 725		
Pr df	0.25 0.50	0.10 0.20	0.05 0.10	0.025 0.05	0.01 0.02	0.005 0.010	0.001 0.032	
			6.314	12.706	3.1821	63.657	318.31	
1	1.000	3.078	2.920	4.303	6.965	9.925	22.327	
2	0.816	1.886	2.353	3.182	4.541	5.841	10.214	
2 3 4	0.765	1.638	2.333	2.776	3.747	4.604	7.173	
4	0.741	1.533	2.132				C 000	
5	0.727	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	5.893	
6	0.718	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	5.208	
7	0.711	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	4.785	
8	0.706	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	4.501	
9	0.703	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	4.297	
			4 013	2.228	2.764	3.169	4.144	
10	0.700	1.372	1.812	2.228	2.718	3.106	4.025	
11	0.697	1.363	1.796	2.201	2.681	3.055	3.930	
. 12	0.695	1.356	1.782	2.160	2.650	3.012	3.852	
13	0.694	1.350	1.771	2.145	2.624	2.977	3.787	
14	0.692	1.345	1.761	2.143				
15	0.691	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	3.733	
16	0.690	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	3.686	
17	0.689	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.646	
18	0.688	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.610	
19	0.688	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.579	
19				. 0.000	2,528	2.845	3,552	
20	0.687	1.325	1.725	2.086	2.518	2.831	3.527	
21	0.686	1.323	1.721	2.080	2.508	2.819	3.505	
22	0.686	1.321	1.717	2.074	2.500	2.807	3.485	
23	0.685	1.319	1.714	2.069	2.492	2.797	3.467	
24	0.685	1.318	1.711	2.064	2.472			
25	0.684	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.450	
25	0.684	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.435	
26	0.684	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.421	
27		1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.408	
28	0.683	1.313	1.699	2.045	2.462	2.756	3.390	
29	0.683	1.311			_	0.750	3.385	
30	0.683	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3,307	
40	0.681	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	3.232	
60	0.679	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660		
120	0.677	1.289	1.658	1.980	2.358	2.167	3.160	
00	0.674	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	3,090	

Note: The smaller probability shown at the head of each column is the area in one tail: the larger probability is the area in both tails.

Source: From E. S. Pearson and H. O. Hartley. eds., Biometrika Tables for Statisticioans, vol. 1, 3e ed., table 12, Cambridge University Press, New York, 1966.

Reproduced by permission of the editors and trustees d of Biometrika.

				5% F	ِل قيم ـ	۱ _ جداو	۴		. ~
	8 88 8 8	. 2848.	4 222 2		1.	5 (2)	شوده م	Denominator of ₃	For a particular combination of numerator and denominator degrees freedom, entry represents the critical values of Foorresponding to a specified uper tail area (a)
	3.92 3.84			1222	466	8 6 K C C	161.4 18.51 7.71	-	cular con and deno and rentry re les of For
	3.23 3.15 3.07	5555	*******	121	3.98 3.89 3.74	2422	5.69 8.69 8.69 8.69 8.69 8.69 8.69 8.69 8	-	nbination minator spresents orrespondarial area (
•	1.76 1.76 1.60	2.98 2.98 2.98	25835	15845	344 344 344 344 344	1.07 1.72	215.7 19.16 9.28 6.59	ų	of degrees the ding a)
	73.65	11111		1.96 1.96 2.93	3.12	22.55	19.25 9.12 6.39		
	2245 2245 221	155 155 155	23.44.4	2,90 2,85 2,81 2,77	3.33 3.41 3.03 2.98	125	230.2 19.30 9.01 6.26	3	
	2212		252	177 177 177 177 177	1.00 1.00 1.00	148 148 148	234.0 19.33 8.94 6.16	٩	
	2.33 2.25 2.17 2.09 2.01	2.35	2222	2.66 2.66 2.61 2.58 2.58	3.14 3.01 2.91 2.83 2.76	3.79 3.79 3.20	236.8 19.35 8.89 6.09	7	
	2.18 2.18 2.10 2.02 1.94	122	2.45 2.45 2.47 2.47	225 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25	2.85 2.85 2.77	# 1 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	19.37 8.85	20	
	2.21 2.12 2.04 1.96 1.88	#######################################	2222	2.59 2.54 2.49 2.45	3,02 2,90 2,80 2,71 2,65	1.16		Numerator df,	
	2.16 2.08 1.99 1.91 1.83	8 6 6 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	755 155 155 155 155 155 155 155 155 155	2.45 2.45 2.45	2.98 2.85 2.75 2.67	3.56 3.56 3.16	241.9 19.40 8.79 5.96	10 11.	
	1.09 2.00 1.92 1.83 1.75	115 115 113 113 2109	#155 #155 #155 #155 #155	2.48 2.42 2.34 2.34	2.91 2.79 2.69 2.60 2.53	4.68 4.00 3.57 3.28	743.9 19.41 8.74 5.91	12	$F_{(\alpha}$
	2.01 1.92 1.84 1.75		2222	######################################	######################################	3.22	245.9 19.43 8.70 5.86	15	$F(\alpha, df_1, df_2)$
	1.93 1.75 1.66	1.95	1207 1207 1208 1208 1208	2.33 2.28 2.19 2.19	225 225 225 236	3.87 3.14 3.15	248.0 19,4\$ 5.80	20	Ω
	1.89 1.70 1.51	192	1.08 2.03 2.03	2222	1.42 1.42 1.42		249.1 19.45 5.77	2	71 01
	# 25 g 2 z	1.90 1.897 1.897	2,04 1.98 1.96	1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111	2.70 2.47 2.38 2.31	3.38 3.38 3.08 3.86	250.1 19.46 8.62 5.75	સ	
	1.69 1.69 1.59	1.87	1.94	200 201 201 201 201 201 201 201 201 201	# ##	35114	19.47 19.47 5.72	6	
	22862	1.75	1.86 1.86	2.16 2.31 2.06 2.02	111 111 111 111 111 111	3.74	152.1 19.48 8.57 5.69	60	·
	######################################	25223	1.90 1.87 1.84 1.81 1.79	2.11 2.06 2.01 1.97	2.45 2.45 2.24 2.25	3.20 2.27 2.27	19.49 8.55 5.66	120	
	32528	1.65	1.75 1.75 1.75 1.75 1.75 1.75 1.75 1.75	2.07 2.08 1.96 1.92	140 141 141 141 141 141 141 141 141 141	3.67 3.23 2.93	19.50 8.53 5.63	R	

جداول إحصائية ٤ - جداول ديربن واتسون Durbin-Watson d statistic: significance points of d_L and d_U at 0.05 level significance

	k = 1		k=1 k=2			= 3	K	= 4	k = 5		
n .	d _L	d_U	d_{L}	d _U	d_L	d_U	d_{L}	d_U	d_L	ď	
15	1.08	1.36	0.95	1.54-	0.82	1.75	0.69	1.97	0.56	2.2	
16	1.10	1.37	0.98	1.54	0.86	1.73	0.74	1.93	0.62	2.1	
17	1.13	1.38	1.02	1.54	0.90	1.71	0.78	1.90	0.67	2.1	
18	1.16	1.39	1.05	1.53	0.93	1.69	0.82	1.87	0.71	2.0	
19	1.18	1.40	1.08	1.53	0.97	1.68	0.86	1.85	0.75	2.0	
20	1.20	1.41	1.10	1.54	1.00	1.68	0.86	1.85	0.75	2.0	
21	1.22	1.42	1.13	1.54	1.03	1.67	0.93	1.81	0.83	1.9	
22	1.24	1.43	1.15	1.54	1.05	1.66	0.96	1.80	0.86	1.9	
23	1.26	1.44	1.17	1.54	1.08	1.66	0.99	1.79	0.90	1.9	
24	1.27	1.45	1.19	1.55	1.10	1.66	1.01	1.78	0.93	1.9	
25	1.29	1.45	1.21	1.55	1.12	1.66	1.04	1.77	0.95	1.8	
26	1.30	1.46	1.22	1.55	1.14	1.65	1.06	1.76	0.98	1.8	
27	1.32	1.47	1.24	1.56	1.16	1.65	1.08	1.76	1.01	1.8	
28	1.33	1.48	1.26	1.56	1.18	1.65	1.10	1.75	1.03	1.8	
29	1.34	1.48	1.27	1.56	1.20	1.65	1.12	1.74	1.05	1.8	
30	1.35	1.49	1.28	1.57	1.21	1.65	1.14	1.74	1.07	1.8	
31	1.36	1.50	1.30	1.57	1.23	1.65	1.16	1.74	1.09	1.8	
32	1.37	1.50	1.31	1.57	1.24	1.65	1.18	1.73	1.11	1.8	
33	1.38	1.51	1.32	1.58	1.26	1.65	1.19	1.73	1.13	1.8	
34	1.39	1.51	1.33	1.58	1.27	1.65	1.21	1.73	1.15	1.8	
35	1.40	1.52	1.34	1.58	1.28	1.65	1.22	1.73	1.16	1.8	
36	1.41	1.52	1.35	1.59	1.29	1.65	1.24	1.73	1.18	1.8	
37	1.42	1.53	1.36	1.59	1.31	1.66	1.25	1.72	1.19	1.80	
38	1.43	1.54	1.37	1.59	1.32	1.66	1.26	1.72	1.21	1.79	
39	1.43	1.54	1.38	1.60	1.33	1.66	1.27	1.72	1.22	1.79	
40	1.44	1.54	1.39	1.60	1.34	1.66	1.29	1.72	1.23	1.7	
45	1.48	1.57	1.43	1.62	1.38	1.67	1.34	1.72	1.29	1.7	
50	1.50	1.59	1.46	1.63	1.42	1.67	1.38	1.72	1.34	1.7	
65	1.53	1.60	1.49	1.64	1.45	1.68	1.41	1.72	1.38	1.7	
70	1.58	1.64	1.55	1.67	1.52	1.70	1.49	1.74	1.46	1.7	
75	1.60	1.65	1.57	1.68	1.54	1.71	1.51	1.74	1.49	1.7	
80	1.61	1.66	1.59	1.69	1.56	1.72	1.53	1.74	1.51	1.7	
85	1.62	1.67	1.60	1.70	1.57	1.72	1.55	1.75	1.52	1.7	
90	1.63	1.68	1.61	1.70	1.59	1.73	1.57	1.75	1.54	1.7	
95	1.64	1.69	1.62	1.71	1.60	1.73	1.58	1.75	1.56	1.7	
.00	1.65	1.69	1.63	1.72	1.61	1.74	1.59	1.76	1.57	1.78	

Note:

Source: J. Durbin and G. S. Watson, "Testing for Serial Correlation in Least Squares Regression," Biometrika, vol. 38, pp. 159-177, 1951. Reprinted with the permission of the authors and the Biometrika trustees.

n = number of observations

 $[\]mathbf{k}'$ = number of explanatory variables excluding the constant

			i							1
•		^	C/ 62 43	۰ . ر	, r o	≗	=22272	25875	ឧដឧងង	25 23 30 30
	. جلول ترزيع – ⁴ ٪.	α =0.005	7.879 10.597 12.838 14.860	18 548	20.278 21.955 23.589	25.188	26.757 28.300 29.819 31.319 32.801	34.267 35.718 37.156 38.582 39.997	41.401 42.796 44.181 45.558 46.928	48.290 49.645 50.993 52.336 53.672
	- x	α =0.01	6.635 9.210 11.345 13.277	15.060	18.475 20.090 21.666	23.209	24,725 26,217 27,688 29,141 30,578	32,000 33,409 34,805 36,191 37,566	38.932 40.289 41.638 42.980 44.314	45.642 46.963 48.278 49.588 50.892
	•	CC =0.025	5.024 7.378 9.348 11.143	14,449	16.013 17.535 19.023	20.483	21.920 23.337 24.736 26.119 27.488	28.845 30.191 31.526 32.852 34.170	35,479 36,781 38,076 39,364 40,646	41.923 43.194 44.461 45.722 46.979
000	$\chi^2_{0.05,4} = 9.488 \chi^2$	C =0.05	3.841 5.991 7.815 9.488	12.592	14.067 15.507 16.919	18.307	19.675 21.026 22.362 23.685 × 24.996	26.296 27.587 28.869 30.144 31.410	32.671 33.924 35.172 36.415 37.652	38.885 40.113 41.337 42.557
26.0	X	α =0.95	.00393 .103 .352 .711	1.635	2.167 2.733 3.325	3,940	4.575 5.226 5.892 6.571 7.261	7.962 8.672 9.390 10.117	11.591 12.338 13.091 14.848	15.379 16.151 16.928 17.708 18.493
	٠ .	CL =0.975	.000982 .0506 .216 .484	1.237	2.180 2.700	3.247	3.816 4.404 5.009 5.629 6.262	6,908 7.564 8.231 8.907 9.591	10.283 10.982 11.689 12.401 13.120	13.844 14.573 15.308 16.047 16.791
		α=0.99	.000157 .0201 .155 .297	.872	1.239 1.646 2.088	2.338	3.053 3.571 4.107 5.229	5.812 6.408 7.015 7.633 8.260	8.897 9.542 10.196 10.856 11.524	12.198 12.879 13.565 14.256 14.953
	×2,	α =0.995	.0000393 .0100 .0717 .207	929	.989 1.344 1.735	001.7	2.603 3.074 3.565 4.075 4.601	5.142 5.697 6.265 6.844 7.434	8.034 8.643 9.260 9.886 10.520	11.160 11.808 12.461 13.121 13.787
	Values of - χ^2	٨	-0m4v	9	د ه ^ت ه خ		=25225	20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 2	ដងងង	32222

المراجع

أولا: المراجع العربية

- تشاو، لنكولن. الإحصاء في الإدارة. تعريب: عبد المرضي حامد عزام. الرياض: دار المريخ للنشر، ١٤١٠هـ.
- ديسلر، جاري. أساسيات الإدارة: المبادئ والتطبيقات الحديثة. تعريب: عبد القادر عبد القادر. الرياض: دار المريخ للنشر، ١٩٩١م.
- شور بجي، عبد الرزاق الاقتصاد القياسي التطبيقي. بيروت: دار التوزيع المتحدة، ١٩٨٥م.
- عبد الرحمن، عبد المحمود. مقدمة في الاقتصاد القياسي. الرياض: عمادة شؤون المكتبات، جامعة الملك سعود، ١٤١٧هـ.
- العبيد، عبد الرحمن. "السلسلة المتكاملة لصناعة الإلكترونيات الفرنسية: مميزاتها ومعالجة معلوماتها الإحصائية"، رسالة دكتوراة. بواتييه: جامعة بواتييه-فرنسا، ١٩٩٠م.
- العيسوي، إبراهيم. القياس والتنبؤ في الاقتصاد. القاهرة: دار النهضة العربية، ١٩٧٨م.
- فاندل، والتر. السلاسل الزمنية من الوجهة التطبيقية ونماذج بوكس-جنكنز. تعريب ومراجعة: عبد المرضي حامد عزام و أحمد حسين هارون. الرياض: دار المريخ للنشر، ١٤١٢هـ.

قاسم، أحمد رفيق؛ حلاق، عمر. المدخل إلى علم الإحصاء. حلب: مديرية الكتب والمطبوعات الجامعية، جامعة حلب، ١٤١٢هـ.

قاسم، أحمد رفيق؛ حلاق، عمر. الإحصاء الاقتصادي. حلب: مديرية الكتب والمطبوعات الجامعية، جامعة حلب، ١٤١٤هـ.

ثانيا: المراجع الأجنبية

- Abraham, B.; Ledolter, J. Statistical methods for forecasting. New York: John Wiley @ Sons, 1983.
- Box, G. E. P.; Jenkins, G.M. Time series analysis: forecasting and control. San Francisco: Holden-Day, 1976.
- Brown, R. G. Smoothing, forecasting and prediction of discrete time series. Englewood Cliffs, N. J.: Prentice Hall, 1963.
- Chatefield, C. *The analysis of series: theory and practice*. London: Chapman and Hall, 1975.
- Cleveland, W. S. *The inverse autocorrelation time series and their application*. The Economertrics, 1972, p. 283.
- Coutrot, B. et F. Droesbeke. les méthodes de prévision. Paris: Que sais-je, 1984.
- Do-Ango, S. Comparaison de méthodes de prévision: théories et applications. T. D. Aix-Marseille III, 1984.
- Gagou, A. Modélisation par la méthode de Box et Jenkins et par les représentation Markoviennes. T. D. Aix-Marseille II, 1986.
- Giraux, R.; Chaix, N. Econométrie. Paris: PUF, 1989.
- Grais, B. Statistique descriptive. Paris: Dunod, 1986.
- Granger, C. W. J. Forecasting in business and economics. 2nd ed. New York: Academic Press, 1989.
- Granger, C. W. J.; Newbold. B. Forecasting economic time series. 2nd ed. New York: Academic Press, 1986.
- Granger, C. W. J. Analyse spectrale des séries temporelles en économie. Finance et Economie Appliquée, volume 29.
- Harvey, A. C. Time series models. 2nd ed. New York: Harvester-Wheatsheaf, 1993.
- Janacek, G.; Swift. L. Time series: forecasting, simulation, applications. New York: Ellis Horwood, 1993.
- Johnston, J. Méthodes économétriques. Paris: Economica, 1985.

100

- Johnston, J. Méthodes économétriques. Tome 2. Paris: Economica, 1988.
- Kaufman, H. et J. L. Groboillot. La prévision économétrique à court terme. Paris: DUNOD, 1986.
- Kchirid, M. Les séries chronologiques multidimentionnelles en économétrie. T. D. Aix-Marseille II, 1983.

- Labrousse, C. Introduction à l'économétrie. Paris: Dunod, 1985.
- Makridakis, S.; Wheelwright., C. Hyndman, R.J. Forecasting: methods and applications, third edition. New York: John Wiley @ Sons, 1998.
- Malinvaud, E. Méthodes statistiques de l'économétrie. Paris: Dunod, 1981.
- Montgomery, D. C.; Johnson, L.A.; Gradiner, J.S. Forecasting and time series analysis 2nd ed., New york: McCraw-Hill, 1990.
- Morales, R. Etude et analyse des modèles ARMA de Box-Jenkins en vue de leur utilisation en économétrie. T. D. Geneve, 1976.
- Phlips, L.; Blomme, R.; Vanden Berghe, C.; et E. Dor. *Analyse chronologique*. Bruxelles, 1987.
- Pindyck, R. S. Rubinfeld, D. L. Econometric models and economics forecasts. New york: McCraw-Hill, 1976.
- Reix, R. Traitement des données. Paris: Foucher, 1984.
- Wood, D.; Fildes, R. Forecasting for business. London: Longman, 1976.

Control of the contro

ثبت المصطلحات

أولا: عربي- إنجليزي



Statistic	إحصاء
Trend	الاتجاه العام
Market testing	اختبار السوق
Portmanteau	اختبار بوكس- بيرس
Durbin-Watson test	اختبار دوربون– واتسون
Correlation	ارتباط
Multicolinearity	ارتباط المتغيرات المستقلة
Autocorrelation	ارتباط ذاتي
Stationarity	الاستقرار
Delphi technique	أسلوب دلفي
Forecast horizon	أفق التنبؤ
Regression	انحدار
Simple linear regression	الانحدار الخطي البسيط
Linear multiple regression	الانحدار الخطي المتعدد

انحدار بسيط Simple Regression انحدار متعدد Multiple regression أهمية التنبؤ Importance of forecasting

برنامج التطبيقات الإحصائية للعلوم Statistical Packages of the Social Science

الاجتماعية (SPSS)

البريد الإلكتروني E-Mail

السط Nominator

سانات Data

Dependent

Variance

التباين المشترك أو التغاير Autocovariance

التحقق أو التشخيص Diagnostic

تحويل Transform

تعبير عددي Numeric expression

تعريف تاريخ Define date

تعريف متغير Define variable

التغيرات الباقية Residual variations

التغيرات الدورية Cyclical variations

التغيرات العرضية أو العشوائية Irregular variations

التغيرات الموسمية

التغيرات الموسمية Seasonal decomposition

تغيرات عشوائية بحتة أو خالصة Random noise

Seasonal variations

ثبت المصطلحات

Partial derivative	التفاضل الجزئي
Estimation	<i>تقد</i> ير
Adaptive response rate simple exponential	تمهيد أسي بسيط باستخدام معامل تمهيد
smoothing	متغير
Exponential smoothing	التمهيد الأسي
Simple exponential smoothing	التمهيد الأسي البسيط
Triple exponential smoothing	التمهيد الأسي الثلاثي
Double exponential smoothing	التمهيد الأسي المضاعف
Forecasting	التنبؤ
Technological forecasting	التنبؤ التقني
F-distribution	توزیع F
T-distribution	توزیع T
Normal distribution	التوزيع الطبيعي
Student's distribution	توزيع ستيودنت
Single distribution	توزيع وحيد
Homoscedasticity	ثبات التباين
Bivariate	ثنائي
a	
Analysis of variance table (ANOVA)	جدول تحليل التباين
Significance	جدول تحليل التباين جوهرية
a	
Personal computer	حاسوب شخصي

Inconclusive

حالة شك

Term

.1~

Compute

حساب

Save as

حفظ باسم

۾

Least-squares line

خط المربعات الصغري

Sample regression line

خط انحدار العينة

Population regression line

خط انحدار المجتمع

Error

خطأ

Specification error

خطأ في تحديد النموذج

Type I error

خطأ من النوع الأول

Type II error

خطأ من النوع الثاني

Linear

h÷

Cell

خلية

Active cell

خلية نشطة

Options

خمار ات

Autocorrelation function

دالة الارتباط الذاتي

Partial autocorrelation function

دالة الارتباط الذاتي الجزئي دالة الذاكرة

Memory function

درجات الحرية

Degree of freedom

112

دون مستوى التحديد

Under identified

Experience Opinion

رأي الخبرة

ثبت المصطلحات

Graphs

رسوم

Jm

Time Series

السلاسل الزمنية

Process

سياق أو عملية

First-order autoregressive process

سياق أو عملية انحدار ذاتي من الدرجة الأولى



Internet

شبكة المعلومات الدولية

Correlogram

شكل الارتباط الذاتي



Inverted form of a moving average process

الصيغة المعكوسة لسياق متوسطات متحركة



Version

طبعة أو نسخة

Econometric methods

طرائق الاقتصاد القياسي

Counting methods

طرائق العد

Qualitative methods

الطرائق النوعية

Time Series Analysis

طرائق تحليل السلاسل الزمنية

Method

طريقة

Stepwise method

طريقة الانحدار خطوة خطوة

Differencing

طريقة الفروق

Least-squares method

طريقة المربعات الصغرى العادية

Tow-stage least squares

طريقة المربعات الصغرى على مرحلتين

Ratio-to moving average method

طريقة النسبة إلى المتوسط المتحرك

	77	****
7	PERKY	
86.		27
	1	

Family of distribution عائلة من التوزيعات علاقات متبادلة Reciprocal causation

فتح ملف قديم Open الفرضية البديلة The alternative hypothesis فرضية العدم The null hypothesis الفروق الموسمية Seasonal differencing

فوق مستوى التحديد Over identified

القيم الأولية أو الابتدائية Initial values قيم وحيدة Unique values

كامل من الناحية الرياضية Mathematically complete Total

اللوغاريتم الطبيعي Natural log

مؤشرات اقتصادية Economic indications متتابعة أو متوالية Sequence

Biased

Damped متعدد سطوح

Hyperplane

Variable	متغير
Dependent variable	المتغير التابع
Independent variable	المتغير المستقل
Target variable	متغير الوجهة
Exogenous variables	متغيرات خارجية
Endogenous variables	متغيرات داخلية
Bias	متوسط الانحرافات
Mean absolute deviation	متوسط الانحرافات المطلقة
Mean percentage deviation	متوسط الانحرافات النسبي
Mean of squares	متوسط المربعات
Moving average	متوسط متحرك
Simple moving Averages	المتوسطات المتحركة البسيطة
Centered moving Averages	المتوسطات المتحركة الثنائية
Weighted moving Averages	المتوسطات المتحركة المرجحة
Double moving Averages	المتوسطات المتحركة المضاعفة
Henderson's weighted average	متوسطات هندرسون المرجحة
Total sum of squares	مجموع المربعات الكلي
Sum of squares of regression	مجموع مربعات الانحدار
Sum of squares of error	مجموع مربعات الخطأ
Exactly identified	محدد تماماً
Custom	مخصص
Independent	مستقل
The level of significance	مستوى المعنوية أو الدلالة
Market survey	مسح السوق

Industrial survey	المسح الصناعي
Identification problem	مشكلة التحديد
Filters	مصاف أو منقيات
Source	مصدر
Identification	مطابقة
Simultaneous equations	المعادلات الآنية
Normal equations	المعادلات الطبيعية
Identity equations	معادلات تعريفية
Behavioristic equations	معادلات سلوكية
Structural equations	معادلات هيكلية
Coefficient of correlation	معامل الارتباط
Simple correlation coefficient	معامل الارتباط البسيط
Partial coefficient of correlation	معامل الارتباط الجزئي
Backward shift operator	معامل الإزاحة للخلف أو التأخير
Coefficient of determination	معامل التحديد
Coefficient of multiple determination	معامل التحديد المتعدد
Memory coefficient	معامل الذاكرة
Stationarity filter	معامل أو مصفي الاستقرار
Autoregressive filter	معامل أو مصفي الانحدار الذاتي
Moving average filter	معامل أو مصفي المتوسطات المتحركة
Partial regression coefficients	معاملات الانحدار الجزئية
Denominator	المقام
Measuring forecast accuracy	مقاييس دقة التنبؤ
Akaike information criterion	مقياس أكيكي

Theil's U-statistic

Schawartz bayesian criterion

File

مقياس أو إحصاء ثيل مقياس شوارتز ملف

Ů

Electronic meeting system

Autoregessive models

Autoregressive integrated moving average

models

Seasonal autoregressive integrated moving

average models

Time series models

Moving average models

Mixed autoregressive moving average,

models

Box-Jenkins models

Additive model

Multiplicative model

Linear Brawn's model

Pure white noise

Moving average model of order 1

Linear Halt's model

Wintrs's model

نظم الاجتماعات الإلكترونية غاذج الانحدار الذاتي

غاذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة

التكاملية

نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة

التكاملية الموسمية

نماذج السلاسل الزمنية

نماذج المتوسطات المتحركة

النماذج المختلطة (انحدار ذاتي ومتوسطات

متحركة)

نماذج بوكس- جنكنز

نموذج الجمع

نموذج الضرب

نموذج براون الخطى

نموذج عشوائي بحت أو خالص

نموذج متوسطات متحركة من الدرجة الأولى

نموذج هولت الخطي

نموذج ونترز

Behavioristic equations



Active cell	خلية نشطة
Adaptive response rate simple exponential	تمهيد أسي بسيط باستخدام معامل تمهيد
smoothing	متغير
Additive model	نموذج الجمع
Akaike information criterion	مقياس أكيكي
Alternative hypothesis	الفرضية البديلة
Analysis of variance table (ANOVA)	جدول تحليل التباين
Autocorrelation	ارتباط الذاتي
Autocorrelation function	دالة الارتباط الذاتي
Autocovariance	التباين المشترك أو التغاير
Autoregressive filter	معامل أو مصفي الانحدار الذاتي
Autoregressive models	نماذج الانحدار الذاتي
Autoregressive integrated moving average	نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة
models	التكاملية
E	3
Backward shift operator	معامل الإزاحة للخلف أو التأخير

معادلات سلوكية

مبادىء التنبؤ الإداري

Bias	متوسط الانحرافات
Biased	متحيز
Bivariate	ثنائي
Box-Jenkins models	نماذج بوكس– جنكنز
	C
Cell	خلية
Centered moving averages	المتوسطات المتحركة الثنائية
Coefficient of correlation	معامل الارتباط
Coefficient of determination	معامل التحديد
Coefficient of multiple determination	معامل التحديد المتعدد
Compute	حساب
Correlation	ارتباط
Correlogram	شكل الارتباط الذاتي
Counting methods	طرائق العد
Custom	مخصص
Cyclical variations	التغيرات الدورية
· ·	D
Damped	متخامد
Data	بيانات
Define date	تعريف تاريخ
Define variable	تعريف متغير
Degree of freedom	درجات الحرية
Delphi technique	أسلوب دلفي
Denominator	المقام

4		V
~	•	v

Dependent	تابع
Dependent variable	المتغير التابع
Diagnostic	التحقق أو التشخيص
Differencing	طريقة الفروق
Double exponential smoothing	التمهيد الأسي المضاعف
Double moving averages	المتوسطات المتحركة المضاعفة
Durbin-Watson test	اختبار دوربون– واتسون
	(
Econometric methods	طرائق الاقتصاد القياسي
Economic indications	مؤشرات اقتصادية
Electronic meeting system	نظم الاجتماعات الإلكترونية
E-Mail	البريد الإلكتروني
Endogenous variables	متغيرات داخلية
Error	خطأ
Estimation	تقدير
Exactly identified	محدد تماما
Exogenous variables	متغيرات خارجية
Experience Opinion	رأي الخبرة
Exponential smoothing	التمهيد الأسي
	F
Family of distribution	عائلة من التوزيعات
F-distribution	توزيع فيشر
Filters	مصافٍ أو منقيات

First-order autoregressive process

سياق أو عملية انحدار ذاتي من الدرجة الأولى

أفق التنبؤ Forecast horizon التنبق Forecasting Graphs رسوم متوسطات هندرسون المرجحة Henderson's weighted average ثبات التباين Homoscedasticity متعدد سطوح Hyperplane مطابقة Identification تحديد النموذج Identification problem معادلات تعريفية Identity equations أهمية التنبؤ الإداري Importance of forecasting حالة شك Inconclusive مستقل Independent المتغير المستقل Independent variable المسح الصناعي Industrial survey القيم الأولية أو الابتدائية Initial values شبكة المعلومات الدولية Internet الصيغة المعكوسة لسياق متوسطات متحركة Inverted form of a moving average process التغيرات العرضية أو العشوائية Irregular variations خط المربعات الصغري Least-squares line طريقة المربعات الصغرى العادية Least-squares method

ثبت المصطلحات 8.9 مستوى المعنوبة أو الدلالة Level of significance Linear نموذج براون الخطي Linear Brawn's model نموذج هولت الخطي Linear Halt's model الانحدار الخطى المتعدد Linear multiple regression مسح السوق Market survey اختبار السوق Market testing كامل من الناحية الرياضية Mathematically complete متوسط الانحرافات المطلقة Mean absolute deviation متوسط المربعات Mean of squares متوسط الانحرافات النسبي Mean percentage deviation مقاييس دقة التنبؤ Measuring forecast accuracy معامل الذاكرة Memory coefficient دالة الذاكرة Memory function

Method

Mixed autoregressive moving average models

Moving average

Moving average filter

Moving average model of order 1

Moving average models

Multicolinearity

Multiple regression

النماذج المختلطة (انحدار ذاتي ومتوسطات متحركة)

متوسط متحرك معامل أو مصفى المتوسطات المتحركة نموذج متوسطات متحركة من الدرجة الأولى نماذج المتوسطات المتحركة

ارتباط المتغيرات المستقلة

انحدار متعدد

طريقة

Multiplicative model	نموذج الضرب
N	
Natural log	اللوغاريتم الطبيعي
Nominator	البسط
Normal distribution	التوزيع الطبيعي
Normal equations	المعادلات الطبيعية
Null hypothesis	فرضية العدم
Numeric expression	تعبير عددي
Open	فتح ملف قديم
Options	خيارات
Over identified	فوق مستوى التحديد
P	
Partial autocorrelation function	دالة الارتباط الذاتي الجزئي
Partial coefficient of correlation	معامل الارتباط الجزئي
Partial derivative	التفاضل الجزئي
Partial regression coefficients	معاملات الانحدار الجزئية
Personal computer	حاسوب شخصي
Population regression line	خط انحدار المجتمع
Process	سياق أو عملية
Qualitative methods	الطرائق النوعية
R	
Random noise	تغيرات عشوائية بحتة أو خالصة
Ratio-to moving average method	طريقة النسبة إلى المتوسط المتحرك

ثبت المصطلحات

Reciprocal causation	علاقات متبادلة
Regression	انحدار
Residual variations	التغيرات الباقية
	S
Sample regression line	خط انحدار العينة
Save as	حفظ باسم
Schawartz bayesian criterion	مقياس شوارتز
Seasonal autoregressive integrated moving	نماذج الانجدار الذاتي والمتوسطات المتحركة
average models	التكاملية الموسمية
Seasonal decomposition	تحليل التغيرات الموسمية
Seasonal differencing	الفروق الموسمية
Seasonal variations	التغيرات الموسمية
Sequence	متتابعة أو متوالية
Simple correlation coefficient	معامل الارتباط البسيط
Simple exponential smoothing	التمهيد الأسي البسيط
Simple linear regression	الانحدار الخطي البسيط
Simple moving averages	المتوسطات المتحركة البسيطة
Simple Regression	انحدار بسيط
Simultaneous equations	المعادلات الآنية
Single distribution	توزيع وحيد
Significance	جوهرية
Source	مصدر
Specification error	خطأ في تحديد النموذج
Stationarity	الاستقرار

توزيعT

معامل أو مصفي الاستقرار Stationarity filter Statistic برنامج التطبيقات الإحصائية للعلوم Statistical Packages of the Social Science الاجتماعية (SPSS) طريقة الانحدار خطوة خطوة Stepwise method معادلات هكلية Structural equations توزيع ستيودنت Student's distribution مجموع مربعات الخطأ Sum of squares of error مجموع مربعات الانحدار Sum of squares of regression متغير الوجهة

Target variable T-distribution التنبؤ التقني Technological forecasting Term مقياس أو إحصاء ثيل Theil's U-statistic السلاسل الزمنية Time Series طرائق تحليل السلاسل الزمنية Time Series Analysis نماذج السلاسل الزمنية Time series models Total مجموع المربعات الكلي Total sum of squares طريقة المربعات الصغرى على مرحلتين Tow-stage least squares Transform

Triple exponential smoothing

Trend

التمهيد الأسي الثلاثي

الاتجاه العام

ثبت المصطلحات

خطأ من النوع الأول
Type II error
خطأ من النوع الثاني

 Under identified
 دون مستوى التحديد

 Unique values
 قيم وحيدة

VariableمتغيرVarianceتباينVersionطبعة أو نسخة

Weighted moving averages المتوسطات المتحركة المرجحة Wintrs's model

كشاف الموضوعات

الفروض الإحصائية ٤٨، ١٠٠

أساليب

التنبؤ ٦، ٢٥، ١٨٣ الإداري ١٨٣

استخدام

طرائق تحليل السلاسل الزمنية ٢٧، ١٨٣، و ١٩٠، ٢١٢

طرائق المتوسطات المتحركة ۱۷۸، ۱۷۸ طرائق التمهيد الأسي ۲۷، ۲۸ نماذج بوكس - جنكنز ۲۸، ۲۸۱

تحليل ١٩١

الاتجاه العام ۱۹۰، ۲۰۶ الارتباط ۱۱ الانحدار ۱۱، ۳۳، ۱۹۸

ارتباط ۵۸، ۲۰، ۲۲، ۲۶، ۲۲، ۲۷، ۱۲۷،

۰۳۱ ، ۱۳۷ ، ۱۳۸ ، ۲۳۳

بسیط ۵۸ ، ۷۸ ، ۱۳۵ ، ۱۳۷

متعدد ١٣٥

ذاتی ۲۶، ۲۵، ۲۲، ۳۲۹، ۳۳۹

للأخطاء ٢٢، ٣٣، ٥٥، ٨٧

اختبار ۱۰، ۲۷، ۹۶، ۳۲۷، ۳۳۲

الأخطاء ٦٤، ٣٣٢، ٩٧٩

بوکس- بیرس ۳۳۲

دورین– واتسون ۲۳، ۷۹، ۱۱۲، ۱۱۶

معاملات الانحدار ١٠١

معنوية معادلة الانحدار ٤٥، ٧٨، ١٠٠

معنوية معالم معادلة الانحدار ٥١

معنوية معاملات الارتباط ١٠٣

TTY . 140 . 110 . 1 . . . EV F

ס אדר , דדר , דדר , דפר , דסר

157, 477, 177

T 70, 071, 777

اختبارات ۱۰، ۲۳۰، ۳۳۱، ۳۳۲، ۳۳۸،

107, 977, • 77, 177, 777

المخاطرة ٢١٩

تكلفة التنبؤ ٢١، ٢٢، ٣١

التمهيد ٢٨

الأسى ١٦، ١١، ١٩، ١٨، ١٧

تقـــدير ٥، ١١، ١٥، ٣٥، ٣٦، ٤٧، ٥٣،

30, 00, VV, 3.1, P.1, P11,

707, · VY, YVY, 0VY, XVY,

777, .44, 044, 744, 734,

337, 937, 107, 207, 757,

377, 177, 777

الاتجاه العام ١٩٥

الخطأ العشوائي ٢٢٥، ٢٢٥

المتوسط الشرطي ٥٣، ٥٥، ٥٥، ٥٦، ٧٨ معادلة انحدار الاتجاه العام ١٩٨

معالم معادلة الانحدار ١٩٩

معالم النموذج ٦٥، ١٠٤، ١٢٧، ١٢٩،

771, 737, 037, V37, 107, 707, 777

تقدیرات ۷، ۸، ۹، ۱۵، ۲۸، ۵۵، ۲۲۲، ۳٤٤

الإداري ۲، ۳، ٤، ۳۰، ۳۳، ۱۵۵، ۱۹۱

(8)

جودة التنبؤ ١٦١

(2)

حد الخطأ ٣٤

(8)

خصائص التنبؤ ٥، ٩، ٣٠ خطأ

XY1, Y37, 037

معياري ٥٠، ٧٨، ١٠١، ١٠٢ من النوع الأول ٤٩ من النوع الثاني ٤٩ الخطأ ٥، ٣٤، ٣٤، ٤٨، ٤٩، ٦٢، ١١٥،

العشوائي ٣٥، ٦٤، ٣٤١، ٣٤٣، ٣٥٣، ٣٦١

المعياري للتقدير ٤٩، ٥٠، ٧٣، ٢٧، ٢١، ٩٤، ٩٥، ٩١، ١١٤، ١١٤، ١١٠ ١١١، ١٨١، ١٨١، ١٨١

دالة ۱۹۳، ۱۳۳، ۱۳۳، ۳۳۳

الارتبــاط الـــذاتي ۲۸۶، ۲۹۵، ۲۹۷، ۲۹۷، ۴۹۳، ۴۹۳، ۲۹۳، ۲۲۳، ۲۲۳، ۲۷۳، ۲۷۳، ۲۷۷، ۲۷۷، ۲۷۷

الجزئي ۲۹۷، ۳۰۳، ۳۰۳، ۳۱۰، ۳۱۰، ۳۱۵، ۳۱۰، ۳۲۷، ۳۲۷، ۲۷۷، ۳۷۷

التباین المشترك ۲۸۳، ۲۹۳، ۲۹۹، ۳۰۸، ۳۰۸، ۲۸۳ الذاتي ۳۷۸، ۳۷۷ خطمة ۲۹۸، ۲۹۲، ۳۰۲

الذاكرة ۲۹۲، ۳۱۰، ۳۲۵، ۳۷۵، ۳۷۸ دقــة التنبــؤ ۸، ۲۱، ۲۵، ۵۸، ۱۲۱، ۱۲۷، ۲۲۲

(III)

سلاسل ۱۲۰، ۱۲۸، ۱۷۱، ۱۹۷، ۱۹۲، ۲۲۷، ۲۸۷

> مستقرة ۲۸۷، ۳۲۵، ۳۲۵ غير مستقرة ۲۸۷، ۳۲۵، ۳۲۵ المتوسطات المتحركة ۱۹۷، ۱۹۷

A

الانحدار ۱۲، ۱۷، ۱۸، ۱۹، ۲۱، ۲۲، ۲۲، ۱۳، ۱۲۰

تحديد خط الاتجاه العام ٢٣٢

مكتب الإحصاء الأمريكي ٢٢٢، ٢٢٤، ٢٢١ ١٣٦، ٢٣٦ المتوسط الحسابي ٢٠٥ المتوسطات المتحركة ١٩٥ النصفية ١٩٨ ونترز ٢٧٢

(上)

الظاهرة ٢، ٦، ١١، ١٢، ١٤، ٣٣، ٤٢، ٢٥، ٥٦، ١٣٠

(2)

عملیة التنبؤ ۱، ۳، ٤، ۲، ۷، ۱۲، ۱۳، ۱۶، ۱۶، ۱۹، ۲۱، ۲۱، ۲۱، ۲۱، ۲۱، ۲۲، ۲۲، ۲۸، ۲۸، ۲۸، ۲۸، ۲۷۱، ۲۷۱، ۲۷۱، ۲۸۲، ۲۳۳

(ك

فترة التنبؤ ۱۸ ، ۲۳ ، ۲٤٠ ، ۳۳۴

قوة الارتباط ۱۱، ۵۸ قياس ۱۵، ۲۲، ۷۵، ۱۸۲، ۲۸۵، ۲۰۵ أثر التغيرات الموسمية ز، ۲۰۶، ۲۰۵ العشوائية ح، ۲۱۰ أخطاء التنبؤ ۲٤۱ دقة التنبؤات ۸

(0)

العد ١٠، ١٢، ٣٠ المتوسطات ١٩٥ المتحركة ١٦، ١٨، ١٩، ٣٠، ١٧٣ الطرائق

الترابطية ۲۱، ۱۲، ۲۳، ۳۰ الكمية ۱۳، ۱۲، ۱۷، ۱۸، ۲۰، ۲۰، ۲۹

المتاحة ٢٣

النوعيـــة ۷، ۸، ۱۰، ۱۲، ۱۳، ۱۲، ۱۲، ۱۷ ۱۷ ۱۷ ۱۲، ۱۲ ۱۳ ۱۲ ۱۳ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۳ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱۲ ۱

طريقة

التمهيد الأســي ٢٤٦، ٢٥٦، ٢٥٨، ٢٦٠، ٢٦٠، ٢٦٠، ٢٢٠، ٢٢٠، ٢٧٢، ٢٩٢،

الجذر التربيعي ۲۸۷ التنبؤ ۳٤٦، ۳۳٦، ۳٤۳ حساب الدليل الموسمي ۲۰۷، ۲۰۷ رياضية ۱۹۸ ستيل ۲۳۱

الفروق ۲۸۷، ۲۸۸، ۳۲۳، ۳۷۵ الموسمية ۲۹۰

المربعـات الصـغرى ۱۲، ۱۱۷، ۱۲۷، ۱۲۹، ۱۲۹، ۱۳۹، ۱۳۹، ۱۳۳، ۱۹۸، ۱۹۳، ۲۳۳، ۲۳۳، ۲۲۳، ۲۶۳

موسمية ١٨٨

متوسط ۱۸، ۱۹، ۲۶، ۱۵۰، ۱۲۱، ۱۲۱، ۱۲۱، ۲۷۱، ۲۲۰، ۲۲۰ ۲۵۲، ۲۲۱، ۲۲۲

انحرافـــات ۱٦۱، ۱٦۲، ۱٦۳، ۱۲۳، ۱۲۷، ۲۷۸، ۲۶۸، ۲۶۲، ۲۶۳، ۲۶۵

حســـابي ١٥٥، ١٥٧، ١٥٨، ١٧٣، ١٧٨، ٢٥٨

مربعات ۱۱۵

الخط__ أ ٤٧، ٥٠، ١٦٢، ١٦٥، ١٦٧،

متوسطات ۱۲، ۱۵۵، ۱۷۰، ۱۹۵، ۲۰۷،

۲• ۸

بسبطة ١٥٥، ١٥٦، ١٦٧، ١٧٠، (17) '771' "771' [71' ۸۷۱، ۱۸۱، ۱۸۱، ۱۸۱، 777 ثنائسة ١٥٥، ١٧١، ١٧٢، ١٧٨، 777 مضاعفة ١٥٥، ١٧٢، ١٧٨ مرجحة ١٥٥، ١٧١، ١٧٢، ١٧٣، 1V1, AV1, *A1, YA1 عال ۳۵۱، ۳۵۲ الثق____ة ٤٩، ٨٧، ٩٦، ١٤٣، ٨٤٣، مجموع مربعات الخطأ ٤٦، ٤٧، ٤٩، ١٠٠، A37, 107, 707, VOY, POY مستوى التحديد ١٢٩، ١٤٨، ١٤٨، ١٤٩ الدلالة ١٣٥ المعنوية ١٤٩ مشکلة ۸، ۱۳، ۲۶، ۹۶، ۹۲، ۱۲۷،

177 . 171

مدروسة ۲۲، ۲۳، ۲۵

معادلية ٣٣، ٣٤، ٣٩، ٤٠، ١٤، ٤٤،

٥٤، ٢٥، ٥٦، ١٦، ١٢، ١٣، ٧٧،

7P, FP, VP, FII, 771, 371,

۸۲۱، ۲۹۱، ۱۳۰، ۱۳۱، ۱۳۸،

.31, T31, V31, A31, P31,

API, 3.7, T.T. OTT, PTT,

T.T. V.T. 377, 077

الاتجاه العام ۲۰۲، ۲۰۳، ۲۱۵، ۲۳۳،

الانحدار ٢٤، ٣٥، ٣٦، ٤٤، ٥٤، ٢٠،

15, TV, 0V, AV, PV, 1A,

7X, 3X, . P, YP, 3P, 7P,

(11 + (1 + 9) (1 + 8) + (1 + 4)

(11) (11) (11) (11) (11)

٧٢١، ٨٢١، ٥٣١، ٥٤١، ٨٨١،

199 (191

تعریفیة ۱۲۸، ۱۲۵، ۱٤۸

الخط المستقيم ٣٩

سلوكية ١٢٨ ، ١٤٨

معادلات

معامل

الارتباط ٥٩، ٦٠، ٨٨، ٨٨، ٢٨٢ البسيط ٨٥، ٥٩، ٦٠، ٣٧، ٢٧، ٨٧

التأخير ۲۹۱، ۲۹۹، ۲۹۹، ۳۰۵، ۳۰۳، ۳۱۱، ۳۱۷، ۳۱۸، ۳۱۸، ۳۲۳، ۳۷۵ تثقيل ۲٤۱

الفروق ۲۹۰، ۲۹۱، ۳۲۵، ۳۷۵ الموسمية ۲۹۱

معاملات ۸۹، ۹۰، ۲۹۷، ۲۹۷، ۳۲۱، ۲۳۳، ۳۲۳ الارتباط ۱۶

> الانحدار ۸۷، ۲۹۱، ۳۰۶، ۳۲۰ تنقیة ۲۸۱

معلمـــة ٤١، ٥١، ٥٢، ٥٣، ٥٥، ١٠٨،

۲۰۳، ۷۶۳ الارتباط ۷۸

الانحدار ٤٧، ٢٩٢، ٧٩٧، ٥٥٣، ١٢٣،

37

المتوسطات المتحركة ٣٠٦، ٣٥٥، ٣٦٤. ٣٧١

مقاییس دقة التنبؤ ۲۱، ۱۱۱، ۱۱۳، ۱۱۲، ۱۲۵، ۱۱۷، ۱۷۸، ۱۸۰

Ů

ناف ندة ۲۷، ۷۱، ۷۷، ۵۷، ۱۰۵، ۱۰۸، ۱۱۱ د ۱۱۱، ۱۱۲، ۱۲۳، ۷۶۳ حوار ۲۸، ۹۳، ۲۶۳، ۲۶۳، ۳۶۰

نسبة الخطأ ٢٨ ، ٢٤٢ ، ٣٤٨ ، ٣٥٥ ، ٣٦٥ .

نموذج ۱۲، ۲۰، ۲۷، ۱۰۳، ۲۰۱، ۱۱۲، 711, 311, 011, 711, 771, 371, 071, 771, 771, 771, ۱۲۲، ۱۲۲، ۱۲۲، ۱۲۱، ۱۲۱، YET , OFT , VAL , AAL , PAL , 3 · 7 · 177 · 777 · 057 · V57 · AFY, PFY, IVY, OVY, PVY, 797, 797, 397, 097, 797, VPY, APY, ***, I**, Y**, 3.7, 0.7, 7.7, 7.7, .17, (117, 717, 017, 717, 717) פוש, ידש, סדש, דדש, עדש, פודי, ידדי ודדי דדדי דדדי 377, FTT, ATT, 13T, T3T, 337, 037, V37, A37, 107, 707, 307, 007, A07, POT, 777, 377, 077, 777, 777, 177, 777, 377, 177, 777, ለላግ, • ለግ, ፣ ለግ, ፕለግ انحدار خطی ۲۹۲، ۳۳۳ أريا ۲۲۳، ۲۱۸، ۳۱۹، ۲۲۰، ۲۲۳،

> ۳٤٦، ۳٤٥ تحديد الدخل ۱۲٤ الدخل الكنزي ۱٤٢ المعادلات الهيكلية ۱۲۸

777, P37, 757, AVY, 337,

غاذج ۲، ۱۲، ۱۶، ۱۷، ۲۰، ۲۰، ۳۱، ۳۱، 737, 177, 7.7, 377, 777, 377, 777, 337, 037 الانحدار البسيط ٣٤، ٦٣، ٧١، ١٠٤، 707 , 177 الــذاتي ٢٩٢، ٣٩٣، ٢٩٤، ٢٩٥، APY ... PPY ... X . Y . A . Y . ۵۲۳، ۲۲۲، ۸۲۳، ۳۲۰ 777, 377, ·37, OVT, 271 والمتوسطات المتحركة ٣٢٤، ٣٧٩ التكاملية ٣٢٤، ٣٧٩ الموسمية ٣٢٥، ٣٢٦، ٣٧٩ المتعصدد ۸۸، ۱۰۰، ۱۳۰، ۱۳۱، MY1, 131, 031, 17A الاقتصاد القياسي ١٧، ٢٥ بوکس- جنکنز ۱۱، ۱۲، ۱۷، ۱۸، P1 . Y . OY . AY . 17 . PYT . · 777 , 777 , 377 , 577 , 677 التمهيد الأسى ٢٨، ٢٤٥، ٢٤٩، ٢٧٩، 777, 777, 477, 177, 177 التنبؤ ٢، ١٤، ١٥، ١٦١، ٢٤٢، ٢٥٣ الإدارى ٦٦ المتوسطات المتحركة ٣٠٦، ٣٠٧، ٣٠٨، 117, 717, 717, 077, 777, المعادلات الآنية ١٢٤، ١٢٩، ١٣٠،

181

	 ملاحظات

	 ••••••
ووالمرابع والمرابع والمرابع والمتأثر والمتراب والمتراب والمتراب والمتراب والمتراب والمتراب والمتراب	
	 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

	 ملاحظات

	 ••••••
ووالمرابع والمرابع والمرابع والمتأثر والمتراب والمتراب والمتراب والمتراب والمتراب والمتراب والمتراب	
	 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

ملاحظاتملاحظات
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••

•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••

ملاحظاتملاحظات
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••

•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••